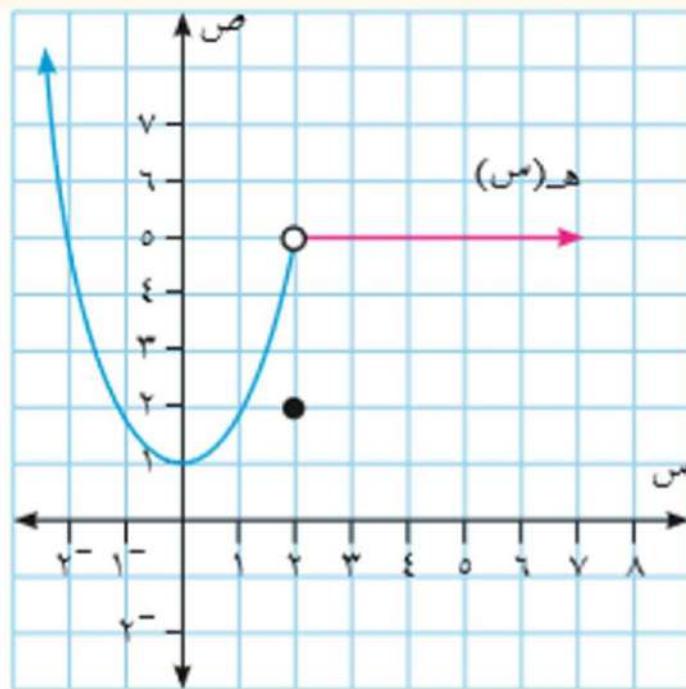




الفصل الثاني  
١١

# مادة إثرائية في مبحث الرياضيات (الأدبي والشعري)



١١  
الفصل الثاني



# مادة إثرائية في مبحث الرياضيات (الأدبي والشعري)

إعداد وتنسيق

أ. هدى الزريعي

أ. أريج رحمي

تحت إشراف

أ. نبيل سلمن

أ. رائد عبد العال

أ. سرين أبو عيشة

أ. ابتسام اسليم

## الوحدة الثالثة / المتتاليات

**السؤال الأول:** اختر الاجابة الصحيحة في كل مما يلي:

١) أي المتتاليات التالية تعتبر غير منتهية؟

(أ) ١٦، ٢٥، ٣٦، ...  
 ب)  $U_n = 1 - n$

ج) ٦، ٦، ٦، ٦  
 د)  $U_n = 6 + n$

٢) ما قيمة الحد السادس في المتتالية ٦، ٩، ١٢، ...، ٤٠٠٠؟

(أ) ١٢  
 ب) ١٥  
 ج) ١٨  
 د) ٢١

٣) ما قيمة الحد التالي في المتتالية  $\frac{1}{2}, \frac{2}{4}, \frac{3}{6}, \dots, \frac{n}{2n}$

(أ)  $\frac{4}{6}$   
 ب)  $\frac{4}{5}$   
 ج)  $\frac{1}{2}$   
 د)  $\frac{5}{8}$

٤) إذا كان الحد العام للمتتالية هو  $U_n = 2 + n$  ، فما هي قيمة الحد العاشر فيها؟

(أ) ٢٧  
 ب) ٨٣  
 ج) ١٠٠  
 د) ١٠٢

٥) إذا كان  $U_n = 3 + 5^n$  هو الحد العام لمتتالية، فما قيمة  $U_3$ ؟

(أ) ٣  
 ب) ٥  
 ج) ٨  
 د) ١٣

٦) متتالية حدها العام  $U_n = 2n - 3$  ،  $U_1 = 2$  ،  $U_2 = 1$  ،  $U_3 = 0$  ، ... فما قيمة  $U_{10}$ ؟

(أ) ١٠  
 ب) -٥  
 ج) -١٣  
 د) ٥

٧) متتالية حدها العام  $U_n = 3(2^n - 4)$  ،  $U_1 = 3$  ،  $U_2 = 10$  ، ... فما قيمة  $U_5$ ؟

(أ) ١٢  
 ب) ٣٠  
 ج) ٨٤  
 د) ٢٤٦

٨) إذا كان الحد العام للمتالية هو  $U_n = 1 + s^n$  فما قيمة  $s$  التي تجعل

$$U_3 = 15$$

٧- د)

٧- ج)

٤- ب)

٤- أ)

٩) ما هو الحد العام للمتالية  $4, 9, 16, 25, \dots$ ؟

$$U_n = (1+n)^2$$

$$U_n = n^2 + 1$$

$$U_n = 1 - n^2$$

$$U_n = n^2 - 1$$

١٠) ما هو الحد العام للمتالية  $2, 5, 10, 17, \dots$ ؟

$$U_n = (1+n)^2$$

$$U_n = n^2 + 1$$

$$U_n = 1 - n^2$$

$$U_n = n^2 - 1$$

١١) ما قيمة الأساس للمتالية الهندسية  $3, 3, 3, \dots$ ؟

١- د)

٣- ج)

١- ب)

١- أ)

١٢) ما الحد العام للمتالية  $3, 9, 27, \dots$ ؟

$$U_n = 3^{1+n}$$

$$U_n = 3^{1-n}$$

$$U_n = 3^n$$

$$U_n = n^3$$

١٣) أي المتاليات التالية تعتبر متالية حسابية؟

أ) ...، ٩-، ٥-، ١-، ٣-

أ) ...، ٩٩٩، ٩٩، ٩

ب) ...، ٣، ٦، ١١، ٧، ٥، ٣

ج) ...، ٢، ٢-، ٢-، ٢، ٢

١٤) متالية حسابية حدتها الأول = ٤، وأساسها = ٦، ما قيمة  $U_{10}$ ؟

٦٠- د)

٥٨- ج)

٢٢- ب)

١٠- أ)

١٥) ما قيمة الأساس للمتالية الحسابية  $1, 6, 11, \dots$ ؟

٧- د)

٦- ج)

٥- ب)

٤- أ)

(١٦) إذا كانت الأعداد ٢١، ٢٢، ٣٥، ... متساوية حسابية، فما هي قيمة  $a$  ؟

- أ) ٧      ب) ٧-      ج) ١٤      د) ٢٨

(١٧) متساوية حسابية فيها  $U_1 = 20$ ،  $U_2 = 36$ ، ما هي قيمة الأساس؟

- أ) ٤      ب) ٤-      ج) ٦      د) ٦-

(١٨) ما عدد حدود المتساوية الحسابية ٤، ١٠، ١٦، ...، ٦٤ ؟

- أ) ٨      ب) ٩      ج) ١٠      د) ١١

(١٩) إذا كانت الأعداد ٢٣، ٢٣، ...، ص، ...، ٥ متساوية حسابية، فما قيمة ص؟

- أ) ٤      ب) ٥      ج) ٦      د) ٧

(٢٠) إذا أدخلنا ٣ أوساط حسابية بين العددين ٦، ٢٦، فما قيمة  $d$  ؟

- أ) ٦      ب) ٦-      ج) ٥      د) ٥-

(٢١) متساوية هندسية حدها العام  $U_n = (-5)^n$ ، فما قيمة الحد الأول؟

- أ) ١-      ب) ٥      ج) ١      د) ٥

(٢٢) أي مما يلي يعتبر متساوية هندسية؟

- أ) ٥، ٥، ٥، ...      ب) ٢، ٤، ٦، ...      ج) ٣، ٣.٢، ٣.١، ...      د) ٣، ٤، ...

(٢٣) ما نوع المتساوية ١٢، ٦، ٣، ... ؟

- أ) حسابية      ب) هندسية      ج) هندسية وحسابية      د) لا هندسية ولا حسابية

(٢٤) متساوية هندسية حدها الأول ٥ والأساس ٣ فما قيمة الحد الرابع؟

- أ) ٨      ب) ١٥      ج) ١٤      د) ١٣٥

(٢٥) متتالية هندسية حدتها الأول  $\sqrt{2}$  ، والأساس =  $-\sqrt{2}$  ، فما قيمة الحد السادس؟

- أ) ٨      ب) ٦      ج)  $\sqrt{2}/4$       د)  $-\sqrt{2}/4$

(٢٦) متتالية هندسية حدودها ٢، ٦، ١٨، ...، ما قيمة الأساس لالمتتالية؟

- أ) ٢      ب) ٤      ج) ٣      د) ٣

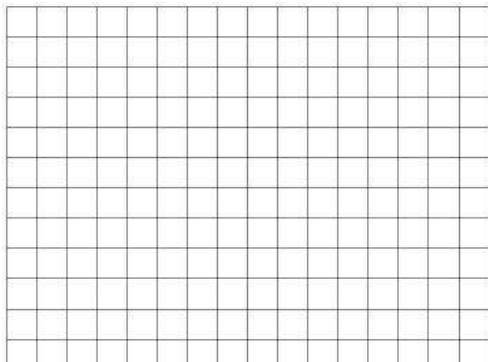
(٢٧) ما قيمة الوسط الهندسي الموجب للعددين ٤، ١٦؟

- أ) ٨      ب) ١٠      ج) ٢٠      د) ٦٤

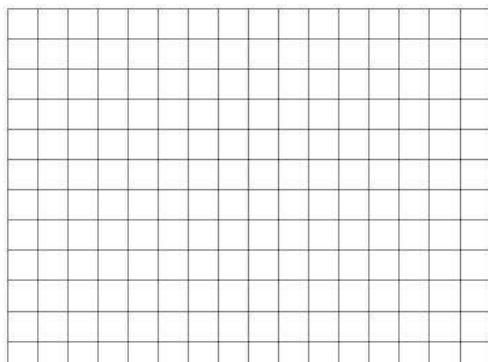
---

السؤال الثاني / أمثل بيانيًّا كلاً من المتتاليات الآتية موضحاً المجال والمدى:

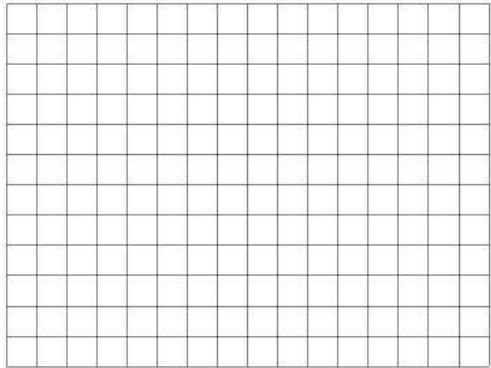
١) ٠، ٢، ٤، ٦، ٨، ...



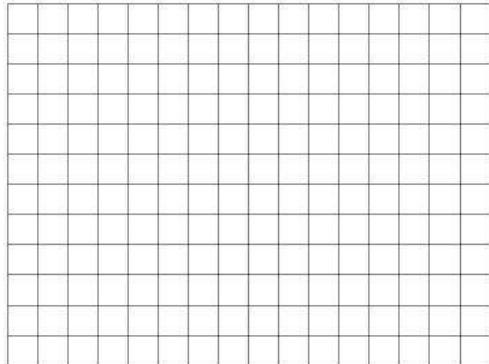
٢)  $y = 5 - 8x$



$$1 - 2 = 3$$



$$4) \quad 1 - 2 = 3$$



**السؤال الثالث:** أكمل الفراغ بما يناسبه:

- (١) ..... هي اقتران مجاله مجموعة الأعداد الصحيحة الموجبة أو جزء منها على النمط  $\{1, 2, 3, \dots, n\}$  ومداه مجموعة جزئية من الأعداد الحقيقة.
- (٢) يرمز المجال في المتتالية إلى ..... ، بينما يرمز المدى إلى .....
- (٣) تصنف المتتالية من حيث عدد الحدود إلى نوعين متتالية ..... و .....
- (٤) المتتالية  $3, 5, 7, 9, 11$  هي متتالية ..... بينما المتتالية  $4, 8, 16, \dots$  هي متتالية .....
- (٥) إذا كان الحد العام للمتتالية  $U_n = 5 + 3n$  فإن قيمة  $U_0$  هي .....
- (٦) في المتتالية  $1, 4, 9, 16, 25, \dots$  فإن قيمة  $U_7$  هي .....
- (٧) يسمى الحد الذي ترتيبه ( $n$ ) في المتتالية ب ..... ويرمز له بالرمز .....

- (٨) الحد العام للمتالية  $\frac{1}{2}, \frac{2}{3}, \frac{3}{4}, \dots$  هو .....
- (٩) يسمى المقدار الثابت الذي يمثل الفرق بين أي حد والحد السابق له مباشرة في المتالية الحسابية ب .....
- (١٠) الحد العام لأي متالية حسابية هو .....
- (١١) عدد حدود المتالية الحسابية = .....
- (١٢) في المتالية الحسابية  $(3, 13, 23, 33, \dots)$  قيمة  $a^1 = \dots$ ,  $a^2 = \dots$
- (١٣) المتالية  $1 + 5, 1 + 5 + 2, 1 + 5 + 2 + 3, \dots$  هي متالية .....
- (١٤) متالية حسابية حدتها الأول ٢ وأساسها ٣ فإن حدتها الخامس = .....
- (١٥) المتالية  $2, 4, 8, 16, \dots$  هي متالية ..... حدتها العام .....
- (١٦) الحد  $a^4$  في المتالية الهندسية على صورة .....
- (١٧) المتالية  $5, 5, 5, \dots$  هي متالية .....
- (١٨) أساس المتالية الهندسية  $27, 9, 3, \dots$  هو .....
- (١٩) الحد السابع في المتالية الهندسية  $2, 6, 18, \dots$  هو .....
- (٢٠) الوسط الهندسي للعددين ٥ ، ٤٥ هو ..... او .....
- (٢١) المتالية  $40, 20, 10, \dots$  هي متالية ..... حدتها الأول ..... وأساسها .....
- (٢٢) تسمى الأعداد الواقعة بين الحد الأول والحد الأخير في المتالية الهندسية ب .....
- (٢٣) إذا كانت الحد العام لمتالية هندسية  $a^r = 2^n$  فإن أساسها = .....
- (٢٤) الحد العام للمتالية الهندسية  $3, 6, 12, 24, \dots$  هو .....
- 

السؤال الرابع:- أجب عما يلي:

[١] أكتب الحدود الستة الأولى من المتالية:

١ ) ٦، ٩، ١٢، ٠٠

.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....

$$\dots, \frac{3}{1}, \frac{2}{2}, \frac{1}{3} (2)$$

---

$$V - n\epsilon = \varepsilon \quad (3)$$

---

---

$$V - {}^n V = \varepsilon \quad (4)$$

---

---

$${}^r(V + n) = \varepsilon \quad (5)$$

---

$$6 = \underline{\quad} (6)$$

.....  
.....  
.....  
.....  
.....

---

$$3 - \underline{\quad} = 1 + \underline{\quad} , 1 - \underline{\quad} = \underline{\quad} (7)$$

.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....

---

$$1 + \underline{\quad} + \underline{\quad} = 2 + \underline{\quad} , 2 = \underline{\quad} , 3 = \underline{\quad} (8)$$

.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....

---

- [٢] اكتب الحد العام للمتتاليات الآتية:-

$$\dots , 12 , 9 , 6 , 3 (1)$$

.....  
.....  
.....  
.....

... ، ٩ ، ٧ ، ٥ ، ٣ (٢)

.....  
.....  
.....

---

... ، ١٠٠١ ، ١٠١ ، ١١ (٣)

.....  
.....  
.....

---

... ، ٣ ، ٣ ، ٣ ، ٣ (٤)

.....  
.....  
.....

---

... ، ١ ، ٣ ، ٩ ، ٢٧ (٥)

.....  
.....  
.....

---

... ،  $\frac{1}{\lambda}$  ،  $\frac{1}{\tau}$  ،  $\frac{1}{\xi}$  ،  $\frac{1}{\alpha}$  (٦)

.....  
.....  
.....

---

.... ، (  $\lambda \times \tau$  ) ، (  $\tau \times \xi$  ) ، (  $\xi \times \alpha$  ) (٧)

.....  
.....  
.....

---

[٣] أجب عما يلي حسب المطلوب :

(١) متتالية حسابية حدتها الأول ٦ وأساسها ٢ ، أجد حدتها العشرون

.....  
.....  
.....

(٢) أوجد الحد السابع عشر من المتتالية الحسابية ١٠ ، ٦ ، ٢ ، ...

.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....

(٣) هل العدد ٣٥ هو أحد حدود المتتالية التي حدتها العام  $U_n = 2^n + 1$  ؟

.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....

(٤) أجد الحد العاشر في المتتالية الحسابية التي حدتها الخامس عشر ٤٥ وأساسها ٩٣ =

.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....

٥) ممتالية حسابية مجموع حدتها الأول والخامس = ١٨ ، وحدتها الرابع ضعفي حدتها الثاني، جد ع ؟

.....  
.....  
.....  
.....

٦) أوجد الممتالية الحسابية التي مجموع حدتها الثاني والسادس ٢٠ وحدتها السابع = ؟

.....  
.....  
.....  
.....

٧) أوجد  $U_7$  في الممتالية الحسابية التي فيها  $U_3 = -4$  ،  $U_{11} = 44$

.....  
.....  
.....  
.....

٨) أدخل وسطين حسابيين بين العددين -٤ ، ١١

.....  
.....  
.....  
.....

٩) أدخل ٤ أوساط حسابية بين العددين ٢ ، ٧٧

.....  
.....  
.....  
.....

١٠) عددان وسطهما الحسابي = ١٣ والنسبة بينهما ٨ : ٥ ، جد العددين

.....  
.....  
.....  
.....  
.....

١١) متالية حسابية تتالف من ٨ حدود حدها الأول = ٢٥ وحدها الثاني ٢٣ ، جد حدها الأخير

.....  
.....  
.....  
.....  
.....

١٢) إذا كان ٤١ أحد حدود المتالية ٥ ، ٨ ، ١١ ، ١٤ ، .... ، فأوجد ترتيبه ثم بين هل العدد

٢٥٧ هو أحد حدود هذه المتالية أم لا

.....  
.....  
.....  
.....  
.....

١٣) متالية هندسية حدها الثالث = ٣٢ ، وحدها السادس = ٢٥٦ ، جد الحد الأول والأساس للمتالية؟

.....  
.....  
.....  
.....

١٤) إذا كان الحد الثاني لمتالية هندسية يزيد عن حدتها الأول بمقدار ٤، والحد الرابع يزيد عن الحد الأول بمقدار ١٢٤، أجد الحد العام للمتالية؟

.....  
.....  
.....  
.....

١٥) متالية هندسية حدودها موجبة مجموع حديها الثالث والرابع = ٢٤، وحاصل ضرب حديها الثاني والرابع = ٣٢٤، جد حدود المتالية؟

.....  
.....  
.....  
.....

١٦) أدخل ٤ أوساط هندسية بين العددين ٥، ٩١٦٠

.....  
.....  
.....  
.....

١٧) أدخل ٣ أوساط هندسية بين العددين  $\frac{1}{3}$ ،  $2\frac{4}{9}$  ؟

.....  
.....  
.....  
.....

(١٨) عدداً موجباً وسطهما الحسابي = ١٠، ووسطهما الهندسي = ٨، أجد العددين؟

.....  
.....  
.....  
.....  
.....

(١٩) متالية هندسية حدها الرابع = ٥، والوسط الحسابي لحديها الثالث والخامس = ١٣، أجد حدود المتالية؟ "يوجد حلين"

.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....

(٢٠) ثلاثة أعداد موجبة تكون متالية حسابية مجموعهم ٢١، إذا أضيف إليهم الأعداد ١، ٤، ١ على الترتيب أصبحت متالية هندسية، أجد الأعداد الثلاثة؟

.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....

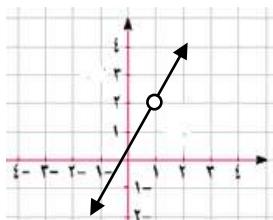
(٢١) ثلاثة أعداد تكون متالية حسابية الحد الأوسط = ٧، وإذا أضفنا له ١، وأضفنا للحد الثالث ٦ تكونت متالية هندسية، أجد الأعداد الثلاثة؟

.....  
.....  
.....  
.....  
.....

## الوحدة الرابعة

### النهايات والاتصال

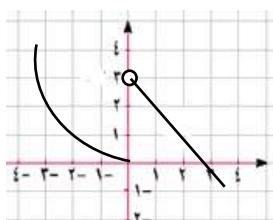
**السؤال الأول:** - اختر الاجابة الصحيحة مما يلي:



١) في الشكل المجاور ، ما قيمة  $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$  ؟

أ) ٢      ب) ٣

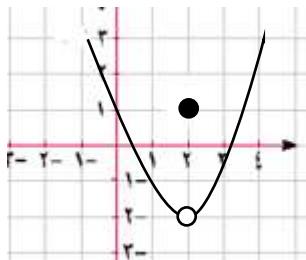
ج) غير موجودة



٢) في الشكل المجاور ، ما قيمة  $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$  ؟

أ) صفر      ب) ٢

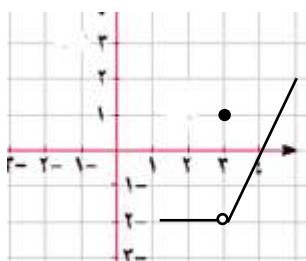
ج) غير موجودة



٣) في الشكل المجاور ، ما قيمة  $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$  ؟

أ) صفر      ب) ٢

ج) غير موجودة



٤) في الشكل المجاور ، ما قيمة  $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$  ؟

أ) صفر      ب) ١

ج) غير موجودة

٥) إذا كان  $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = 5$  ، فما قيمة  $\lim_{x \rightarrow 2} f(x)$  ؟

أ) ٤      ب) ٢      ج) ٤      د) غير موجودة

(٦) إذا كان  $f(s) = b s^2 + 7$  ، وكان  $f(s) = 16$  ، فما قيمة  $b$  ؟

- أ) ١ - (ج) ٩ - (ب) ١ - (د) ٩

(٧) إذا كانت  $f(s) = 10$  ، فما قيمة  $f(s) = 5s - 4$  ؟

- أ) ٥ - (ج) ١٦ - (ب) ١١ - (د) ٢٠

(٨) إذا كانت  $f(s) = 4$  ،  $f(s) = -6$  ، فما قيمة  $f(s) = 4h(s)$  ؟

- أ) ١٢ - (ج) ٣٦ - (ب) ٢٤ - (د) ٤٨

(٩) إذا كانت  $f(s) = 2$  ، فما قيمة الثابت ؟

- أ) ٢ - (ج) ١ - (ب) ١ - (د) ٥

(١٠) ما قيمة  $f(s) = \frac{12 - s^2}{s - 3}$  ؟

- أ) ٤ - (ج) ٧ - (ب) ٨ - (د) ٧

(١١) ما قيمة  $f(s) = \frac{s^3 + 2s}{s^2 + s}$  ؟

- أ) ١٢ - (ج) ٤ - (ب) ٤ - (د) ١٢

(١٢) ما قيمة  $f(s) = \frac{s^4 - s^2}{s^5 - s^3}$  ؟

- أ)  $\frac{1}{2}$  - (ج) ٢ - (ب)  $\frac{2}{5}$  - (د) ٢

(١٣) أي الاقترانات التالية غير متصل عند  $s = 4$  ؟

- أ)  $f(s) = s + 4$       ب)  $f(s) = \frac{s-4}{4}$       ج)  $f(s) = (s-4)^2$       د)  $f(s) = \frac{s^2 - s^4}{s^5 - s^3}$

(١٤) إذا كان  $f(s)$  متصلة على  $s = 2$  ، وكان  $f(s) = s + 1$  ،  $f(s) = 15$  ، فما قيمة  $f(2)$  ؟

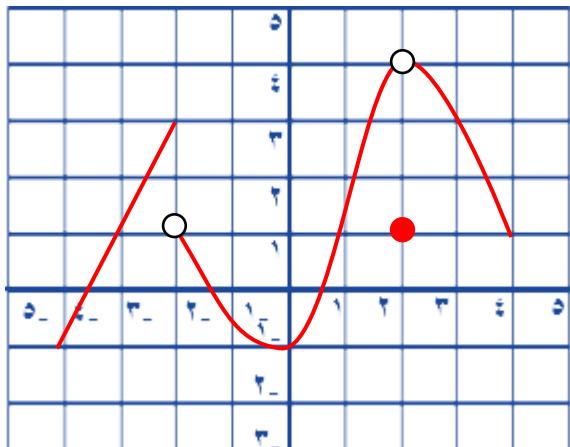
- أ) ٢ - (ج) ٣ - (ب) ٢ - (د) ٤

السؤال الثاني: أجب عما يلي

١) بالاعتماد على الشكل المجاور والذي يمثل منحنى الاقتران  $h(s)$  أجب حسب المطلوب:

$$\dots = [1] h(2)$$

$$\dots = [2] \underset{s \leftarrow 2}{\text{نهاية}} h(s)$$



$$\dots = [3] \underset{s \leftarrow 2^-}{\text{نهاية}} h(s)$$

$$\dots = [4] \underset{s \leftarrow 2^+}{\text{نهاية}} h(s)$$

$$\dots = [5] h(-2)$$

$$\dots = [6] \underset{s \leftarrow -2^-}{\text{نهاية}} h(s)$$

$$\dots = [7] \underset{s \leftarrow -2^+}{\text{نهاية}} h(s)$$

$$\dots = [8] \underset{s \leftarrow 2}{\text{نهاية}} h(s)$$

٢) بالاعتماد على الشكل المجاور أجب حسب المطلوب:

$$\dots = [1] c(0)$$

$$\dots = [2] \underset{s \leftarrow .}{\text{نهاية}} c(s)$$

$$\dots = [3] c(3)$$

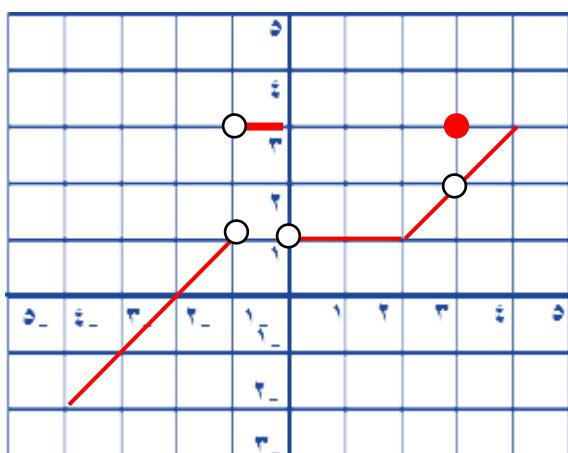
$$\dots = [4] \underset{s \leftarrow 3^-}{\text{نهاية}} c(s)$$

$$\dots = [5] c(2)$$

$$\dots = [6] \underset{s \leftarrow 2^-}{\text{نهاية}} c(s)$$

$$\dots = [7] c(1-)$$

$$\dots = [8] \underset{s \leftarrow 1-}{\text{نهاية}} c(s)$$



السؤال الثالث : باستخدام طريقة الجداول ، جد كلاً مما يلي:

$$(1) \frac{1}{s^2 + s} \quad \text{_____}$$

$$(2) \frac{1}{s^2 - 7s} \quad \text{_____}$$

$$(3) \frac{4}{s^2 - 2s} , \quad s \neq 2 \quad \text{_____}$$

السؤال الرابع:- أجد قيمة كلاً مما يلي:-

$$(1) \frac{1}{s^2 - s} = (s + 2) \quad \text{_____}$$

$$(2) \frac{1}{s^3 - 6s^2 + 9s} = (s - 3)^2 \quad \text{_____}$$

$$(3) \frac{s^2 - 1}{s^3} = \frac{s-1}{s^2} \quad \text{_____}$$

$$(4) \frac{s^2 - 16}{s^4 + s^2} , \quad s \neq -4 \quad \text{_____}$$

$$2 \pm \neq s, \quad \left( \frac{2}{4-s} - \frac{s}{4-s} \right) \underset{s \leftarrow 2}{\cancel{\lim}} \quad (5)$$

$$2 \neq s, \quad \frac{8-s}{s-2} \underset{s \leftarrow 2}{\cancel{\lim}} \quad (6)$$

$$4- \neq s, \quad \frac{64+s}{s+4} \underset{s \leftarrow -4}{\cancel{\lim}} \quad (7)$$

$$2 \neq s, \quad \frac{8-s}{s-2} \underset{s \leftarrow 2}{\cancel{\lim}} \quad (8)$$

$$5 \pm \neq s, \quad \frac{s5-s}{s-5} \underset{s \leftarrow 5}{\cancel{\lim}} \quad (9)$$

$$= \left( \frac{s - 1}{1 - s} \right) \underset{s \leftarrow \infty}{\lim} \quad (10)$$

$$= \left( \frac{2 + s^3 - s}{2 - s} \right) \underset{s \leftarrow \infty}{\lim} \quad (11)$$

$$= \left( \frac{2(5 - s^3) - 16}{9 - s} \right) \underset{s \leftarrow \infty}{\lim} \quad (12)$$

$$= \left( \frac{2}{10 + s^2} + \frac{1}{s - 5} \right) \underset{s \leftarrow \infty}{\lim} \quad (13)$$

$$= \left( \frac{9}{18 + s} + \frac{3}{s - 6} \right) \underset{s \leftarrow \infty}{\lim} \quad (14)$$

**السؤال الخامس:- أجب عما يلي**

١) إذا كان  $\frac{N}{S} = 8$  ، فما قيمة  $s$  ؟

.....  
.....

٢) إذا كان  $\frac{N}{S} = 29$  ، فما قيمة  $s$  ؟

.....  
.....  
.....  
.....

٣) إذا كانت  $\frac{N}{S} = 25$  ، فما قيمة  $N$  ؟

.....  
.....  
.....

٤) إذا كان  $\frac{N}{S} = 6$  ،  $N = 4h(s) - 4l(s)$  ، فما قيمة  $l$  التي تجعل

$$? = \left( \frac{l(s) - h(s)}{h(s)} \right)$$

.....  
.....  
.....

$$5) \text{ إذا كان } \begin{cases} f(s) = s^2 + 1, & s \neq 2, \\ f(s) = 3, & s = 2, \end{cases} \text{ فجد كلاً مما يلي}\}$$

(أ)  $f(3)$

(ب)  $f(2)$

(ج)  $\underset{s \leftarrow 2}{f(s)}$

(د)  $\underset{s \leftarrow 2}{f(s)}$

$$6) \text{ إذا كان } h(s) = \begin{cases} s^4 + s, & s > 2, \\ s^5 + 1, & s \leq 2, \end{cases} \text{ وكانت } h(s) \text{ موجودة، فما قيمة الثابت } ?$$

.....  
.....  
.....

$$7) \text{ إذا كان } f(s) = \begin{cases} s^2 - 2, & s < 2, \\ s^3 - 2, & s \geq 2, \end{cases} \text{ أوجد :}$$

.....= (١)  $f(3)$

.....= (٢)  $\underset{s \leftarrow 3}{f(s)}$

.....= (٣)  $f(0)$

.....= (٤)  $\underset{s \leftarrow .}{f(s)}$

.....= (٥)  $f(2)$

.....= (٦)  $\underset{s \leftarrow .}{f(s)}$

$$\left. \begin{array}{l} 1 < s, \\ s > 1, \\ 1 = s \end{array} \right\} \Rightarrow \begin{cases} s^3 + 1, \\ 4s^2, \\ s \end{cases} \quad \text{إذا كان } f(s) = (s)^5 \quad (8)$$

$$\dots = (0) f \quad (1)$$

$$\dots = \underset{s \leftarrow .}{f}(s) \quad (2)$$

$$\dots = (3) f \quad (3)$$

$$\dots = \underset{s \leftarrow .}{f}(s) \quad (4)$$

$$\dots = (1) f \quad (5)$$

$$\dots = \underset{s \leftarrow 1}{f}(s) \quad (6)$$


---

$$\left. \begin{array}{l} 2 \neq s, \\ 2 = s \end{array} \right\} \Rightarrow \begin{cases} 1 - s^3, \\ s^2 \end{cases} \quad \text{إذا كان } f(s) = (s)^2 \quad (9)$$

$$\dots = (5) f \quad (1)$$

$$\dots = \underset{s \leftarrow 0}{f}(s) \quad (2)$$

$$\dots = (2) f \quad (3)$$

$$\dots = \underset{s \leftarrow 2}{f}(s) \quad (4)$$


---

$$\left. \begin{array}{l} 1 \geq s, \\ 1 > s > 3, \\ 3 \leq s \end{array} \right\} \Rightarrow \begin{cases} 1 + s^2, \\ 5 - s^2, \\ \sqrt{13 + s^2} \end{cases} \quad \text{إذا كان } f(s) = (s)^5 \quad (10)$$

$$\dots = (2) f \quad (1)$$

$$\dots = (1) f \quad (2)$$

نهاي( $s$ ) = (٣)

= (٣) نهاي( $s$ )

نهاي( $s$ ) = (٤)

$$(11) \text{ إذا كان } u(s) = \begin{cases} s+2, & s \geq 1 \\ s^2, & s < 1 \end{cases}, \text{ أوجد قيمة } u(1).$$

إذا كانت نهاي( $s$ ) موجودة؟

$$(12) \text{ إذا كان } u(s) = \begin{cases} s+5, & s \leq 2 \\ s^2, & s > 2 \end{cases}, \text{ أوجد قيمة } u(2).$$

إذا كانت نهاي( $s$ ) موجودة؟

$$13) \text{ إذا كان } v(s) = \begin{cases} s^2 - 5 & , s > 3 \\ s + b & , s \leq 3 \end{cases} \text{، فما قيمة كلاً من } a, b,$$

إذا كانت  $v(s) = ?$

.....  
 .....  
 .....  
 .....

$$14) \text{ ابحث اتصال الاقتران } v(s) = \begin{cases} s^4 & , s \geq 1 \\ s^3 + s & , s < 1 \end{cases} \text{ عند } s = 1?$$

.....  
 .....  
 .....  
 .....  
 .....

$$15) \text{ إذا كان } v(s) = \begin{cases} s^4 + 15 & , s > 4 \\ s - 4 & , s \leq 4 \end{cases} \text{، أوجد قيمة } a,$$

التي تجعل الاقتران  $v(s)$  متصل عند  $s = 4$

.....  
 .....  
 .....  
 .....  
 .....



المبحث : رياضيات  
الصف: الحادي عشر  
الزمن : ساعتان  
الفترة : المسائية

امتحان نهاية الفصل الثاني  
للعام الدراسي ٢٠١٧ - ٢٠١٨ م  
(الفرع : الأدبي)

دولة فلسطين  
وزارة التربية والتعليم العالي  
مديرية التربية والتعليم - شرق غزة

مجموع العلامات ( ..... علامة )

" ١٥ درجة "

**السؤال الأول :- وضع دائرة حول رمز الإجابة الصحيحة**

١. ما نوع المتتالية ٢ ، ٣ ، ٥ ، ٧ ، ... ؟

- أ) متتالية هندسية      ب) متتالية حسابية  
ج) ليست حسابية ولا هندسية      د) غير ذلك

$$2. \text{ ما قيمة } \frac{s^3 - s}{s - 1} \text{ ؟}$$

- ١- د) صفر      ب) كمية غير معرفة      ج) ١

$$3. \text{ ما قيمة } A \text{ التي تجعل } \frac{s^3 + 64}{s^2 - 1} = \text{صفر ؟}$$

- ٢- د) ٨      ج) ٢      ب) ٢      أ) ١٨

٤. ما رتبة الحد الذي قيمته -٣٢ في المتتالية ٤ ، ٠ ، ٢ ، ... ؟

- ٢١- د) ٢٠      ج) ١٩      ب) ١٨      أ) ١٨

٥. متتالية هندسية فيها  $s^3 = 12$  ،  $s^4 = 48$  ، فما قيمة حدها الأول ؟

- ٦- د) ٩      ج) ٨      ب) ٣      أ) ٦

٦. إذا كانت الأعداد ٧ ، س ، ..... ،  $s+10$  ،  $s+9$  ، ١٢٣ متتالية حسابية ، ما قيمة س ؟

- ٩- د) ٩      ج) ١١      ب) ١١      أ) ١١

٧. إذا كان  $\frac{s^3 - s}{s^2 - 1} = 2$  ، فما قيمة  $\frac{s^3 - s}{s^2 - 1}$  ؟

- ٢- د) ٢      ج) ١      ب) -١      أ) ٢

$$8. \text{ ما قيمة } \frac{s^3 - 1}{s^2 - 1} \text{ ؟}$$

- ٣- د) ٦      ج) كمية غير معرفة      ب) ٣      أ) ٣

٩. ما قيمة الحد العاشر في المتتالية  $\frac{3}{4}, 1, \frac{5}{4}, \dots$
- (أ)  $\frac{1}{64}$       (ب)  $\frac{1}{64}$       (ج)  $\frac{1}{128}$       (د) ١٢٨
١٠. ما عدد حدود المتتالية  $\dots, 38, 40, 44, \dots$
- (أ) ٢١      (ب) ٢٤      (ج) ٢٢      (د) ٢٣
١١. ما هو الحد العام للمتتالية  $2, 65, 28, 9, \dots$ ؟
- (أ)  $n^3 - 2$       (ب)  $n^3 + 1$       (ج)  $n^{1+2} + 7$       (د)  $2^{n+1}$
١٢. ما قيمة  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{s-1}{s-2}$ ؟
- (أ)  $\frac{1}{2}$       (ب)  $-\frac{1}{2}$       (ج)  $-\frac{1}{4}$       (د)  $\frac{1}{4}$
١٣. ما الوسط الهندسي للعددين ١٦ و ٣٦؟
- (أ) ٢٤      (ب)  $24 \pm$       (ج) ٢٤      (د) ١٨
١٤. ما هي المتتالية الهندسية فيما يأتي؟
- (أ)  $\dots, 2, 3, 5, 10$       (ب)  $\dots, 1, 5, 25$       (ج)  $\dots, 2, 8, 5, 2$       (د)  $\dots, 1, 3, 9, 27$
١٥. إذا كان  $s = 2^n$  متضمناً متصلاً على ع و كان  $U_2 = -6$ . فما قيمة  $\lim_{n \rightarrow \infty} s$ ؟
- (أ) -٦      (ب) ٣      (ج) -٣      (د) ٦

"١٠ درجات"

السؤال الثاني:-

(أ) أجد الحدود الخمسة الأولى من المتتالية  $U_n = n^2 - 1$  ثم أمثلها بيانيا

.....

.....

.....

ب) جد قيمة  $\lim_{s \rightarrow 2^-}$

$$\frac{s^2 - 5s + 2}{s^2 - 4}$$

.....

.....

.....

---

"١٠ درجات"

السؤال الثالث:- أجب عما يلي

أ) إذا كان  $Q(s) = \begin{cases} s^2 - 2 & , s \leq 2 \\ 8 + s & , s > 2 \end{cases}$

ابحث في اتصال الاقتران  $Q(s)$  عند  $s = 2$

.....

.....

.....

ب) ثلاثة أعداد تكون متتالية حسابية مجموعها ٢٤ ، وحاصل ضربها يساوي ٤٨٠ ،

أجد الأعداد الثلاثة

.....

.....

.....

---

"١٠ درجات"

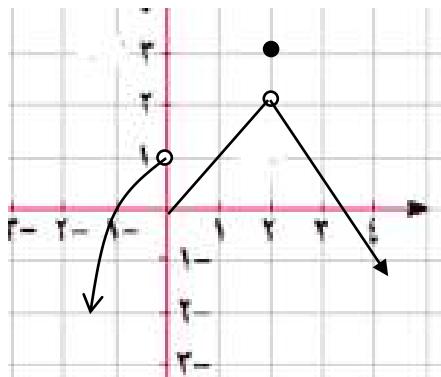
السؤال الرابع:-

أ) أجد الحد العام للمتتالية  $\frac{1}{1}, \frac{2}{3}, \frac{3}{4}, \dots$

.....

.....

ب) أتأمل الشكل المجاور وأجد ما يأتي:



$$1) \text{نهاه}(s) = \dots \quad s \leftarrow +$$

$$2) \text{نهاه}(s) = \dots \quad s \leftarrow -$$

$$3) \text{نهاه}(s) = \dots \quad s \leftarrow .$$

$$4) \text{نهاه}(s) = \dots \quad s \leftarrow 2$$

$$5) \text{ف}(2) = \dots \quad \text{السبب /}$$

$$6) \text{هل ف}(s) \text{ متصل عند } s = 2 \quad ? \quad \text{السبب /}$$

"١٥" درجة

السؤال الخامس:

أ) أدخل ٤ أوساط حسابية بين العددين ١١٠ ، ١٥

.....  
.....

ب) بدأ أحمد حياته كموظف براتب سنوي ٣٦٠٠ دينار ، وعلاوة سنوية ثابتة مقداره ١٥٠ دينار ،  
أحسب راتب أحمد في السنة العشرين

.....  
.....

ج) إذا كانت  $\text{نهاه}(s) = 3$  ،  $\text{نهاه}(s) = 24$  ،

ما قيمة  $\text{نهاه}(s) + \text{نهاه}(s - 3)$  ؟

.....  
.....

تم بحمد الله

الزمن:-  
الاسم:-  
الدرجة:-  
٦٠١



وزارة التربية والتعليم العالي  
فلسطين  
مديرية شرق غزة  
امتحان نهاية الفصل الثاني

"٢٠ درجة"

**السؤال الأول :- وضع دائرة حول رمز الإجابة الصحيحة**

١٦. ما الحد الخامس في المتتالية  $3, 7, 11, \dots$  ؟

(أ) ١٩      (ب) ٢٠      (ج) ٢٢      (د) ٢٤

١٧. ما الحد العام للمتتالية  $8, 27, 64, \dots$  ؟

(أ)  $U_n = n^2$       (ب)  $U_n = 3n - 2$       (ج)  $U_n = (1+n)^3$       (د)  $U_n = (1-n)^3$

١٨. أي المتتاليات الآتية تعتبر متتالية حسابية؟

(أ) ١، ٢، ٣، ٥، ...      (ب) ٢، ٤، ٦، ٨، ...      (ج) ٣، ٦، ٩، ١٢، ...      (د) ١، ٤، ٩، ١٦، ...

١٩. متتالية هندسية حدها الأول ٣، وكل حد ضعفي الحد السابق له، ما قيمة الحد الرابع؟

(أ) ٩      (ب) ١٥      (ج) ٢٤      (د) ٤٨

٢٠. متتالية حسابية عدد حدودها ١٤، كم عدد الأوساط الحسابية فيها؟

(أ) ١٠      (ب) ١٢      (ج) ١٤      (د) ١٦

٢١. ما قيمة  $\lim_{n \rightarrow \infty} (2s^n + 1)$  ؟

(أ) ١٧      (ب) ١٩      (ج) ٧      (د) ١٩

٢٢. إذا كان  $\lim_{n \rightarrow \infty} (s^n + 5s) = 6$  ، فما قيمة  $\lim_{n \rightarrow \infty} (s^n + s)$  ؟

(أ) ٨      (ب) ١١      (ج) ١٢      (د) ١٣

٢٣. إذا كان  $\lim_{n \rightarrow \infty} (s^n + 12s - 4) = 7$  ، فما قيمة الثابت  $s$  ؟

(أ) ٤      (ب) ٥      (ج) ٦      (د) ٧

٢٤. ما قيمة  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{s^n - 1}{s^n + 1}$  ؟

(أ) ١      (ب) ٢      (ج) ٣      (د) غير موجودة

٢٥. إذا كان الاقتران  $f(s)$  متصل عند  $s = 3$  حيث  $f(s) = \begin{cases} s^2 + 1 & s \leq 3 \\ 10 & s > 3 \end{cases}$  ، فما قيمة  $f(3)$ ؟

(أ) ١٠      (ب) ٥      (ج) ٣      (د) ٤

"١٠ درجات"

السؤال الثاني:-

- (أ) أوجد قيمة  $s$  التي تجعل المتتالية  $-s^3, -s^5, -s^7, \dots$  حسابية، ثم اكتب المتتالية؟
- .....  
.....  
.....

- (ب) متتالية هندسية حدتها الأول ٣ والأخر ٩٦، كم عدد حدودها إذا كان أساسها ٢؟
- .....  
.....  
.....  
.....

"١٠ درجات"

السؤال الثالث:- أجب عما يلي

- (أ) أوجد قيمة  $s$  :

$$= \frac{9-s}{3-s} \quad (2) \quad \left| \begin{array}{l} s \leftarrow 3 \\ s \leftarrow 9 \end{array} \right.$$

.....  
.....  
.....

$$= \frac{4-s}{4+s} \quad (1) \quad \left| \begin{array}{l} s \leftarrow 4 \\ s \leftarrow -4 \end{array} \right.$$

.....  
.....  
.....

- (ب) ابحث اتصال الاقتران  $f(s)$  حيث  $f(s) = \begin{cases} 2s+3 & s \leq 5 \\ 8-s^2 & s > 5 \end{cases}$
- .....  
.....

**السؤال الرابع:-** أجب عما يلي:-

- أ) ثلاثة أعداد تكون متتالية حسابية، مجموعهم ٢١، وحاصل ضربهم ٢٨٠، أوجد الأعداد؟
- .....  
.....  
.....

- ب) إذا كان الحد الثالث من متتالية هندسية هو ١٢، والحد السادس منها هو ٩٦، أوجد الحدود الأربع الأولى من المتتالية؟
- .....  
.....  
.....
- 

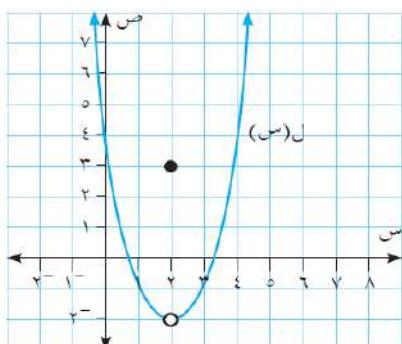
"٠ درجات"

**السؤال الخامس :-**

$$\text{أ) إذا كان } L(s) = \begin{cases} s^2 & , s \leq 1 \\ s - 2 & , s > 1 \end{cases}, \text{ أوجد } \underset{s \leftarrow 1}{\lim} L(s) \text{ إن وجدت؟}$$

.....  
.....  
.....

- ب) مستعيناً بالشكل المقابل، ابحث اتصال الاقتران  $L(s)$  ، عند  $s = 2$ ؟



تم بحمد الله

"٢٠ درجة"

**السؤال الأول :- وضع دائرة حول رمز الإجابة الصحيحة**

١. ما نوع المتتالية  $2, 5, 3, 11, \dots$  ؟  
 أ) حسابية      ب) هندسية      ج) حسابية و هندسية      د) لا حسابية ولا هندسية
٢. ما الحد العام للمتتالية  $9, 99, 999, 9999, \dots$  ؟  
 أ)  $10^{n+1}$       ب)  $10^n$       ج)  $10^{-n}$       د)  $10^{-n-1}$
٣. متتالية حسابية حدتها الأول  $-2$  وأساسها  $-2$ ، فما قيمة حدتها الخامس عشر ؟  
 أ)  $32$       ب)  $30$       ج)  $-30$       د)  $-32$
٤. الأعداد الواقعة بين الحد الأول والحد الأخير في المتتالية الهندسية تسمى  
 أ) حدود حسابية      ب) أساس      ج) أوساط حسابية      د) حدود هندسية
٥. إذا كانت الحدود  $s, 2, 6, \dots$  ص متتالية هندسية ، فما قيمة  $s$  ؟  
 أ)  $6$       ب)  $12$       ج)  $118$       د)  $24$
٦. ما قيمة  $\lim_{s \rightarrow \infty} (s^3 - 5s + 7)$  ؟  
 أ)  $14$       ب)  $10$       ج) صفر      د)  $4$
٧. إذا كان  $\lim_{s \rightarrow 1} \frac{s^3 - 2s}{s - 1} = 4$  ، فما قيمة  $\lim_{s \rightarrow 2} \frac{2s - 5}{s - 2}$  ؟  
 أ)  $1$       ب)  $2$       ج)  $6$       د)  $12$
٨. إذا كان  $\lim_{s \rightarrow b} \frac{4 - s^2}{s - 2} = 8$  ، فما قيمة  $b$  ؟  
 أ)  $2$       ب)  $4$       ج)  $2$       د)  $7$
٩. إذا كان  $\lim_{s \rightarrow 2} \frac{s^2 - 4}{s - 2} = \text{فما قيمة } \lim_{s \rightarrow 1} \frac{2s - 5}{s - 1}$  ؟  
 أ)  $1$       ب)  $4$       ج)  $3$       د) غير موجودة
١٠. إذا كان الاقتران  $f(s)$  متصل على  $\mathbb{R}$  وكان  $\lim_{s \rightarrow 2} f(s) = 6$  ، فما قيمة  $\lim_{s \rightarrow 2} f(s)$  ؟  
 أ)  $6$       ب)  $3$       ج)  $-3$       د)  $6$

السؤال الثاني:-

"١٥ درجة"

أ) أدخل ٣ أوساط هندسية بين العددين ٢، ١٦٢،

.....  
 .....  
 .....  
 .....

ب) إذا كان  $s^3 = 10$  ،  $s^3 - s^2 = 2$  ،  $s + 5$  ثلث حدود متتالية في متالية حسابية، جد قيمة  $s$

.....  
 .....  
 .....  
 .....

ج) أجد الحدود الخمسة الأولى من المتتالية  $U_n = \frac{s^n}{n}$  ثم أمثلها بيانياً

.....  
 .....  
 .....  
 .....

"١٠ درجات"

السؤال الثالث:-

أ) أوجد قيمة :-

$$1) \frac{s^3 - s^2}{s^3 - s} , \quad 2) \frac{8 - s^3}{4 - s^2} , \quad s \neq 3$$

$$\text{ب) إذا كان } f(s) = \begin{cases} s^2 + 1 & , s \leq 2 \\ s^3 - 1 & , s > 2 \end{cases}, \text{ ابحث اتصال الاقتران عندما } s = 2$$

.....  
.....  
.....  
.....  
.....

---

"درجات ٥"

السؤال الرابع:-

أ) متتالية فيها  $U_1 = 2s + 3$  ،  $U_2 = 8s + 7$  ، أوجد قيمة  $s$  التي تجعل الحد الثالث في المتتالية يساوي ٣٠

.....  
.....  
.....  
.....  
.....

ب) متتالية حسابية حدتها السادس يساوي ١٠ وحدتها العاشر يساوي ٣٤ ، فما قيمة حدتها الثامن؟

.....  
.....  
.....  
.....  
.....

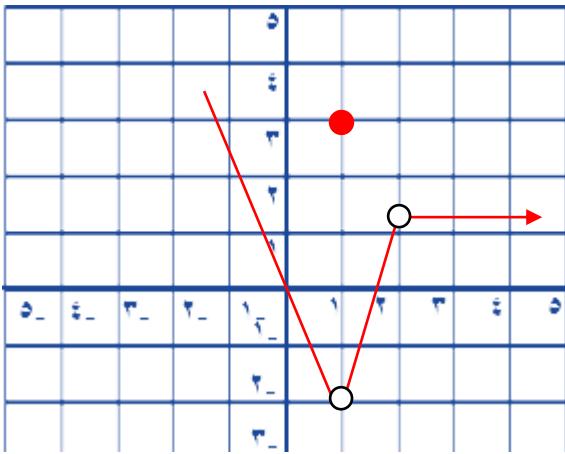
"درجات ٠"

السؤال الخامس:-

$$\text{أ) إذا كان } f(s) = \begin{cases} \frac{s^2 - 9}{3 - s} & , s < 3 \\ 2 + 12 & , s > 3 \end{cases}, \text{ أوجد قيمة } A \text{ التي تجعل } f_A(s) \text{ موجودة .}$$

.....  
.....  
.....  
.....  
.....

---



ب) مستعيناً بالشكل المقابل، أجد ما يلي:

$$(1) \lim_{s \rightarrow +\infty} f(s) = \dots$$

$$(2) \lim_{s \rightarrow -\infty} f(s) = \dots$$

$$(3) \lim_{s \rightarrow 1^-} f(s) = \dots$$

$$(4) f(1) = \dots$$

$$(5) هل f(s) متصل عند s = 2 ?$$

السبب /

تم بحمد الله