



مدة الامتحان : ساعتان ونصف
اليوم والتاريخ: الخميس ٢٠١٩/٦/١٣
مجموع العلامات (١٠٠) علامة

ملاحظة : عدد أسئلة الورقة (ستة) أسئلة، أجب عن (خمس) منها فقط

القسم الأول: يتكون هذا القسم من أربعة أسئلة، وعلم، المشترك أن يجيب عنها جميعاً

السؤال الأول : (٣٠ علامة)

اختر الإجابة الصحيحة، ثم ضع إشارة (×) في المكان المخصص في دفتر الإجابة :

(١) ما قيمة $\frac{س+ظاس}{جاس}$ ؟

- (أ) $\frac{١}{٢}$ (ب) ١ (ج) ٢ (د) ٤

(٢) إذا كان متوسط تغير الاقتران $١٠(س)$ في $[-١, ٢]$ يساوي -٥ ، وكان $١٠(٢) = ٣$ ، فما قيمة $١٠(-١)$ ؟

- (أ) ١٨ (ب) ٨ (ج) ٢- (د) ١٢-

(٣) إذا كان $ص = لوس٦$ ، فما قيمة $\frac{ص}{لوس٦}$ عندما $ص = ٢$ ؟

- (أ) ١٢ (ب) $\frac{١}{٢}$ (ج) ٦ (د) ٣

(٤) إذا كان $س٢ + ص٢ = ٢٥$ ، فما قيمة $\frac{ص}{س}$ ؟

- (أ) $\frac{ص}{س}$ (ب) $\frac{ص}{س}$ (ج) $\frac{ص-٢}{س}$ (د) $\frac{٢٥-٢}{ص٢}$

(٥) إذا كان المماس لمنحنى الاقتران $١٠(س) = س٢ + ٣س$ عند $س = س$ يصنع مع محور السينات الموجب زاوية

قياسها ٤٥° فما احداثيي نقطة التماس؟

- (أ) (١، ٢) (ب) (٢، ١) (ج) (-١، -٢) (د) (-٢، -١)

(٦) إذا كان $١٠(س) = هـ-س$ ، $س \in ح$ ، فما مجال تزايد الاقتران $١٠(س)$ ؟

- (أ) ϕ (ب) $ح$ (ج) $[-\infty, ٠]$ (د) $[٠, \infty)$

(٧) إذا كان $\begin{bmatrix} ٩ & ١ \\ ٤- & ١+س \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} ٢س & ١ \\ ٤- & ٢- \end{bmatrix}$ ، فما مجموعة قيم س الممكنة؟

- (أ) $\{٣\}$ (ب) $\{٣-\}$ (ج) $\{٣، ٣-\}$ (د) ϕ

(٨) إذا كانت المصفوفة $ج = \begin{bmatrix} ٢ & ٣- \\ ٣ & ٤- \end{bmatrix}$ ، فما المصفوفة التي تساوي $ج٢-٢$ ؟

- (أ) $\begin{bmatrix} ٤ & ٨ \\ ٨ & ١٦ \end{bmatrix}$ (ب) $\begin{bmatrix} ٣ & ٨ \\ ٨ & ١٥ \end{bmatrix}$ (ج) ٢٠ (د) ٢٢

(٩) إذا كانت $\begin{bmatrix} ٢ & ١ \\ ٧ & ٥ \end{bmatrix} = ١$ ، وكانت ب مصفوفة مربعة من الرتبة الثانية بحيث $١٢.ب = ٢٤$ ، فما قيمة $|ب|$ ؟

- (أ) ٣- (ب) ٢- (ج) ٢ (د) ٣

← يتبع صفحة (٢)

لاحظ الصفحة التالية

١٠. إذا كانت u مصفوفة مربعة من الرتبة الثانية، b مصفوفة مربعة من الرتبة الثالثة، فأى مما يلي لا يمكن إيجاده؟

- (أ) $|u|$ (ب) $|u+b|$ (ج) $|b|$ (د) $|u|+|b|+6$

١١. إذا كان $u(s)$ ، اقتراناً متصلاً على E ، وكان $u(s) = s^2 - 2s + 2$ ، فما قيمة $u(0)$ ؟

- (أ) ٣ (ب) ٢ (ج) ١ (د) صفر

١٢. ما ناتج $\left[\frac{2}{s} + \frac{3}{s^2} \right] s^2$ ؟

- (أ) $2\frac{3}{s} + |s| + 3$ (ب) $2 - \frac{3}{s} + |s| + 3$ (ج) $2 + \frac{3}{s} + |s| + 3$ (د) $2 - \frac{3}{s} + |s| + 3$

١٣. إذا كان $u(s)$ ، $h(s)$ اقترانين أصليين للاقتران $u(s)$ وكان $u(s) = s^2 - 2s + 2$ ، فما قيمة $h(s)$ ؟

- (أ) صفر (ب) ٥ (ج) ٥- (د) $u'(0)$

١٤. ما قيمة $\int_1^2 (1-s)^3 s^3 ds$ ؟

- (أ) ٤٨ (ب) ٤٠ (ج) ٢٠ (د) ١٠

١٥. إذا كان $s = \int_0^{\pi} (s^2 \times \cos(s) - \pi) ds$ فما قيمة $\frac{ds}{ds}$ عندما $s = \frac{\pi}{3}$ ؟

- (أ) صفر (ب) $\frac{1}{2}$ (ج) $\frac{3\sqrt{2}}{2}$ (د) $\frac{3}{4}$

١٦. إذا كان $\int_1^2 s^2 ds = \int_1^k (1+s) ds$ ، فما قيمة الثابت k ؟

- (أ) صفر (ب) ١ (ج) ٣ (د) ٥

١٧. إذا كان $u(s) \leq 1$ وكان $u(s)$ متصلاً على E فما أقل قيمة للمقدار $\int_1^4 u(s) ds$ ؟

- (أ) ٢٥ (ب) ١٥ (ج) ١٥- (د) ٢٥-

١٨. ما قيمة $\int_0^1 \sqrt{1-x} dx$ ، حيث $t = \sqrt{1-x}$ ؟

- (أ) ١ (ب) t (ج) $-t$ (د) $1-t$

١٩. إذا كان $s^3 - 3s + 4 = t$ ، $s = 3$ ، $t = 8$ ، فإن $\frac{ds}{dt} =$

- (أ) $(2-4)$ (ب) $(2-4)$ (ج) $(2,2)$ (د) $(2,2-)$

٢٠. إذا كان $3 - 4t = 2$ ، فما قيمة $\frac{d^2}{dt^2}$ ؟

- (أ) $25+t$ (ب) ٢٥ (ج) t (د) $25-t$

لاحظ الصفحة التالية

← يتبع صفحة (٣)

السؤال الثاني: (٢٠ علامة)

(أ) اوجد كلاً من التكاملات الآتية:

$$(١) \int_1^2 (3s^2 + 2 + \frac{2}{s}) ds \quad (٢) \int_0^1 \frac{1+s^6}{s^3+s^2+s} ds$$

(١٢ علامة)

(ب) عين مجالات التزايد والتناقص للاقتران $u(s) = s^3 - 3s^2 + 2s$ ، $v(s) = 3s$ (٨ علامات)

السؤال الثالث: (٢٠ علامة)

(أ) (١) اكتب العدد $z = 1 + \sqrt{3}i$ بالصورة القطبية .(٢) إذا كان $\frac{t}{t+3} = \frac{t^3+1}{t}$ ، فما قيمة الثابت t ؟ (١٠ علامات)(ب) إذا كان $\int_1^2 s \cdot u(s) ds = 4$ ، $\int_1^2 (s+u(s)) ds = 12$ ، فجد $\int_1^2 u(s) ds$. (١٠ علامات)

السؤال الرابع: (٢٠ علامة)

(أ) إذا كان $\begin{vmatrix} 1 & 2 \\ v & 6 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 1 & 4 \\ 4 & s \end{vmatrix}$ ، وكان $v = s^2 + 1$ ، فما قيم المتغيرين s ، v ؟ (٦ علامات)(ب) قذف جسم رأسياً الى اعلى من نقطة على سطح الأرض، فإذا كان ارتفاعه عن سطح الأرض يعطى بالعلاقة $f(t) = 6t^2 - 3t$ ، فما تسارع الجسم عندما تكون سرعته (٩ م/ث) ؟ (٦ علامات)(ج) إذا كان $h(s) = \begin{cases} s^2 + u(s) - 1 & , s \leq 1 \\ u(s) & , s > 1 \end{cases}$ ، وكان متوسط تغير الاقتران $h(s)$ في $[2, 0]$ يساوي ٣ ، فما متوسط تغير الاقتران $h(s)$ في $[3, 0]$ (٨ علامات)

القسم الثاني : يتكون هذا القسم من سؤالين وعلى المشترك أن يجيب عن أحدهما فقط .

السؤال الخامس: (١٠ علامات)

(أ) إذا كانت $\begin{bmatrix} 3 & s \\ 4 & 0 \end{bmatrix} = 1$ ، $\begin{bmatrix} v & 4 \\ 4 & 0 \end{bmatrix} = -1$ ، فما قيمة كل من s ، v ؟ (٥ علامات)(ب) جد $\int_0^1 \frac{s^{1/2} + s^{1/3}}{s^2 + s} ds$ (٥ علامات)

السؤال السادس: (١٠ علامات)

(أ) إذا كان $\left(\frac{1}{t} - 1\right)^9 = e$ ، فجد e^{-1} واكتبه على صورة $a + b$. (٥ علامات)(ب) إذا كانت مساحة المنطقة المحصورة بين منحنى الاقتران $u(s) = s^2 - 2s$ و محور السينات تساوي ٣٦ وحدة مربعة ، فما قيمة/قيم الثابت a ؟ (٥ علامات)

انتهت الأسئلة