



ملاحظة : عدد أسئلة الورقة (ستة) أسئلة ، أجب عن (خمسة) منها فقط.

القسم الأول : يتكون هذا القسم من أربعة أسئلة ، وعلى الطالب أن يجيب عنها جميعاً.

السؤال الأول: (٣٠ علامة)

اختر الإجابة الصحيحة ، ثم ضع إشارة (×) في المكان المخصص له في ورقة الإجابة الخاصة بك :

(١) إذا كانت $\begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 0 & s+2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} s & 3 \\ 0 & 6 \end{bmatrix}$ فما مجموعة قيم س ؟

- (أ) $\{2, 3\}$ (ب) $\{3-\}$ (ج) $\{2\}$ (د) $\{2, 3-\}$

(٢) إذا كان ق(س) = $\frac{s^2(1-s)}{s^2(1+s)}$ ، س $\neq 1$ ما قيمة ق'(١)؟

- (أ) ٢ (ب) صفر (ج) ٤- (د) ٣-

(٣) إذا كانت معادلة المماس لمنحنى الاقتران ق(س) هي $2x - s - 1 = 0$ ومعادلة العمودي على المماس عند نقطة التماس هي $s + 2x - 3 = 0$ فإن نقطة التماس هي:

- (أ) (٢ ، ٣) (ب) (٠ ، ٠) (ج) (١- ، ٥) (د) (١ ، ١)

(٤) إذا كان $ع^2 = ف^3$ فإن قيمة التسارع عندما تكون السرعة تساوي ٨ م/ث هي :

- (أ) ٤ (ب) ٨ (ج) ٢٤ (د) $\frac{32}{3}$

(٥) إذا كان $ص = ع^2 + ٢ع$ ، $س = ع^2 + ٢$ فإن $\frac{دص}{دس} = ؟$

- (أ) $١ - ع$ (ب) $٢س$ (ج) $\frac{س}{٢}$ (د) $٢ + ع$

(٦) إذا كانت ج مصفوفة من الرتبة ٣×٣ فإن المصفوفة المحايدة لها في عملية جمع المصفوفات هي :

- (أ) $٣م$ (ب) ٣ و (ج) $ج^{-١}$ (د) $ج -$

(٧) إذا كان ق(س) = $ل$ ، حيث $ل$ عدد ثابت فإن مجموعة قيم ج التي يمكن الحصول عليها من تطبيق نظرية رول في الفترة [٤ ، ٥] هي:

- (أ) [٤ ، ٥] (ب) $\{٠\}$ (ج) [٤ ، ٥] (د) $\{ \}$

(٨) إذا كان متوسط تغير الاقتران ق(س) في [١ ، ٣] يساوي (٤) وكان متوسط تغير نفس الاقتران في الفترة

[٣ ، ٧] يساوي (-٥) فما متوسط تغير الاقتران ق(س) في [١ ، ٧]

- (أ) ٢- (ب) ١ (ج) ١- (د) ٢

(٩) إذا كان للاقتران ق(س) = $٣س^٢ + ٢س$ نقطة إنعطاف عند س = ١- فإن قيمة الثابت $ل$ تساوي:

- (أ) ٣- (ب) $\frac{٣}{٢}-$ (ج) ٣ (د) $\frac{٣}{٢}$

يتبع صفحة (٢)

لاحظ الصفحة التالية

(١٠) ما العبارة الصحيحة من العبارات الآتية ؟

(أ) $(١,٢) \cap (٢,٣)$ نقطة حرجة إذا كان $٠ = (٢)'$ فقط.

(ب) $(١,٢) \cap (٢,٣)$ نقطة إنعطاف للاقتران ق(س) إذا كان $٠ = (٢)''$.

(ج) إذا كان $٠ = (٢)'$ فإن (٢) قيمة عظمى محلية.

(د) إذا كان $٠ = (٢)'$ و $٠ = (٢)''$ فإن (٢) قيمة صغرى محلية.

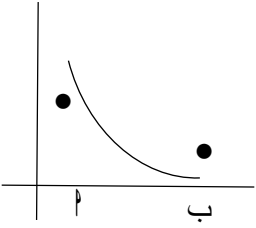
(١١) إذا كان ق(س) = $٢س^٣ - ٣س^٢ + ٤س - ١$ فإن ق'(س) =

(أ) $٦س^٢ + ٦س - ١$ (ب) $٦س^٢ + ٦س + ٤$

(ج) $٦س^٢ + ٦س - ١$ (د) $٦س^٢ + ٦س + ٤$

(١٢) الشكل المجاور يمثل منحنى ق(س) المعروف في $[١,٢]$ فإن ق(س) متناقص على

(أ) $[١,٢]$ (ب) $[٢,٣]$ (ج) $[١,٢]$ (د) $[٢,٣]$



(١٣) ما قيمة $\lim_{s \rightarrow 0} \frac{1 - (s)}{(s)}$ ؟

(أ) $\frac{1}{2}$ (ب) ١ (ج) صفر (د) $\frac{1}{3}$

(١٤) ٣×٣ ب ٣×٣ بحيث $|٢| = |٢|$ ، $٣ = |٢|$ ما قيمة محدد $(|٢| - ٣ \times ٣)$ ؟

(أ) ٩ (ب) ٨ (ج) ٩ (د) ٦

(١٥) إذا كانت $\begin{bmatrix} ٣ & ٢ \\ ٢ & ٣ \end{bmatrix} = ١$ ، فما قيمة س التي تجعل $١ - ٢ = ١$ ؟

(أ) ٩ (ب) ٤ (ج) ٥ ، ٤ (د) ٤ ، ٠

(١٦) إذا كان المستقيم $ص = ١ - ٤س$ مماس للاقتران ق(س) عند نقطة الانعطاف (١ ، ٣) فإن ظل زاوية الانعطاف هي:

(أ) ١ (ب) ٣ (ج) صفر (د) ٤

(١٧) إذا كانت ٣×٣ ب ٣×٣ ، ٢×٢ ج ٢×٢ ما هي العملية التي يمكن اجرائها من العمليات الآتية؟

(أ) $٢ \times ٣ + ٢ \times ٣$ (ب) $٢ \times ٣ + ٢ \times ٢$ (ج) $٢ \times ٣ + ٢ \times ٢$ (د) $٢ \times ٣ + ٢ \times ٢$

(١٨) إذا كان للاقتران ق(س) = $٣س^٢ - ٢س + ١$ قيمة صغرى محلية قيمتها (٢) فما قيمة الثابت جـ؟

(أ) صفر (ب) ٦ (ج) ٤ (د) ٢

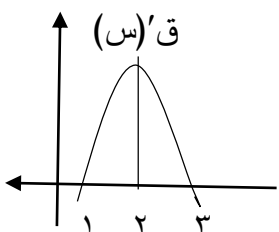
(١٩) عند حل نظام مكون من معادلتين خطيتين بطريقة كرامر وجد $|٢| = |٢| = |٢|$ أن فإن قيمة $س \times ص =$ ؟

(أ) ٢ (ب) ٦ (ج) ٣ (د) ٤

(٢٠) الشكل المجاور يمثل منحنى ق'(س) ما مجموعة حل المتباينة ق'(س) < ٠ ؟

(أ) $[١, ٣]$ (ب) $[٢, \infty)$

(ج) $[-٢, \infty)$ (د) $[-١, ٣] \cup [٣, \infty)$



السؤال الثاني: (٢٠ علامة)

- (أ) إذا كان ق(س) = س + $\frac{1}{س}$ ، س $\neq ٠$ جد ق'(١-) باستخدام تعريف المشتقة الأولى. (١٠ علامات)
- (ب) جد معادلة المماس لمنحنى العلاقة (س + ص) = ٣ - ٣ص = ٥ ، ص < ٠ عند نقطة تقاطع منحناه مع المستقيم س + ص = ٢. (١٠ علامات)

السؤال الثالث: (٢٠ علامة)

- (أ) إذا كان ق(س) = جتا^٢س - جتا^٢س ، س ∈ [٠, π] جد
١- القيم القصوى لمنحنى ق(س) وحدد نوعها ٢- مجالات تقعر الإقتران و نقط إنعطاف ق(س)
- (ب) أوجد مساحة أكبر شبه منحرف يمكن رسمه داخل منحنى الاقتران ق(س) = ٩ - س^٢ بحيث يقع رأساه عند نقطة تقاطع المنحنى مع محور السينات ورأساه الآخران على منحنى الاقتران ق(س). (٨ علامات)

السؤال الرابع: (٢٠ علامة)

- (أ) حل المعادلة الآتية
$$\begin{vmatrix} ١ - س & ١ \\ س & ١ \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} ٣ & ١ - ٢ \\ ٥ & س & ٤ \\ ٣ & ٦ & ١ \end{vmatrix}$$
 (١٠ علامات)
- (ب) استخدم طريقة جاوس في حل النظام الآتي :
$$\begin{cases} ٢س + ٣ص + ٤ع = ٩ \\ ٢س + ٣ص + ٤ع = ٢ \end{cases}$$
 (١٠ علامات)

القسم الثاني : يتكون هذا القسم من سؤالين وعلى الطالب أن يجيب عن أحدهما فقط:

السؤال الخامس: (١٠ علامات)

- (أ) الشكل المجاور يبين منحنى الاقترانين ق(س) ، ه(س) المعرفين على [١, ٤] اثبت أن ق'(٥) = ٠ (س) اقتران متناقص في [١, ٤] (٤ علامات)
- (ب) إذا كانت ص = ه^{-س} × $\sqrt{\frac{س+١}{س-١}}$ حيث ١ < س < ١ اثبت أن (١-س)^٢ ص = س^٢ ص (٦ علامات)

السؤال السادس: (١٠ علامات)

- (أ) إذا كانت ب^{-١} = $\begin{bmatrix} ٢ & ١ \\ ١ & ٢ \end{bmatrix}$ جد المصفوفة س إن أمكن علماً بأن (سب) = $\frac{ب}{|ب|}$ (٤ علامات)
- (ب) إذا كان ق(س) اقتران كثير حدود و كان ه(١) = ه(ب) = ه(ج) حيث ١ < ج < ب اثبت وجود عدد حقيقي $س \in [١, ب]$ بحيث أن ه(س) = ٠ (٦ علامات)

انتهت الأسئلة