



الرياضيات الفترة الأولى



mohe.ps المسام.ps المسام.ps المسام.gov.ps المسام.com/MinistryOfEducationWzartAltrbytWaltlym | بالمام.gov.ps المسام.gov.ps المسا

حي الماصيون، شارع المعاهد ص. ب 719 - رام الله - فلسطين pcdc.mohe@gmail.com | pcdc.edu.ps

المحتويات

٣	الدرس الأول: الاقتران الزوجي والاقتران الفردي
٧	الدرس الثاني: تمثيل الاقترانات باستخدام الانسحاب
٩	الدرس الثالث: تمثيل الاقترانات باستخدام الانعكاس
11	الدرس الرابع: اشارة الاقتران
١٦	الدرس الخامس: الاقترانات متعددة القاعدة
19	الدرس السادس: اقتران القيمة المُطْلقة
77	الدرس السابع: اقتران أكبر عدد صحيح
70	ورقة عمل
۲۸	اختبار ذاتي:

يتوقع من الطلبة بعد الإنتهاء من دراسة هذه الوحدة المتمازجة والتفاعل مع أنشطتها أن يكونوا قادرين على توظيف الاقترانات بأنواعها المختلفة في الحياة العمليّة من خلال الآتي:

- التّعرف إلى الاقتران الزوجيّ والاقتران الفرديّ.
- استخدام التحويلات الهندسيّة في رسم منحنى اقترانٍ ما، في المستوى الديكارتي.
 - تحديد إشارة بعض الاقترانات.
 - تمثيل اقترانٍ متعددِ القاعدة بيانيّاً.

الاقترانُ الزوجيّ والاقترانُ الفرديّ (Even and Odd Functions)

1

أَتَذَكَّرُ الاقتران: هو علاقة من المجموعة أ إلى المجموعة ب، بحيث يرتبطُ كلُّ عنصرٍ من عناصرِ المجموعة ب بعنصرٍ واحدٍ فقط من عناصرِ المجموعة ب .



أُمثِّلُ بيانيّاً الاقتران ق على ح ، حيث ق (س) = س ٰ + ۱ ، س \in ح أُمثِّلُ بيانيّاً الاقتران ق على ح ، حيث ق أُكملُ الجدول الآتي:

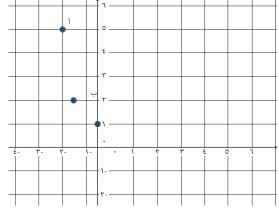
٣-	۲-	1-	•	١	۲	٣	س
			1			\. = \!\ + \(\tau_1\)	ق(س)

أُعيّنُ النقاط (س، ق (س)) في المستوى الديكارتي:

أصِلُ بين النقاط، وأُكملُ منحني الاقتران.

أُلاحظُ أنّ منحني الاقتران ق متماثل حول







لِيكُن الاقترانُ ق على ح ، حيث ق(س) = س ، س \in ح أجدُ: ق(٣) = ١٨ ، ق (-٣) = ٨١

ق (۲) = ، ق (-۲) ق

ق (۱) = ، ق (-۱) ق

ق (س) = ، ق (-س) =

ماذا تلاحظ؟

أتعلم:

- الاقتران الزوجي ق على ح: هو الاقتران الذي يحقق ق(-س) = ق (س) ، لكل س \in وأن منحناه متماثل حول محور الصادات.
- الاقتران الفردي ق على ح: هو الاقتران الذي يحقق ق(-س) = -ق(س)، لكلّ س \in ح





الاقتران ق الذي قاعدته ق (س) = س ، س \in ح ق (٤) = ٤٦، ق (-٤) = -ق (٤) = -ق (٤) = ق (٤) = ق (٣) = ق (٣) = ق (٣) =

إذن:

 $\ddot{\tilde{g}}$ (۲) = $\ddot{\tilde{g}}$ (-۲) = $\ddot{\tilde{g}}$

اُلاحظُ أنّ: ق(-س) = أُكملُ الجدول الآتي:

٣-	۲-	١-	•	١	۲	٣	س
			•			۲۷ = ^۳ (۳)	ق(س)

- أُعيّنُ النقاط(س،ق(س)) في المستوى الديكارتي.
 - أصلُ بين النقاط، وأرسمُ منحني الاقتران.

أتعلُّم: الاقترانُ الفرديّ متماثلٌ حول نقطة الأصل.

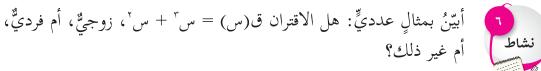


أُبيّنُ جبريّاً أنَّ:

الاقتران ق الذي قاعدته ق $(m) = m^7 - m$ ، $m \in J$ هو اقترانٌ فرديُّ. **أُجِدُ:** ق (-س) = (-س) - (-س) = -س + س

-ق(س) =

أُقارِنُ بين ق (-س) ، -ق(س).





أُلاحظُ أَنَّ: ق (٥) = (٥) + (٥) + و ١٢٥ = ١٢٥ + ٥٠

ق (-٥) =

-ق (ه) = -ق

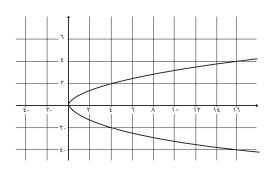
أَقَارِنُ بين: ق (٥) ، ق (-٥)

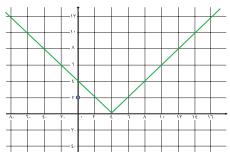
وأستنتجُ أنّ: الاقتران ق:

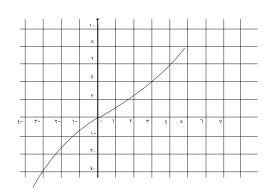
أتعلُّم: إذا لم يكن الاقترانُ زوجيًّا فليس من الضرورة أن يكون اقتراناً فرديّاً.

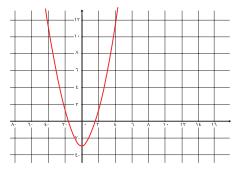
تمارین ومسائل:

(١) أيُّ من المنحنيات الآتية يمثِّل اقتراناً، وإذا كان اقتراناً، فأيُّ منها زوجيَّ، وأيُّها فرديّ أو غير ذلك ؟









(٢) أتحقَّقُ جبريّاً ممّا يأتي:

أَ) الاقتران ق(س) = س" + ٢س ، اقترانٌ فرديُّ.

ب) الاقتران ق $(m) = m^{1} - m^{7}$ ، اقترانٌ زوجيٌّ .

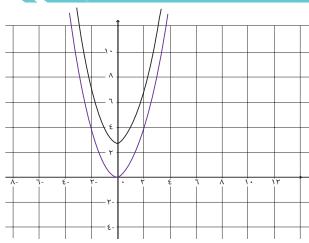
(٣) أبيّنُ بمثالٍ عدديّ: هل الاقتران ق $(m) = m^{\circ} + m^{\dagger}$ ، زوجيٌّ، أم فرديٌّ، أم غير ذلك؟

مهمة تقويمية:

أتحقُّقُ جبريًّا من صِحّة العبارة: حاصلُ ضرْبِ اقترانيْن زوجيّيْن هو اقترانٌ زوجيّ.

تمثيل الاقترانات باستخدام الإنسحاب (Translation)

4



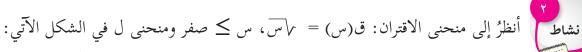
ق (س) = س٬، س
$$\in$$
 ح، ومنحنى الاقتران $(m) = m^{\gamma} + m^{\gamma}$



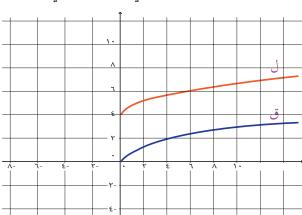
ألاحظ أنّ: منحنى ل(س) هو انسحاب لمنحنى ق(س) بمقدار للأعلى.

. أُمثِّلُ بيانيّاً منحنى الاقتران: هـ(س) = m' - 3.

أتعلّم: منحنى الاقتران ل(س) = ق(س) + جهو انسحاب لمنحنى الاقتران ق(س) بمقدار جوحدة إلى الأعلى إذا كانت ج > صفر، وانسحاب بمقدار | ج | وحدة إلى الأسفل إذا كانت ج > صفر،



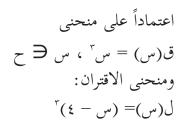


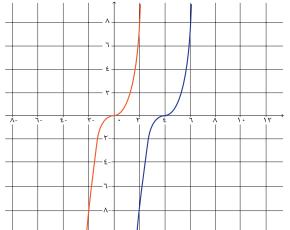


منحنى الاقتران ل هو انسحاب لمنحنى الاقتران ق بمقدار

- قاعدة الاقتران ل هي:
 - أَمثَّلُ بيانيّاً منحنيات الاقترانات الآتية:
 - كورس) = سرس- ٢
 - $\bullet \quad \text{a.(w)} = \sqrt{w} + \sqrt{w}$





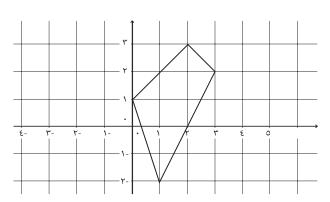


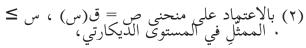
منحني الاقتران ل هو انسحاب لـِ بمقدار وحدات. ا

أُمثّلُ منحنيات الاقترانات: هـ(س)=(س + ٥) ، ك(س)=(س + ٣) - ٢، في المستوى الديكارتي.

تمارين ومسائل:

(۱) أرسمُ الشكلَ الرباعيّ المرسومَ في المستوى الديكارتي بعد انسحابه وَحدتين إلى اليسار، ومن ثم ٣ وَحداتٍ إلى الاسفل.



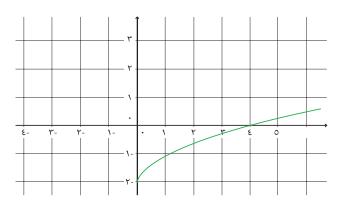


أمثل منحنى كل من الاقترانات الآتية في المستوى نفسه

أ) هـ(س) = ق
$$(m)$$
 هـ

$$(\xi + \omega) = \bar{\omega}(\omega + \xi)$$

$$+(1-\omega)=$$
ق (س



أتذكّرُ انعكاس النقطة ﴿ (س،ص) في محور السينات هي النقطة ﴿ (س، ص).

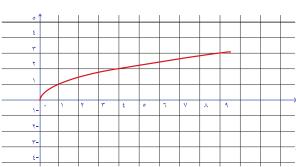
أُكملُ الجدول الآتي:

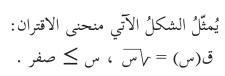
۲-	١-		١	۲	w
V-		١			ق(س) = س۲ + ۱
				۹-	- ق(س) = - (س۲+۱)



- أُعيّنُ النّقاطَ من الجدول في المستوى الديكارتي، وأمثّلُ منحني الاقتران ق(س).
 - أُعيّنُ النّقاطَ من الجدول في المستوى نفسه، وأمثّلُ منحنى الاقتران -ق(س).

أتعلُّم: منحنى الاقتران -ق(س) هو انعكاس لمنحنى الاقتران ق(س) في محور السينات.







 $\overline{\mathring{b}}$ أُمثّلُ منحنى الاقتران ل $(m) = -\sqrt{m}$ على المستوى.

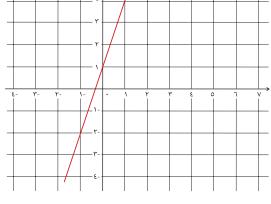
أَتَذَكُّرُ انعكاس النقطة ﴿ (س،ص) في محور الصادات هي النقطة ﴿ (-س،ص).



يُمثّلُ الشكلُ المجاورُ منحنى الاقتران $(س) = \gamma$ س + γ أُكملُ: بالاعتماد على القاعدة، يكون

 $\mathbb{G}(-\omega) = \mathbb{Y}(-\omega) + 1 = \dots$

١-	•	٣	س
	١		ق(-س)



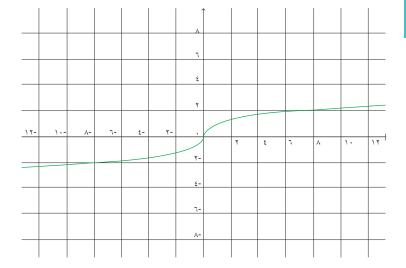
بالاعتماد على الجدول، أمثّلُ منحنى الاقتران ق(-س) في المستوى الديكارتي.

أتعلُّم: منحنى الاقتران ق(-س) هو انعكاس لمنحنى الاقتران ق(س) في محور الصادات.

تمارين ومسائل:

- (١) أكتبُ الزوجَ المرتّبَ الذي يمثّلُ التحويلات الهندسيّةِ على النقطة (٣، -٤)، في الحالات الآتية:
 - أ) انعكاس في محور الصادات. ب) انعكاس في محور السينات.

 - (٢) أصِفُ بالكلمات التحويلاتِ الهندسيّة الآتية على منحنى ق(س):



مهمة تقويمية:

اعتماداً على منحني ق(س) المرسوم، أرسمُ منحنيات الاقترانات الآتية:

أولاً: إشارة الاقتران الثابت



أُعطي أمثلةً على اقترانات ثابتة.

. ق
$$(m)$$
= - π ، وإشارته سالبة. . ل (m) = - π ، وإشارته

. . . .

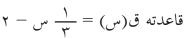
. (w) وإشارته موجبة. . . هـ(س) وإشارته موجبة.

أتعلُّم: إشارة الاقتران الثابت ق(س) = ج، ج ∈ ح، هي إشارة ج نفسها.

ثانياً: إشارة الاقتران الخطّي

يبين الشكل المجاور

نشاط منحنى اقتران خطي ،





- نقطة تقاطع منحني الاقتران مع محور السينات هي: (....).
 - صفر الاقتران هو:
- الفترة التي وقع فيها المنحني فوق محور السينات هي:،، وتكونُ إشارتُه
- الفترة التي وقع فيها المنحني تحت محور السينات هي: ، وتكونُ إشارتُه
- أُعيّنُ إِشَارَة الاقتران على خط الأعداد: ﴿

أتعلم: إشارة الاقتران الخطي ق(س) = أس + ب، س \in ح، أ \neq صفر هي نفس إشارة معامل س، لكل س أصغر من معامل س، لكل س أصغر من صفر الاقتران.

نفس إشارة أ عكس إشارة أ •

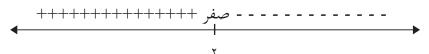
صفر الاقتران

يُمكنُ توضيحُ ذلك على خط الأعداد:

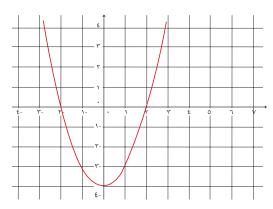
مثال(۱): أعيّنُ إشارة الاقتران ق(m) = 1 - 1

الحلِّ: صفر الأقتران = ٢، إذن: يقطعُ منحنى الاقتران محورَ السينات في النقطة (٢،٠).

- إشارة الاقتران (+) موجبة "عكس إشارة معامل س"، لكلّ w < 7.
 - إشارة الاقتران (-) سالبة "إشارة معامل س نفسها"، لكلّ س>٢.
 - أعيّنُ الإشارة على خط الأعداد الآتي:



• يُمكنُ كتابةُ الحلّ بالصورة: ق(m) > صفر (موجبا)، في الفترة $] -\infty$ ، [ق(m) < صفر (سالبا)، في الفترة] 7، [ق(m) = صفر (عندما <math>m = 7.



ثالثا: إشارة الاقترانِ التربيعيّ

أتأمل منحنى الاقتران المرسوم ق(س) = س' - ٤، - وإشارة الاقتران الموضّحة على خط الأعداد: \rightarrow

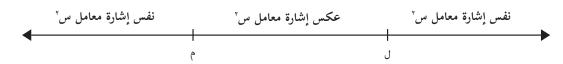


	صفر + + + + + + + +	ىفر	++++++++
4			
1	•	'	•
	۲-	۲	

- يقطع المنحني محور السينات في النقطتين: (....،)، (....،)
 - يقع منحني الاقتران تحت محور السينات في الفترة
 - يقع منحنى الاقتران فوق محور السينات في الفترة
- إشارة الاقتران موجبة في الفترة الفترة الفترة
 - أصفار الاقتران هي:

أَتَعَلَّمُ: إشارة الاقتران التربيعيّ تكون عكس إشارة معامل س' بين صفريّ الاقتران، وما عدا ذلك فهي إشارة معامل س'.

ويُمكنُ توضيحُ ذلك بالشكل؛ حيث ل،م هما صِفرا الاقتران ق ، ل > م :



أُعيّنُ إشارةَ الاقتران ق الذي قاعدته ق $(m) = 1 - m^{\gamma}$

نشاط • أصفار الاقتران هي:

• إشارة معامل س ٔ هي:

إشارة الاقتران موجبة (عكس إشارة معامل سن) في الفترة

إشارة الاقتران سالبة (نفس إشارة معامل سٌ) في الفترة

• أرسمُ خطّ الأعداد، وأعيّنُ عليه إشارة الاقتران:



- يقعُ منحنى الاقتران فوق محور السينات في الفترة
- يقعُ منحنى الاقتران تحت محور السينات في الفترة

أتعلَّم:

- إشارة الاقتران التربيعيّ: هي إشارة معامل س' ، إلّا عند صفر الاقتران، إذا كان له صفر واحد فقط.
 - إشارة الاقتران التربيعيّ هي إشارة معامل سن، إذا لم يقطعْ منحناهُ محورَ السينات.

رابعا: إشارة الاقتران النسبيّ

يُسمّى الاقترانُ ق اقتراناً نسبيّاً إذا كانت قاعدتُه على الصورة الآتية:

$$\bar{g}(m) = \frac{1}{b(m)}$$
حیث b, a کثیرا حدود a, a b صفر.

$$1- (m \neq m)$$
 ، $m \neq m$ ،



أُعيّنُ إِشَارةَ المقامِ (س ٢ - ٢ س - ٣)، كاقترانٍ تربيعيّ على خطّ الأعداد

أُعيّنُ إِشارةَ الاقترانِ النسبيّ ق على خطّ الأعداد:

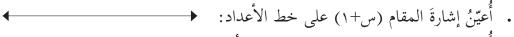


$$1-\neq m$$
 ، $\frac{0}{m+1}=(m)=\frac{0}{m+1}$ ، $m\neq -1$

نشاط . إشارة البسط هي



. أُعيّنُ إشارةَ البسط على خطّ الأعداد:



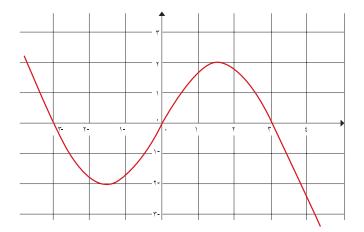
. أُعيّنُ إشارةَ الاقتران النسبي ق على خط الأعداد: ﴿

تمارين ومسائل:

4
ب) ع (س) = -٤ - ع س - س

$$=$$
 (س) $=$ $\frac{1-}{m}$ ، س \neq صفر

(٢) أُعيّنُ إشارةَ الاقتران ق على الفترة [٣- ، ٤]:



مهمة تقويمية:

ابحث في اشارة كل من الاقترانات الآتية:

$$(w)=\frac{\ddot{b}(w)}{\ddot{a}(w)}$$
 ، هـ(س) \neq صفر \Rightarrow

تعريف: الاقتران متعدد القاعدة: هو اقتران له أكثر من قاعدة معرفة على مجاله.

من الأمثلة على الاقترانات متعددة القاعدة:



$$\begin{array}{c} 1 \leq m & (1+m) \\ 1 \geq m & (m+m) \end{array}$$

٣) أعطِ مثالاً لاقتران متعدد القاعدة

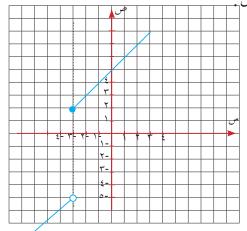
تمثيلُ الاقترانات متعددة القاعدة بيانيّاً:





0	٣	•	١-	۲-	٣-	٤-	٦-	۸-	س
		٥			۲		۸-		ص

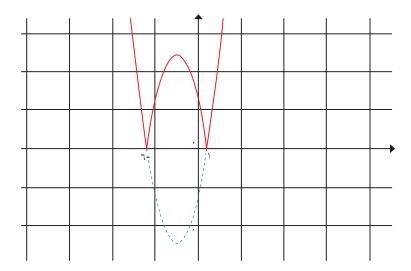
· أُعيّنُ النقاطَ في المستوى الديكارتي، وأرسمُ منحني الاقتران



أكملُ الجدولَ الآتي:

٥	٤	٣	۲	١	1-	۲-	٣-	٤-	٦-	۸-	س
				١	۲-		١-		Y-		ص

أعيّنُ النقاط في المستوى الديكارتي، وأرسمُ منحنى الاقتران:



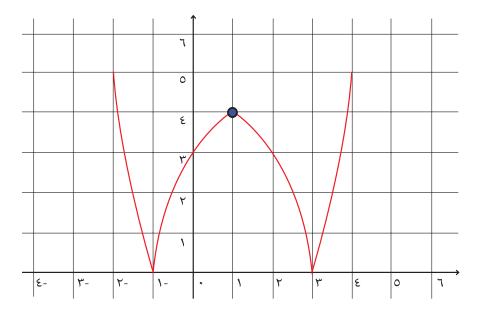
^{*} عند التمثيل البياني لاقتران متعدد القاعدة يتم تعويض نقطة التحول في القاعدتين ونضع دائرة مفتوحة عند القاعدة التي لا تنتمي إليها النقطة.

تمارین ومسائل:

ق (س) =
$$\left\{ \begin{array}{ccc} \Upsilon_{m} + \Gamma_{m}, & m < -\alpha \dot{\alpha}_{m} \\ m^{2}, & m \geq -\alpha \dot{\alpha}_{m} \end{array} \right.$$

مهمة تقويمية:

- (٢) للاقتران الذي يظهرُ منحناه في المستوى الديكارتي أدناه:
- ما إحداثيّاتُ نقطةِ الرأس؟ وما معادلةُ محور تماثُل المنحنى؟



اقتران القيمة المُطْلقة * (Absolute Value)

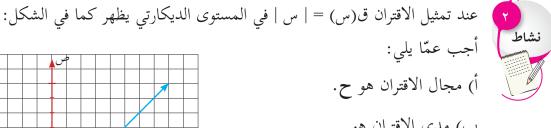


$$\ldots = \left| \frac{1}{r} - \right|, \qquad \ldots = \left| \xi \right|, \qquad \ldots = \left| r - \right|$$

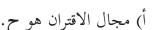
$$\ldots = | \gamma \gamma - \cdot | \zeta \qquad \ldots = | \xi - \gamma - | \zeta \qquad \ldots = | \gamma - \xi |$$

يُسمّى الاقتران المكتوب على صورة ق(س) = | س | اقترانَ القيمةِ المُطْلَقة، ويمكن كتابة الاقتران ق(س)، دون استخدام رمز القيمة المُطلقة، كما يأتي:

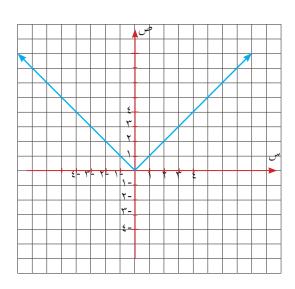




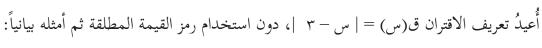




- ب) مدى الاقتران هو
 - ج) أرسم محور التماثل.
 - د) أحدّد صفر الاقتران ٠٠٠٠٠٠٠٠
- هـ) هل الاقتران واحد لواحد؟ لماذا؟
- و) هل الاقتران زوجياً أم فردياً أم غير ذلك؟



^{*} يعتبر اقتران القيمة المطلقة من الاقترانات متعددة القاعدة.





$$egin{aligned} egin{aligned} egin{aligned\\ egin{aligned} egi$$

مجال ق(س):

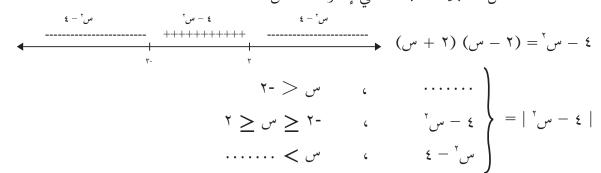
مدى ق(س):



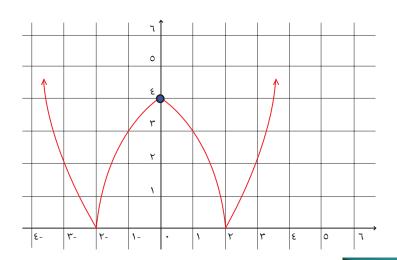
$$\leq 10^{10} - 10^{10}$$

$$\left.\begin{array}{c} \mathbf{7} & \mathbf{9} & \mathbf{5} \\ \mathbf{5} & \mathbf{7} & \mathbf{9} \end{array}\right\} = \left|\begin{array}{c} \mathbf{7} & \mathbf{9} & \mathbf{5} \\ \mathbf{9} & \mathbf{9} & \mathbf{1} \end{array}\right|$$

لحل المتباينات نبحث في إشارة ٤ _ س`



التمثيل:



تمارين ومسائل:

(۱) إذا كان: ق(س) =
$$|m - \pi|$$
، هـ (س) = $|7 - \pi m|$ ، أجد: ق(۲) ، ق(-٥) ، هـ (-١) ، هـ (٠) ، ق $(\frac{7}{m})$

(٢) ١) أُعيدُ تعريف الاقترانات الآتية، دون استخدام رمز القيمة المطلقة وأمثلها بيانياً:

اً) ق (س) =
$$| \gamma m + \gamma |$$
 ب ق (س) = $| \xi - m |$
ج) ق (س) = $| \gamma m + \gamma |$ د) ق (س) = $| \gamma m + \gamma m |$

٢) أجد مجال ومدى وأصفار الاقترانات السابقة.

(٤) أُعيد تعريف كل من ثم أمثلها في المستوى الديكارتي:

$$|7 + \omega - 10^{-1}|$$
 $| \omega - 10^{-1}|$ $| \omega - 10^{-1}|$ $| \omega - 10^{-1}|$

مهمة تقويمية:

أُمثّل منحنى كلِّ من الاقترانات الآتية باستخدام التحويلات الهندسية:

اً) ق (س) =
$$|w + Y|$$
 ب ق (س) = $-|w|$
ج) ق (س) = $-|w - Y|$ ب خ) ق (س) = $-|w - Y|$

اقترانُ أكبر عددٍ صحيح (Greatest Integer Function)



تعريف: أكبرُ عددٍ صحيحٍ للعدد الحقيقيّ س: هو أكبرُ عددٍ صحيحٍ أقلّ من أو يساوي العددَ س، ويُرمَزُ له بالرّمز [].



أكملُ الجدولَ الآتي:

[.,	, ٧-]	[١٨,٥-]	[٦٨]	[1,7-]	[۲۷-]	[٧,٣-]	[٣٢]	[09,9]	[۲۲,0]
			٦٨			۸-			77

أتعلُّمُ: لكلِّ س \in ح ، [س \ni = \lor ، حيث \lor \le س \mapsto \lor \lor \mapsto \lor \mapsto \lor

إذا كان ق(m) = [أ $m + \mu$] ، فإنّ [أ $m + \mu$] $= \omega$ ، حيث $\omega \leq 1$ س $+ \mu + \mu < \omega + 1$.

V = [1 + m + m] أحلُّ المعادلة: [Y = [Y + m]]

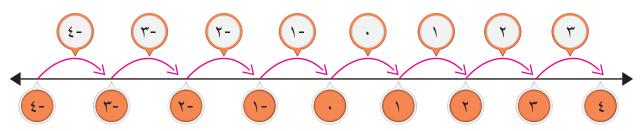
 $\Lambda > 1 + mT \ge V$ الحلّ: $V \ge 1$

 $7 \leq 7 \mod 7$ ومنها $7 \leq 1 \mod 7$

مثال (٢): أكتبُ ق (س) = [س]، باعتباره اقتراناً متعدّد القاعدة، ثمّ أمثّلُهُ في المستوى الديكارتي.

 $1 > m \geq 1$ الحل: أصفارُ الاقتران هي: [س] = صفر: صفر الحل:

طولُ الفترةِ الجزئيّة: صفر \leq س < ١ يساوي ١



$$\begin{array}{c} \vdots \\ \vdots \\ 1-> w \geq 7- , 7- \\ .> w \geq 1- , 1- \\ 1> w \geq . , \\ 1> w \geq 0 \end{array}$$

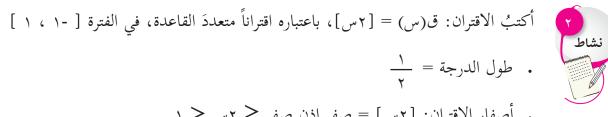
$$\begin{array}{c} \vdots \\ 1-> w \geq 1- \\ \vdots \\ 1> w \geq 1- \end{array}$$

$$\begin{array}{c} \vdots \\ 1-> w \geq 1- \\ \vdots \\ 1-> w \geq 1- \end{array}$$

$$\begin{array}{c} \vdots \\ 1-> w \geq 1- \\ \vdots \\ 1-> w \geq 1- \end{array}$$

$$\begin{array}{c} \vdots \\ 1-> w \geq 1- \\ \vdots \\ 1-> w \geq 1- \end{array}$$

ألاحظ: . نظراً لشكل منحنى الاقتران في المستوى يُطلَقُ عليه الاقتران السُّلَمي





طول الدرجة
$$=\frac{1}{7}$$

م أصفار الاقتران: [۲س] = صفر إذن صفر
$$\leq$$
 ۲س $<$ ١ .

. أُمثّلُ منحني الاقتران بيانيّاً.

نشاط الكتبُ الاقتران الذي قاعدته: ق $(m) = [\ m - \frac{1}{7} \ m \]$ ، في الفترة $[\ -7 \ , \ V \]$ ، باعتباره نشاط

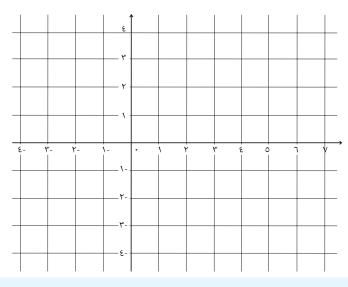


$$1>m$$
 أصفار الاقتران: $[m-\frac{1}{2}]=m$ صفر $m=0$ صفر $m=1$

$$\ldots < m > \ldots$$

. أكتبُ الاقتران ق(س)، باعتباره اقتراناً متعددَ القاعدة:

. أُمثلُ منحنى الاقتران، في المستوى الديكارتي.



أَتَعَلَّمُ: الاقتران ق(س) = [-س] هو انعكاس للاقتران ق(س) = [س] في محور الصّادات.

تمارین ومسائل:

$$\xi = [1 + \omega \tau]$$
 (1

$$\xi$$
- = [ω ۲ - π] (ب

$$[$$
 ا ق $($ س $)=[$ ا $]$ ا ق

$$= [\gamma + \omega \frac{\gamma}{\gamma}] = (\omega)$$

ورقة عمل:

عزيزي الطالب: أجب عن الأسئلة الآتية.

السؤال الأول:

أضعُ دائرةً حول رمز الإجابة الصحيحة فيما يأتي:

(١) أيُّ من الاقترانات الآتية اقترانٌ فرديّ ؟

$$\overline{\downarrow} = \overline{\downarrow} =$$

$$-+$$
 س = س + س (د) ع (س) = س + س جـ) خب ل (س) = س + س

(٢) أيُّ من الاقترانات الآتية اقترانٌ زوجي ؟

اً) ق
$$(m) = m^{3}$$
 ب هـ $(m) = m^{3} - m$

$$= \omega^{1} - \omega^{2} + \omega^{2} + \omega^{3} + \omega^{4} + \omega$$

(٣) ما قاعدة الاقتران الناتجة من انسحاب منحنى ق(س) وَحدتين إلى اليسار، ثم وَحدتين إلى الأعلى ؟

$$7 + (7 - 1)$$
 (س $+ 7 + (7 + 1)$) ق (س $+ 7 + (7 + 1)$) ق (س $+ 7 + (7 + 1)$) أ

(٤) ما صورة منحنى ق(س) المعكوس في محور السينات، من منحنيات الاقترانات الآتية ؟

$$(1-w)$$
 (-w) $-\bar{\omega}(-w)$ (-w) $-\bar{\omega}(-w)$ (-w) $-\bar{\omega}(-w)$

(٥) أيُّ من العبارات الآتية عبارة صائبة ؟

أ) محور السينات محور تماثل للاقتران الفردي. ب) محور الصادات محور تماثل للاقتران الفردي.

ج) محور السينات محور تماثل للاقتران الزوجي. د) محور الصادات محور تماثل للاقتران الزوجي.

(7) ما طول درجة الاقتران ق(m) = [7 - 7m]

$$1 (3) \qquad 7 (\Rightarrow \frac{1}{7} (\downarrow) \qquad \frac{1}{7} (\downarrow)$$

(٧) أيُّ من الاقترانات الآتية اقترانٌ نسبيّ ؟

$$\frac{1-\overline{w}}{w} \qquad (2) \qquad \frac{1}{w} \qquad (3) \qquad \frac{1-\frac{7}{w}}{w} \qquad (4) \qquad \frac{m}{w} \qquad (5)$$

أ) - ٥ ب ٣ ب ٥ - (أ

السؤال الثاني:

أُمثّلُ منحنياتِ الاقتراناتِ الآتيةَ بيانيّاً مستعيناً بالتحويلات الهندسية الملائمة:

$$= -(m^7 - 1)$$
 د) $= \sqrt{m - 3}$ ، $m \ge 3$

السؤال الثالث:

أبحثُ في إشارة كلِّ من الاقترانات الآتية:

$$7 + m^{2} + 7m = 10^{12} + 7m + 7m = 10^{12}$$

$$(w) = \lambda - \gamma$$
س

$$\neq$$
 (س) $=\frac{\bigcup(m)}{\bigcap(m)}$ ، م \neq صفر.

السؤال الرابع:

أكتبُ الاقترانات الآتية، باعتبارها اقتراناتٍ متعدّدةَ القاعدة ثم أمثلها في المستوى الديكارتي:

$$[o - \frac{1}{m} - o] = (o - \frac{1}{m} - o]$$

$$(m) = \begin{bmatrix} \frac{1}{2} & m - \pi \end{bmatrix}$$

اختبار ذاتي

```
السؤال الأول: اختر رمز الإجابة الصحيحة فيما يأتي:
                                                         ١) أحد الاقترانات الآتية ليس اقتراناً زوجياً:
                                           ^{7}اً) ق (س) = س کی با ق (س) = س کی ا
د) ق (س) = (س-۱) ۲
                  ج) ق (س) = س'۔ ٣
                                                           ۲) إشارة الاقتران ق(س) = - π هي:

 أ) موجبة عندما س > .

                     ب) سالبة عندما س ∈ ح
                     د) سالبة عندما س < ح
                                                              ج) موجبة عندما س ∈ ح
                                                   ٣) محور تماثل الاقتران ق(س)= ١٠- ٢ |س| هو:
                                                 ج) س= ہ
         د) س = ،
                                               Y = [1 - m] العدد الذي ينتمي إلى مجموعة حل [m]
                                                ب (ب
                                 ج) ۱٫۲
             د) ۲
                                       ]_{\mathcal{M}} \geq \gamma ب = [ \gamma, \infty \in ]_{-\infty}   
          د) س = ۲
                                                ٦) قاعدة الاقتران الممثل بيانياً كما في الشكل المجاور:
                                                          |1-س^{2}-1| اً) ق (س) |1-m^{2}-1|
                     ب) ق(س) = - اس۲- ۱
                   د) ق (س) = |س،۲- ۱
                                                        ج) ق (س) = - اس۲- ۲س+۱
                                           ٧) إذا كان ق(س) = [٣+ ٢ س]، فإنّ طول الدرجة يساوي :
            د) ٣
                                ج) <del>/</del>
                                                                              أ) ٣
                                               ب) ۲
                                                 ٨) انعكاس النقطة (-٢ ، ٥) في محور الصادات هي :
                                                               اً) (-۲ ، ۲-)
                             ب) (۲ ،-٥ ) ج) (۲ ، ٥ )
        (0, 4-)(2
                                                               ٩) إشارة الاقتران ق(س)= - π:
                   ب) سالبة دائماً. ج) لا يمكن التحديد.
                                                                      أ) موجبة دائماً.
   د) موجبة فقط عند π
                                                                ١٠) أحد هذه الاقترانات فردي:
                                                                       أ) س"+ س٢
                             ب) سّ - س +۱ ج) سّ + س
         د) (س+۱)"
(۱۱) منحنى الاقتران ق(س) = \sqrt{m+1} هو انسحاب لمنحنى الاقتران هـ (س) = \sqrt{m} بمقدار وحدة واحدة إلى:
```

ب) اليسار. ج) الأعلى.

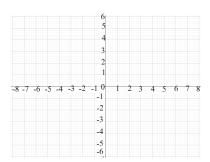
د) الأسفل.

أ) اليمين .

السؤال الثاني:

١) أُثبت جبرياً أنَّ الاقتران الآتي اقتران فردي : هـ (س) = سَ

 $^{\circ}$ وضح بالرسم بيانياً إذا كان الاقتران ق $(m) = (m+1)^{7} + 7$ فردياً أم زوجياً، أم غير ذلك.



السؤال الثالث:

