



الزمن: ساعتان ونصف.
المبحث: رياضيات.
الصف: الثاني الثانوي العلمي.
التاريخ: ١ / ٤ / ٢٠١٩
مجموع العلامات ١٠٠
المعلم : إبراهيم أبو عبية .

تتكون ورقة الأسئلة من ٦ أسئلة وعلى الطالب أن يجيب عن ٥ فقط

القسم الأول : يتكون هذا القسم من أربعة أسئلة وعلى الطالب أن يجيب عنها جميعاً

٣٠ علامة

السؤال الأول: اكتب رمز الإجابة الصحيحة في كل مما يلي:

(١) إذا كان ق(س) = س + جا ٢ س ، فإن متوسط تغير الاقتران ق(س) بالفترة $[\frac{\pi}{2}, 0]$ يساوي

- أ. صفر ب. $\frac{\pi}{2}$ ج. ١ د. ١ -

(٢) إذا كان ق(٣) = ٤ ، ق(٣) = - ٢ ، فإن نها $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{ق(3+h) - ق(3)}{h}$

- أ. ١ - ب. ٤ - ج. ٤ د. ٢

(٣) إذا كان المماس المرسوم لمنحنى ق(س) عند النقطة (٢ ، ١) يصنع زاوية قياسها ١٣٥° مع محور السينات الموجب لمحور السينات فما قيمة نها $\lim_{s \rightarrow 2} \frac{ق(s) - ق(2)}{s - 2}$

- أ. $\frac{1}{2}$ ب. $\frac{1-}{2}$ ج. ١ د. ١ -

(٤) إذا كان ق(٥) = ١٥ وكان ق(س) = س - ٩ ، هـ(٣) = ٥ فما قيمة هـ(٣) :

- أ. ٣ ب. ٢ ج. صفر د. ١٥

(٥) يتحرك جسم على خط مستقيم وفق العلاقة ف(ن) ع(ن) = ن ، ف المسافة بالأمتار ، ن الزمن بالثواني ، ع(ن) السرعة ، وكانت ع(٢) = ٣ م/ث ، فما قيمة التسارع عندما ن = ٢ ثانية

- أ. ١٢ م/ث^٢ ب. ١٢ م/ث^٢ ج. ٨ م/ث^٢ د. ٨ م/ث^٢

(٦) إذا كان ق(س) كثير حدود من الدرجة الثالثة معرفاً على $[-١, ١]$ ، ما أكبر عدد ممكن من النقاط الحرجة يمكن أن نحصل عليها للاقتران ق(س)

- أ. ٢ ب. ٤ ج. ١ د. ٣

(٧) إذا كان ق(س) = لوجاس ، س تنتمي للفترة $[\frac{\pi}{4}, \pi]$ ، فإن ق(س) متزايد بالفترة :

- أ. $[\frac{\pi}{4}, \pi]$ ب. $[\frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{3}]$ ج. $[\frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{2}]$ د. $[\frac{\pi}{2}, \pi]$

٨) مجموعة جميع جـ التي يمكن الحصول عليها من تطبيق نظرية القيم المتوسطة على الاقتران ق (س) = ٦س - ١١ في الفترة [٢ ، ٧] هي :

- أ. [٢ ، ٧] ب. { ٦ } ج. { } د. [٧ ، ٢]

٩) إذا كان ق(س) = ٣س - ٣ معرفا في الفترة [- ٣ ، ١] فإن القيمة الصغرى المطلقة للاقتران ق(س) =

- أ. ٢ - ب. ٣ - ج. ٣٦ - د. ١٨ -

١٠) إذا كانت $A = \begin{pmatrix} 3 & 2 \\ 5 & 3 \end{pmatrix}$ فإن $A^{-1} + A =$

- أ. $\begin{pmatrix} 0 & 4 \\ 10 & 0 \end{pmatrix}$ ب. ٧م ج. و د. $\begin{pmatrix} 6 & 4 \\ 10 & 6 \end{pmatrix}$

١١) إذا كانت $A = \begin{pmatrix} 1 + س & 1 & 1 - \\ 1 & 0 & 3 \\ 2 & 3 & 2 + س \end{pmatrix}$ فإن قيمة س التي تجعل أ مصفوفة منفردة هي :

- أ. ٨ - ب. ٨/٥ ج. ٢٥/٢ - د. ٢٥/٢

١٢) عند حل نظام من معادلتين خطيتين بمتغيرين س ، ص وجد أن $|A| = \begin{vmatrix} 2 & 2 \\ 11 & 9 \end{vmatrix}$ ، $|A| = \begin{vmatrix} 2 & 1 \\ 9 & 3 \end{vmatrix}$ فإن قيمتي س ، ص على الترتيب :

- أ. ٥ - ، ٣ ب. ٨ - ، ٣ ج. ٣ - ، ٢ د. ٤٠ - ، ١٥

١٣) إذا كان $A^{-1} = \begin{pmatrix} 3 & 5 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ فإن $A =$

- أ. $\begin{pmatrix} 5 & 2 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}$ ب. $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 5 \end{pmatrix}$ ج. $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 5 \end{pmatrix}$ د. $\begin{pmatrix} 5 & 2 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}$

١٤) إذا كان ق(س) = (س - ٢)³ (س - ٢)⁴ فإن ق(س) يكون متناقصا على الفترة :

- أ. [-∞ ، ١ -) ب. [-١ ، ١] ج. [١ ، ٢] د. [٢ ، ∞]

١٥) إذا كان ق(س) = [٤س - ٨] فإن ق($\frac{1}{2}$)

- أ. ٢ ب. ٤ ج. صفر د. غير موجودة

١٦) إذا كانت معادلة العمودي على المماس لمنحنى ق(س) عند النقطة (- ٣ ، ٨) هي ٢ص + ٣س - ٧ = ٠ ، فإن قيمة ٦ ق(- ٣) =

- أ. ٤ ب. ١٨ ج. ١٨ - د. ٤ -

$$(١٧) \quad \text{نها} \quad \text{جتا} (٢ \text{ س} - \text{هـ}) - \text{جتا} ٢ \text{ س} = \frac{\text{هـ}}{\text{هـ}}$$

- أ. ٢ جتا ٢ س ب. ٢ - جتا ٢ س ج. جتا ٢ س د. - جتا ٢ س

$$(١٨) \quad \text{إذا كان لمنحنى ق (س) = س}^٢ + \text{م س}^٢ - ٩ \text{ س} \quad \text{نقطة انعطاف عند س} = -١, \quad \text{فإن قيمة الثابت م} =$$

$$(١٩) \quad \text{إذا كان ل} = \text{س}^٢ - ٤ \text{ س} + ٣, \quad \text{س} = \sqrt{٣ \text{ ص}^٢ + ٦}, \quad \text{فإن} \frac{\text{دل}}{\text{دص}} \quad \text{عندما ص} = ٦ \text{ هي:}$$

- أ. ٤ ب. ٢ ج. $\frac{١}{٣}$ د. - ٢

$$(٢٠) \quad \begin{vmatrix} \text{جا}^٢ \text{ هـ} & \text{جتا}^٢ \text{ هـ} & \text{جتا}^٢ \text{ هـ} \\ \text{جا}^٢ \text{ ص} & \text{جتا}^٢ \text{ ص} & \text{جتا}^٢ \text{ ص} \\ \text{جا}^٢ \text{ ع} & \text{جتا}^٢ \text{ ع} & \text{جتا}^٢ \text{ ع} \end{vmatrix} =$$

- أ. ١ ب. - ١ ج. ٣ د. صفر

٧علامات

$$\left. \begin{array}{l} \text{السؤال الثاني: (أ) إذا كان ق (س) = } \sqrt{\frac{\text{س} + ٥}{١} + \frac{٨}{\text{س}}} \\ \text{جد ق (٤) باستخدام تعريف المشتقة} \end{array} \right\} \begin{array}{l} \text{س} \leq ٤, \\ \text{س} > ٤ \end{array}$$

(ب) قذف جسم رأسياً إلى الأعلى من قمة برج بحيث أن ارتفاعه عن قمة البرج بالأمتار بعد ن ثانية هو ١٠ علاماً
ف (ن) = ٣٠ ن - ٥ ن^٢ جد :

- (١) ارتفاع البرج علماً بأن أقصى ارتفاع للجسم عن سطح الأرض = ١٨٠ م
(٢) المسافة الكلية المقطوعة خلال الثواني السبعة الأولى .

٣علامات

$$(ج) \quad \text{أوجد نها} \quad \frac{\text{هـ} + \text{لوس} - \text{هـ}^٢}{\text{س} - ١} \quad \text{باستخدام قاعدة لوبيتال.}$$

٧علامات

$$\text{السؤال الثالث: (أ) جد معادلة العمودي على المماس لمنحنى العلاقة} \quad \text{ص}^٢ + (\text{س} - \text{ص})^٣ = ٩ \quad \text{عند النقطة (س, ١) الواقعة على المنحنى.}$$

٧علامات

$$(ب) \quad \text{إذا كان ق (س) = } \frac{\text{س}^٣}{١ + \text{س}^٢} \quad \text{على} \quad [-٢, ٢]$$

- (١) عين مجالات التزايد والتناقص للاقتران ق(س) .
(٢) عين القيم القصوى المحلية والمطلقة للاقتران ق(س) .

يتبع

٦ علامات

$$(ج) إذا كانت أ = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 2 & 0 \end{pmatrix} ، ب = \begin{pmatrix} 1 & 5 & 2 \\ 2 & 0 & 6 \end{pmatrix}$$

$$جد : (١) أ + ٣ م ٢$$

$$(٢) أ - ١ ب$$

٨ علامات

السؤال الرابع : (أ) إذا كان ق(س) = جاس + جتاس على $[\pi ٢ , ٠]$

- (١) عين مجالات التقعر للاقتران ق(س) .
 (٢) عين نقط الانعطاف للاقتران ق(س) .

٧ علامات

$$(ب) إذا كان ق(س) = \frac{(س - ٥ + س٢)(٦ + س)}{س - ٣} ، س تنتمي للفترة [- ١ ، ب]$$

يحقق شروط رول في $[- ١ ، ب]$ وكانت قيمة ج التي تعينها النظرية هي ج = ٠ فجد الثابتين أ ، ب .

٥ علامات

$$(ج) حل المعادلتين التاليتين باستخدام قاعدة كرامر :$$

$$٢س - ٣ص - ١١ = صفر ، ٣س + ٢ص - ١٦ = صفر$$

القسم الثاني: يتكون هذا القسم من سؤالين وعلى الطالب أن يجيب عن احدهما فقط

٤ علامات

$$(السؤال الخامس: أ) إذا كانت ص = (٨)س + لو + ٣س + هـ$$

$$جد : \frac{دص}{دس}$$

٦ علامات

$$(ب) أوجد أقصر مسافة بين النقطة (٢ ، ٠) ومنحنى العلاقة ص - س٢ = ٨$$

(السؤال السادس: أ) إذا كان ق(س) = س٣ على $[أ ، ب]$ حيث أ ، ب أعداد موجبة أثبت باستخدام نظرية القيمة المتوسطة أن :

$$٣ أ > \frac{ب٣ - أ٣}{ب - أ} > ٣ ب$$

٤ علامات

٦ علامات

(ب) جد ارتفاع الاسطوانة ذات أكبر حجم والتي يمكن وضعها داخل مخروط دائري قائم نصف قطر قاعدته ٥ سم وارتفاعه ٩ سم .

— انتهت الأسئلة —



الزمن: ساعتان ونصف.
المبحث: رياضيات.
الصف: الثاني الثانوي العلمي.
التاريخ: ٤ / ٤ / ٢٠١٩
مجموع العلامات ١٠٠
المعلم: إبراهيم أبو عبية.

تتكون ورقة الأسئلة من ٦ أسئلة وعلى الطالب أن يجيب عن ٥ فقط

القسم الأول : يتكون هذا القسم من أربعة أسئلة وعلى الطالب أن يجيب عنها جميعاً

٣٠ علامة

السؤال الأول: اكتب رمز الإجابة الصحيحة في كل مما يلي:

(١) إذا كانت [س ر ، س ر-١] هي الفترة الجزئية الرائية الناتجة من التجزئة كن للفترة [- ٦ ، ٣] فإن

$$\sum_{r=1}^n (س ر - س ر-١) =$$

- أ. ٩ ب. ٩ ج. ٣ - د. ٣

(٢) إذا كان ق (١) = ٥ ، ق (٠) = ١ فإن س ق (س) د س =

- أ. ٤ ب. ١ ج. ٢ - د. ٢

(٣) إذا كان ت (س) = (٧ - ٣ ص) د ص ، فإن ت (س) =

- أ. ٣ - س ب. ٧ - ٣ س ج. ٧ س - ٣ س د. صفر

$$(٤) \sqrt{س٢ - ٢س + ١} د س =$$

- أ. صفر ب. ٢٠٥ - ج. ٢٠٥ د. ٣٠٥

(٥) إذا كانت ١ = { ١ ، ١٧ ، . . . ، ب } تجزئة منتظمة للفترة [أ ، ب] فإن أ =

- أ. ١ - ب. ٣ - ج. صفر د. ٢ -

(٦) إذا كان ق (س) = ه س + جتا س ، وكان ق (٠) = ١ - ، فإن ق (س) =

- أ. - جاس - ه س ب. - جاس + ه س ج. جاس - ه س د. جاس + ه س

(٧) قتا س ظتا س د س

- أ. ١ - ه س + ج ب. ١ - ه س + ج د. ١ - ه س + ج ج. ١ - ه س + ج د. ١ - ه س + ج

٨ (إذا كان م (س) ، هـ (س) اقترانين أصليين للاقتران المتصل ق (س) وكان ق (٤) = ٧ ، ق (٤) = ١٠ فإن (٣ م - هـ) (٤) = (٤))

- أ. ٢٨ ب. ١٤ ج. ٢١ د. ٧

(٩) إذا كانت ٢. تجزئة منتظمة للفترة [٣ ، ب] وكان العنصر الحادي عشر بالتجزئة يساوي ٦ فإن ب =

- أ. ٣ ب. ٥ ج. ٦ د. ٩

(۱۰) $\int_0^1 q(s) ds = 8$ ، $\int_2^7 q(s - 2) ds = 4$ ،

- أ. ٣٢ - ب. ٣٢ ج. صفر د. ١٨ -

$$(11) \text{ إذا كان } t = (s) = \int_1^{\sqrt{s-2}} s \times \frac{v^2+1}{v^2+1} dv + \int_1^s ds, \text{ فإن } t(2) =$$

- أ. ٢. ب. صفر ج. ٢ د. ٢٤

(١٢) إذا كان $\frac{t}{t+3} = \frac{t+1}{3}$ ، فإن $a =$

- أ. ٨ ب. ١٠ ج. ٨ - د. ١ -

$$= {}^9(t+1) \quad (13)$$

- أ. $16 + 16$ ت ب. $16 - 16$ ت ج. $8 - 8$ ت د. $8 + 8$ ت

$$= \frac{1 + 2t + 3t^2 + 2t^3 + t^4}{t^3 + t^4} \quad (14)$$

- أ. ٢ ت + ٨ ب. ١ - ج. ١ د. ١ - ٢ ت

١٥) إذا كان ميل المماس لمنحنى ق (س) عند النقطة (س، ص) يعطى بالعلاقة $٩س^٢ \times هـس^٣$ وكان منحنى ق (س) يمر بالنقطة (٠، ٦) فإن ق (س)

- أ. هـ س^٢ + ٥ ب. هـ س + ٥ ج. هـ س^٢ + ٣ د. هـ س^٣ + ٤

(١٦) الاقتران الأصلي للاقتران ق (س) = هـ (لو س + $\frac{1}{س}$) هو

- أ. لوس + ج ب. هس لوس + ج ج. ٢ هس لوس + ج د. هس + ج

$$(١٧) \quad \int_1^3 [3 - s] \, ds =$$

د. ٢ -

ج. ٢

ب. ١ -

أ. ١

(١٨) النظير الضربي للعدد المركب $3 - 2i$ هو

أ. $\frac{2}{13} - \frac{3}{13}i$ ب. $\frac{2}{13} + \frac{3}{13}i$ ج. $\frac{2}{5} - \frac{3}{5}i$ د. $\frac{2}{5} + \frac{3}{5}i$

(١٩) المعادلة التربيعية التي جذورها $1 - i$ ، $1 + i$ هي:

أ. $s^2 + 2s - 2 = 0$ ب. $s^2 - 2s - 2 = 0$ ج. $s^2 - 2s + 2 = 0$ د. $s^2 + 2s + 2 = 0$

$$(٢٠) \quad (2 - \sqrt{2}) - (1 - \sqrt{2}) =$$

د. ٢ -

ج. ٢

ب. ٢ -

أ. ٢

٧ علامات

السؤال الثاني (أ): باستخدام تعريف التكامل المحدود جد $\int_1^2 (2 - 4s) \, ds$

٨ علامات

(ب) أوجد حجم الجسم الناتج من دوران المنطقة المحصورة بين منحنى الاقتران $q(s) = s^2$ ومحور الصادات والمستقيم $s = 2$ دورة كاملة حول محور السينات.

٥ علامات

(ج) إذا كان $(s + 3v) = (2 - t) + 1$ ، أثبت أن $v = 3s$

٧ علامات

السؤال الثالث (أ): إذا كان $q(s) = \left\{ \begin{array}{l} \pi s \\ 1 + \frac{1}{s} \end{array} \right.$ جتا πs ، $0 \leq s \leq 0.5$ ، $0.5 \leq s \leq 2$ ،

أوجد الاقتران المكامل $t(s)$ للاقتران $q(s)$.

٨ علامات

(ب) أوجد كلا مما يلي :

(١) $\int_1^2 s \sqrt[3]{s + 5} \, ds$ (٢) $\int_1^2 \ln s \, ds$

٥ علامات

(ج) أوجد الجذور التربيعية للعدد $5 + 12i = c$

يتبع

٥ علامات

السؤال الرابع : أ) اكتب العدد $\sqrt[3]{3} + 1 = \epsilon$ بالصورة القطبية .ب) احسب المساحة المحصورة بمنحنى ق (س) = $\frac{1}{\epsilon}$ س^٢ والمماس المرسوم له من النقطة (٤ ، ٤) ومحور السينات.

٩ علامات

ج) اثبت باستخدام التكامل المحدود قانون حجم المخروط الدائري القائم $\pi \frac{1}{3} \text{ نق } \epsilon^2 = \text{ح}$

٦ علامات

القسم الثاني: يتكون هذا القسم من سؤالين وعلى الطالب أن يجيب عن احدهما فقط

٦ علامات

السؤال الخامس: أ) $\int_{\sqrt{3}}^1 \frac{1}{x} dx$ د س

٤ علامات

ب) اثبت ان $\int_{-2}^1 \frac{6 \text{ س}^2}{1 + 2 \text{ س}} dx \geq 9$ د س

٦ علامات

السؤال السادس : أ) أوجد $\int \frac{2(1 - \text{س}^2)}{9 - (2 + \text{س})^2} dx$ د سب) إذا كانت $\checkmark$ ن تجزئة منتظمة للفترة $[-3, 87]$ وكانت النسبة بين العنصر السادس في هذه

٤ علامات

التجزئة إلى العنصر العاشر هي ١ : ٢ جد عدد الفترات الجزئية .

— انتهت الأسئلة —