

8

الجزء الأول

دائرة التربية والتعليم إقليم الضفة الغربية

مادة التعلم الذاتي في:

الرياضيات



قرر برنامج التعليم في الأونروا في مكتب اقليم الضفة الغربية استخدام هذه المواد للتعلم الذاتي في العام الدراسي 2021/2020.

مواد التعلم الذاتي: أوراق عمل معدة بصورة محكمة ومرتكزة على الكتاب المدرسي، صممت من أجل مساعدة الطالب على التعلم وحده في البيت في حالات الطوارئ، وهي جزء من برنامج الأونروا للتعليم الذاتي (الذي يتضمن أيضا موقع ILP، وقناة الأونروا على YouTube)، وتتكون من أوراق عمل مطبوعة بين يدي الطلبة، وموجودة على موقع معروف على الشبكة العنكبوتية، يقوم الطلبة بقراءتها والتعامل الفاعل مع الأنشطة التي تضمنتها، بمفردهم، أو بمساعدة من أحد أفراد الأسرة، أو التواصل مع المعلم عبر منصات التواصل الافتراضي.

سوف يتم استخدام هذه المواد لتعزيز نهج التعلم المدمج الذي يدمج بين التعلم الوجيه والذاتي، والذي تبناه برنامج التعليم في الضفة الغربية كاستجابة مناسبة لما آلت إليه الظروف بعد جائحة COVID 19.

وقد استخدمت الأونروا في إعداد هذه الأوراق منحى التعلم الذاتي الملتف حول الكتاب المدرسي (Wrap around textbooks)، بحيث يتعلم الطلبة محتوى ورقة التعلم الذاتي بشكل متلائم مع الكتاب المدرسي، بحيث ينتقلون بين الكتاب المدرسي وورقة التعلم الذاتي، بتوجيه منها، ليقروا، ويتعلموا، ويحلوا التمارين، ويتأملوا الصور.... الخ، ويلاحظوا صحة إجاباتهم من خلال الرجوع إلى الإجابة النموذجية للأنشطة والتدريبات التي تضمنتها.

الإشراف العام

أ.محمد سلامة: نائب رئيس برنامج التعليم في الضفة الغربية

فريق إعداد مواد التعلم الذاتي – الرياضيات:

أ.محمد غانم -منسق وحدة التطوير المهني والمنهاج (منسقا)
أ. آلاء بدوي- منسقة وحدة ضمان الجودة- منطقة القدس
أ. خالد العرجا - منسق وحدة ضمان الجودة- منطقة نابلس
أ. فتحي حبابة - مختص تربوي – منطقة القدس

لجنة إعداد مواد التعلم الذاتي:

أ.إبراهيم الدحلة: رئيس وحدة التطوير المهني والمنهاج
أ.محمد صبح: منسق وحدة التطوير المهني والمنهاج.
أ.محمد غانم: منسق وحدة التطوير المهني والمنهاج.
أ.أماني شحادة: منسقة وحدة التطوير المهني والمنهاج.
أ.هشام حماد: مختص تربوي – منطقة الخليل

فريق إعداد مواد التعلم الذاتي – الرياضيات – الصف

الثامن:

أ. فتحي حبابة – مختص تربوي – منطقة القدس (معداً ومنسقاً)

التحكيم العلمي:

وحدة التطوير المهني والمنهاج - برنامج التعليم

جميع الحقوق محفوظة لبرنامج التعليم في مكتب اقليم الضفة الغربية

الطبعة التجريبية/ آب 2020

ص.ب. 19149

القدس الشرقية 91191

هاتف: +97225890400

فاكس: +97225890750

إرشادات وتوجيهات إلى الطلبة وأولياء أمورهم حول استخدام مواد التعلم الذاتي

عزيزي الطالب / عزيزتي الطالبة:

- قام برنامج التعليم بوضع مواد التعلم الذاتي هذه لك ومن أجلك، ومن أجل سلامتك، واستمرار تعلمك في هذه الظروف الطارئة، وحتى يكون التعامل معها فاعلا، يتعين عليك اتباع التعليمات الآتية:
- صُممت هذه المواد كي تتعلمها وحدك، وهي تتطلب وجود الكتاب المدرسي معك عند تعلمها، وسوف تطوّر من مهاراتك في التعلم الذاتي.
- ضرورة اتباع تعليمات المعلم الخاصة بتوظيف هذه المواد، فهي مكتملة لما ستتعلمه في المدرسة مباشرة من المعلم، وهي مواد أساسية ستحتاج إليها مستقبلا.
- قراءة هذه الأوراق قراءة متأنية، وحل الأنشطة والتدريبات بصورة فاعلة تعكس الجدية والاهتمام المناسبين، وطلب المساعدة من الأب أو الأم أو أحد أفراد أسرتك قبل الرجوع للإجابة النموذجية.
- سوف تكون هذه المواد ضمن ما هو مطلوب منك في الامتحانات الكتابية، مما يوجب عليك الاهتمام بها بأقصى درجة.
- يتطلب قراءة هذه المواد، والتفاعل معها وحل التمارين والأنشطة الواردة فيها أو التي تُوجّه إلى حلها في الكتاب المدرسي، لذا سوف يطلب منك المعلم عمل ملف يتضمن حلول هذه الأنشطة والتمارين، كي تمكن المعلم من متابعة تعلمك وتقييمك وتقديم العون لك، وهذا يتطلب مزيدا من الاهتمام في هذه المواد.
- اسأل معلمك عن مواصفات الملف الذي سوف تبنيه، وتقدمه للمعلم في آخر الفصل الدراسي، متضمنا حلول الأنشطة الواردة في مواد التعلم هذه، أو أنشطة أخرى قد يطلبها المعلم.
- تواصل مع معلمك عبر منصات التواصل الاجتماعي، لطلب المساعدة حيث يلزم.

عزيزي ولي أمر الطالب:

- قام برنامج التعليم بوضع هذه الأوراق من أجل أبنائكم، واستمرار تعلمهم في هذه الظروف الطارئة، وحتى يكون التعامل معها فاعلا، لا بد من اتباع التعليمات الآتية:
- قراءة دليل الأونروا إلى استخدام برنامج التعلم الذاتي، حيث يتضمن إرشادات لك تعينك على مساعدة أبنائك في التعلم، علما بأن هذا الدليل متوفر في المدرسة، وسوف يتم توزيعه عليكم.
- التواصل مع المدرسة والمعلمين عبر منصات التواصل الاجتماعي لطلب المساعدة حيث يلزم.
- وضع برنامج خاص بالمتابعة اليومية لدراسة هذه المواد من قبل أبنائكم في البيت .
- شجعوا أبنائكم على زيارة المواقع الإلكترونية التي تتوفر فيها روابط هذه المواد، فهي مكتملة وضرورية لتسهيل تعلمهم وحدهم، واعتمادهم على أنفسهم.
- شجعوا أبنائكم على التعامل معها وحدهم بصورة ذاتية في البداية دون تدخل منكم، ثم التدخل عند طلب المساعدة بعد عدة محاولات، وتجنب أن تقدم الحل للطلاب وجبة جاهزة.
- ذكروا أبنائكم بضرورة حل الأنشطة والتمارين لكل مادة في ملف تعليمي، حيث سيخصص جزء من تقييم الطالب على ملفه.
- ذكروا أبنائكم أنهم سوف يمتحنون في مادة التعلم الذاتي ضمن الاختبارات الكتابية في المدرسة.

رسالة برنامج التعليم

من منطلق حرصه على الاستجابة لتحديات الواقع الجديد الذي فرضته جائحة كوفيد 19، باستحضار العديد من المنطلقات التي تحكم رؤيته للطالب الذي يريد، ولبنيته المعرفية والفكرية، طوّر برنامج التعليم مواد التعلم الذاتي، التي جاءت ضمن مكونات برنامج الأونروا للتعلم الذاتي الذي يشمل أيضا: موقع التعلم التفاعلي، وقناة الأونروا على اليوتيوب، وقد بنيت هذه المواد لتكون متمركزة حول الكتاب المدرسي، ويتم تعلمها بوجوده، كما أنها بنيت بحيث يعتمد الطالب على نفسه في التعلم، ويتحمل مسؤولية ذلك، مع إعطاء دور ومساحة للأهل في المتابعة والمراقبة، أو المساعدة إذا لزم الأمر.

ولوضع هذه المواد موضع التنفيذ، تبنى برنامج التعليم في خطة العام الدراسي 21/20 التعليم المدمج، الذي يدمج بين التعليم الوجيه والتعلم الذاتي؛ حرصا منه على ضمان التباعد الجسدي بين الطلبة؛ لضمان سلامتهم، وسلامة مجتمعاتهم من ناحية، والحرص على استمرار العملية التعليمية التعليمية من ناحية أخرى، ويقوم هذا المنحى على الدمج بين التعليم الوجيه في المدرسة مع المعلم، والتعلم الذاتي في البيت الذي يعد مكملا للتعلم الوجيه، ومركزا على المهارات الأساسية التي يسعى المنهاج إلى تحقيقها. إن هذا المنحى يضمن تقليل عدد الأيام التي سيتوجه فيها الطلبة للمدارس، وبالتالي يتعين عليهم إكمال تعلمهم في الأيام الأخرى التي سيبقون فيها في البيت باستخدام أوراق التعلم الذاتي.

ولنشر هذه المواد بشكل واسع، وتأمين وصولها إلى الطلبة، فسوف تُحمّل هذه المواد على السحابت الإلكترونية، ويتم طباعتها وتوزيعها على الطلبة ورقيا، وذلك ترجمة واضحة لتحقيق العدالة في التعليم.

وقد حرص معدو هذه الأوراق على مراعاة الفروق الفردية بين الطلبة لتحقيق نهج التعليم الجامع الذي تتبناه دائرة التعليم، وعلى دعم الطلبة نفسيا واجتماعيا من خلال توظيف عبارات التعزيز والدعم اللازم للطالب في هذه الظروف، ولضمان النمو الشخصي والاجتماعي من خلال دعمه في الاعتماد على نفسه، وتقييم ذاته، والحرص على السلوكيات الإيجابية التي تعزز فيه الثقة بالنفس وتقدير الذات والتفاعل مع البيئة المحيطة.

وإيماننا منه بضرورة إعطاء هذه المواد الاهتمام اللازم، فقد طوّر برنامج التعليم أسس التقييم التربوي لتستجيب لهذا النهج، من خلال تخصيص جزء من آليات تقييم أداء الطالب نوعيا، على مواد التعلم الذاتي، بحيث يُقيّم تفاعله مع الأنشطة من خلال رصد أعمال الطالب في ملف خاص بذلك.

لم يكن هدف برنامج التعليم اعتماد هذه المواد في التعليم المدمج فقط، بل أن المخطط يتمثل في استخدامها في حالات الإغلاق، وعدم تمكن الطالب من الذهاب إلى المدرسة، حيث انها تغطي معظم المفاهيم والمهارات الأساسية للمنهاج المدرسي، وتتكامل مع موقع التعلم التفاعلي، وقناة الأونروا على اليوتيوب، ومع الدعم والمساعدة من المعلمين عبر المنصات الإلكترونية.

ومع إنجاز هذه المرحلة من الجهد، فإن برنامج التعليم يتقدم بالشكر والعرفان، لكل الطواقم التي عملت بعزيمة كبيرة، وجهد دؤوب، لوضع هذه المواد بين يدي الطالب تعزيرا لتعلمه وتقدمه، ونحن واثقون، من أن هذا الجهد سوف يواصله المعلمون بنفس العزيمة، ويساندونه ليحقق مبتغاه.

والله من وراء القصد،،،

برنامج التعليم في وكالة الغوث

القدس - آب 2020

المدتويات

الدرس	الوحدة الاولى: الأعداد الصحيحة	
الأول	العدد النسبي	٢
الثاني	الجزر التربيعي والجزر التكعيبي للعدد النسبي	٤
الثالث	مقارنة الأعداد النسبية	٦
الرابع	جمع وطرح الأعداد النسبية	٧
الخامس	ضرب الأعداد النسبية وقسمتها	٩
السادس	العدد غير النسبي	١٢
	حلول الأنشطة والتدريبات والتمارين	١٤
الدرس	الوحدة الثانية: الهندسة والقياس	
الأول	جمع المقادير الجبرية وطرحها	١٧
الثاني	ضرب المقادير الجبرية	١٩
الثالث	تحليل ضرب المقادير الجبرية المقادير الجبرية	٢١
الرابع	تحليل العبارة التربيعية	٢٢
الخامس	تحليل الفرق بين مربعين	٢٤
	حلول الأنشطة والتدريبات والتمارين	٢٥
الدرس	الوحدة الثالثة: التناسب	
الأول	نظرية فيثاغورس	٢٧
الثاني	تطابق المثلثات	٢٩
الثالث	تشابه المثلثات	٣٢
	حل تمارين وأسئلة الوحدة الثالثة	٣٤
الدرس	الوحدة الرابعة: الاحصاء	
الأول	تمثيل البيانات بالقطاعات الدائرية	٣٦
الثاني	مقاييس التشتت	٣٧
	حل تمارين وأسئلة الوحدة الثالثة	٣٩

الأعداد النسبية والأعداد غير النسبية

الوحدة الأولى

الدرس الأول: العدد النسبي

يتوقع منك عزيزي الطالب بعد تنفيذ الأنشطة



- التعرف الى مفهوم العدد النسبي.
- تمييز العدد النسبي من بين مجموعة من الأعداد.
- كتابة العدد النسبي بصوره المختلفة.

أحبنا طلبة الصف الثامن : جميعنا نعرف ماذا تسمى الأعداد $\frac{5}{9}$ ، $\frac{4}{7}$ ، $\frac{7}{3}$ ، إنها الكسور.



سؤال : ماذا عن العدد ٥ ، هل نستطيع أن نكتبه بصورة كسر؟

أتذكر

هل هناك أعداد أخرى نستطيع كتابتها بالصورة نفسها؟

أعزائي نقرأ ونتفحص تعريف العدد النسبي

تعريف: يسمى أي عدد يمكن كتابته بالصورة $\frac{أ}{ب}$ عدداً نسبياً،
أ، ب \in ص، ب \neq ٠، ويُرمز لمجموعة الأعداد النسبية بالرمز ن.



أتعلم

أعزائي:نشاهد شرح درس الأعداد النسبية من خلال الرابط الآتي :

<https://www.youtube.com/watch?v=dY3a9V1Hdew&list=PLLRZuGsakJcltOus-5VDv0IS2T9->



أتعلم

أعزائي الطلبة :ننفذ أنشطة الكتاب ٣ صفحة ٥ ونشاط ٥ صفحة ٦ للتعرف على كيفية



كتابة العدد النسبي بصوره المختلفة.



نشاط

أعزائي الطلبة : بعد أن تعرفنا على مفهوم العدد النسبي وكتابته بصور مختلفة نعرض لكم مجموعة من الأمثلة التي تساعدنا في حل التمارين.



نبين أن الأعداد الآتية نسبية ١,٦ ، $\sqrt{25}$ ، $1\frac{2}{3}$ ، $\frac{4-}{36\sqrt{}}$

١ $1,6 \leftarrow 1,6 = \frac{16}{10} = \frac{16}{10} = \frac{16}{10} \times 1,6 \leftarrow 1,6$ بصورة $\frac{أ}{ب}$ ← عدد نسبي ١,٦

٢ $\sqrt{25} \leftarrow \sqrt{25} = 5 = \frac{5}{1} = \frac{5}{1}$ بصورة $\frac{أ}{ب}$ ← عدد نسبي $\sqrt{25}$

٣ $1\frac{2}{3} \leftarrow 1\frac{2}{3} = \frac{2+(1 \times 3)}{3} = \frac{5}{3} = \frac{5}{3}$ بصورة $\frac{أ}{ب}$ ← عدد نسبي $1\frac{2}{3}$

٤ $\frac{4-}{36\sqrt{}} \leftarrow \frac{4-}{36\sqrt{}} = \frac{4-}{36\sqrt{}}$ بصورة $\frac{أ}{ب}$ ← عدد نسبي $\frac{4-}{36\sqrt{}}$

أعزائي الطلبة : بعد التعرف على العدد النسبي وتمييزه وكتابته بصور مختلفة نثق بكم في حل ١ ، ٢ ، ٥ من تمارين ومسائل من الكتاب المدرسي صفحة (٨) .



نقارن إجاباتنا بالإجابات النموذجية (آخر الوحدة)



تمرين

الدرس الثاني : الجذر التربيعي والجذر التكعيبي للعدد النسبي

يتوقع منك عزيزي الطالب بعد تنفيذ الأنشطة

- أن تجد الجذر التربيعي لعدد نسبي.
- أن تجد الجذر التكعيبي لعدد نسبي.



الجذر التربيعي للمربع الكامل: هو العدد الذي إذا ضرب في نفسه أعطى المربع الكامل ويرمز له بالرمز $\sqrt{\quad}$
 الجذر التكعيبي لمكعب كامل: هو العدد الذي إذا ضرب في نفسه ٣ مرات ليعطي المكعب الكامل ورمزه $\sqrt[3]{\quad}$



أتذكر

عزائي الطلبة : نستذكر معا كيف نجد الجذر التربيعي والجذر التكعيبي في الأمثلة الآتية:



مثال

١ $7 = \sqrt{49}$ (عدد ضرب في نفسه يعطي ٤٩) ٢ $11 = \sqrt{121}$ (عدد ضرب في نفسه يعطي ١٢١)

٣ $4 = \sqrt[3]{64}$ (عدد ضرب في نفسه ثلاث مرات يعطي ٦٤) ٤ $10 = \sqrt[3]{1000}$ (عدد ضرب في نفسه ثلاث مرات يعطي ١٠٠٠)

أحبنا طلبة الصف الثامن، نستطيع أن نجد الجذر التربيعي للعدد النسبي وفق القاعدة الآتية .

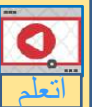


أتعلم

$$\sqrt{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} = \sqrt{\frac{a}{b}} = \sqrt{\frac{a}{b}} \times \sqrt{\frac{b}{b}} = \sqrt{\frac{a \times b}{b \times b}} = \frac{\sqrt{a \times b}}{\sqrt{b \times b}} = \frac{\sqrt{a \times b}}{b} \quad \text{بشرط } b \neq 0$$

$$\sqrt[3]{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt[3]{a}}{\sqrt[3]{b}} = \sqrt[3]{\frac{a}{b}} = \sqrt[3]{\frac{a}{b}} \times \sqrt[3]{\frac{b}{b}} = \sqrt[3]{\frac{a \times b}{b \times b \times b}} = \frac{\sqrt[3]{a \times b}}{\sqrt[3]{b \times b \times b}} = \frac{\sqrt[3]{a \times b}}{b} \quad \text{بشرط } b \neq 0$$

أعزائي: أ حضر قلمي وأوراقي وكتابي وأجلس للمشاهدة والمشاركة والتفاعل مع شرح درس الجذر التربيعي والجذر التكعيبي للأعداد النسبية من خلال الرابط الآتي



أتعلم

<https://www.youtube.com/watch?v=pzk6Dkj14vs&list=PLLRZuGsakJclCP0s-F2tq8eLNiHXNfRe&index=3&t=0s>

جد قيمة كل من: $\sqrt[3]{\frac{25}{49}}$ ، $\sqrt[3]{0,04}$ ، $\sqrt[3]{0,064}$ ، $\sqrt[3]{\frac{5}{7}}$



$$\frac{5}{7} = \frac{\sqrt[3]{25}}{\sqrt[3]{49}} = \sqrt[3]{\frac{25}{49}}$$

$$\frac{2}{10} = \frac{\sqrt[3]{4}}{\sqrt[3]{1000}} = \sqrt[3]{\frac{4}{1000}} = \sqrt[3]{0,004}$$

$$\frac{4}{10} = \frac{\sqrt[3]{64}}{\sqrt[3]{1000}} = \sqrt[3]{\frac{64}{1000}} = \sqrt[3]{0,064}$$

$$\frac{3}{2} = \frac{\sqrt[3]{27}}{\sqrt[3]{8}} = \sqrt[3]{\frac{27}{8}} = \sqrt[3]{\frac{3^3}{2^3}}$$



أعزائي الطلبة : بعد التعرف على مفهوم الجذر التربيعي والجذر التكعيبي للعدد النسبي وطريقة إيجادهما نحل التمارين والمسائل ١ ، ٢ ، ٣ من الكتاب المدرسي صفحة (١١) .



تمرين

نقارن إجاباتنا بالإجابات النموذجية (آخر الوحدة)

الدرس الثالث : مقارنة الأعداد النسبية



يتوقع منكم أعزائي الطلبة بعد تنفيذ الأنشطة



- المقارنة بين عددين نسبيين.
- ترتيب مجموعة من الأعداد النسبية تصاعدياً أو تنازلياً.

نتأمل عمليات المقارنة والترتيب الآتية

$$-1,5 < \sqrt{49} \quad \textcircled{3}$$

$$1,4 = 1\frac{2}{5} \quad \textcircled{2}$$

$$-2,1 > 0,8 \quad \textcircled{1}$$

$$-1,5, 1\frac{2}{5}, \sqrt[3]{64} \leftarrow \text{تنازلياً}$$

$$-3,4, 1\frac{2}{5}, 1,5 \leftarrow \text{تصاعدياً}$$

أعزائي: نشاهد شرح درس مقارنة وترتيب الأعداد النسبية من خلال الرابط الآتي:



<https://www.youtube.com/watch?v=MRxxn4kwwH4&list=PLLRZuGsakJclCP0s-MF2tq8eLNiHXNfRe&index=3>



أعزائي الطلبة : يعرض النشاط ٢ صفحة ١٢ من الكتاب المدرسي مجموعة من الأمثلة التفاعلية لعرض طريقة مقارنة عددين نسبيين، أنفذ النشاط وأتعلم الطريقة.



نقارن إجاباتنا بالإجابات النموذجية (آخر الوحدة)



أعزائي الطلبة : يظهر النشاط ٣ صفحة ١٣ من الكتاب المدرسي أهمية مقارنة الأعداد واستخدامها في مواقف حياتية كثيرة ، أستخدم ما تعلمت في إتمام النشاط .



نقارن إجاباتنا بالإجابات النموذجية (آخر الوحدة)



أعزائي الطلبة : ظهر خلال عرض الفيديو توضيح لطريقة ترتيب مجموعة من الأعداد النسبية المكتوبة بصور مختلفة ، أنفذ النشاط ٤ صفحة ١٣ وأتعلم طريقة الترتيب.



نقارن إجاباتنا بالإجابات النموذجية (آخر الوحدة)



أعزائي الطلبة : بعد اتقاننا لمهارة مقارنة وترتيب الأعداد النسبية، أحل ١ ، ٢ من التمارين والمسائل من الكتاب المدرسي صفحة (١٤) .



نقارن إجاباتنا بالإجابات النموذجية (آخر الوحدة)

الدرس الرابع : جمع وطرح الأعداد النسبية

يتوقع منك عزيزي الطالب بعد تنفيذ الأنشطة



- جمع عددين نسبيين.
- طرح عددين نسبيين .
- التحقق من خاصية الإغلاق، التبديل ، التجميع ، النظير الجمعي في جمع (+) الأعداد النسبية

أعزائي الطلبة: أحضر قلمي وأوراقي وكتابي وأستعد للمشاهدة والمشاركة والتفاعل مع شرح درس



جمع وطرح الأعداد النسبية من خلال الرابط الآتي:

لا تنسوا أحبنا تسجيل ملاحظاتكم التي ستستعينون بها في دراستكم وتعلمكم.

<https://www.youtube.com/watch?v=JRNdZ9w4E-U&list=PLLRZuGsakJclCP0s-MF2tq8eLNIHXNfRe&index=4>

أحبائي طلبة الصف الثامن: استراحة بعد مشاهدة الشرح، ثم نتوجه الى الكتاب المدرسي وننفذ نشاط ٢ صفحة ١٥



وننفذ نشاط ٣ صفحة ١٦ لنصل الى التعريف

$$\text{لكل } \frac{أ}{ب} ، \frac{ج}{د} \ni ن، \text{ فإن } \frac{أ}{ب} + \frac{ج}{د} = \frac{أد + ب ج}{ب د}$$

أعزائي الطلبة : ننتقل الى الكتاب وننفذ نشاط ٦ صفحة ١٨ ، نربط النشاط بما تم عرضه في شرح الدرس



لنصل طريقة طرح الأعداد النسبية



$$\text{لكل } \frac{أ}{ب} ، \frac{ج}{د} \ni ن، \text{ فإن } \frac{أ}{ب} - \frac{ج}{د} = \frac{أد - ب ج}{ب د}$$

أعزائي الطلبة : بعد أن تعلمنا طريقة جمع وطرح الأعداد النسبية ، أحل السؤال الأول والسؤال السادس



من التمارين والمسائل من الكتاب المدرسي صفحة (١٩) .

نقارن إجاباتنا بالإجابات النموذجية (آخر الوحدة)

تمرين

أعزائي الطلبة : بعد أن تعلمنا طريقة جمع وطرح عددين نسبيين ، ننفذ النشاط ٤ صفحة ١٦ من



الكتاب المدرسي ، لنصل الى بعض خصائص + الأعداد النسبية.

نقارن إجاباتنا بالإجابات النموذجية (آخر الوحدة)

أعزائي: يمكننا التعرف على خصائص جمع وطرح الأعداد النسبية من خلال مشاهدة الفيديو الخاص بهذا الدرس من خلال الرابط الآتي:



https://www.youtube.com/watch?v=V4q_D5OqKJk

عملية الجمع مغلقة على ن (مجموع عددين نسبيين عدد نسبي) *



عملية الجمع تبديلية على ن $(\frac{أ}{ب} + \frac{ج}{د}) = (\frac{ج}{د} + \frac{أ}{ب})$ *

عملية الجمع تجميعية على ن $أ + (ب + ج) = (أ + ب) + ج$ (أ ، ب ، ج أعداد نسبية) *

النظير الجمعي *
لكل عدد نسبي $\frac{أ}{ب}$ يوجد نظير جمعي هو العدد $-\frac{أ}{ب}$ بحيث أن $\frac{أ}{ب} + (-\frac{أ}{ب}) = 0$



أعزائي الطلبة : نعلم أنكم وصلتم الى مستوى يؤهلکم من توظيف وتطبيق خصائص جمع الأعداد النسبية ، لذا كلنا أما في قدرتكم على تنفيذ النشاطين ٥ ، ٦ صفحة ١٧ من الكتاب المدرسي .



أعزائي الطلبة : لنذهب الى تحد الكتاب ، السؤال ٣ ، ٤ من التمارين والمسائل من الكتاب المدرسي صفحة (١٩) .

نقارن إجاباتنا بالإجابات النموذجية (آخر الوحدة)



أعزائي الطلبة : ليكون للعلم معنى في حياتنا ، يجب أن نوظفه ونستخدمه في حياتنا اليومية ، اجعل للتعلم معنى في حياتك من خلال تنفيذ نشاط ٧ صفحة ١٧ من الكتاب المدرسي .



أعزائي الطلبة : لنجعل تعلمنا ذا معنى ، أحل السؤال ٧ من التمارين والمسائل من الكتاب المدرسي صفحة (١٩) .

نقارن إجاباتنا بالإجابات النموذجية (آخر الوحدة)



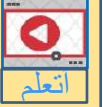
الدرس الخامس : ضرب الأعداد النسبية وقسمتها

يتوقع منك عزيزي الطالب بعد تنفيذ الأنشطة



- ضرب أعداد نسبية .
- قسمة أعداد نسبية .
- التحقق من خاصية الإغلاق، التبديل ، التجميع ، النظير الضربي والخاصية التوزيعية في ضرب الأعداد النسبية

أعزائي: أحضر قلمي وأوراقي وكتابي وأستعد للمشاهدة والمشاركة والتفاعل مع شرح درس ضرب وقسمة الاعداد النسبية من خلال الرابط الآتي:



لا تنسوا أحبنا تسجيل ملاحظاتكم التي ستستعينون بها في دراستكم وتعلمكم.

<https://www.youtube.com/watch?v=mkdi8EBSX80>

أحبائي طلبة الصف الثامن: استراحة بعد مشاهدة الفيديو، ثم نتوجه الى الكتاب المدرسي وننفذ

نشاط (٢) ، (٣) صفحة ٢١



نقارن إجاباتنا بالإجابات النموذجية (آخر الوحدة)



لضرب عدد نسبي في عدد نسبي آخر

$$\text{لكل } \frac{أ}{ب} ، \frac{ج}{د} \ni ن ، \text{ فإن } \frac{أ}{ب} \times \frac{ج}{د} = \frac{أ \times ج}{ب \times د}$$



جد حاصل ضرب $\sqrt{\frac{٢٧}{٨}} \times \sqrt{\frac{٣}{٨}}$ ، ٦ ، ٠

$$\text{الحل: } \sqrt{\frac{٦}{١٠}} \times \sqrt{\frac{٢٧}{٨}}$$

$$= \sqrt{\frac{٦}{١٠}} \times \sqrt{\frac{٣}{٨}}$$

$$= \frac{٩}{١٠} = \frac{٣}{١٠} \times \frac{٣}{١} =$$



(٩)

لقسمة عدد نسبي على عدد نسبي آخر



يمكن قسمة أي عددين نسبيين اعتماداً على القاعدة الآتية:

$$\text{لكل } \frac{أ}{ب} ، \frac{ج}{د} \exists \text{ ن، ج} \neq 0 \text{ فإن } \frac{أ}{ب} \div \frac{ج}{د} = \frac{أ}{ب} \times \frac{د}{ج}$$

جد خارج قسمة ١,٢ ÷ ٢ ١/٥



الحل:

$$\frac{١٢}{٥} \div \frac{١٢}{١٠} =$$

$$\frac{٥}{١٢} \times \frac{١٢}{١٠} =$$

$$\frac{\cancel{٥}}{\cancel{١٢}} \times \frac{\cancel{١٢}}{\cancel{١٠}} = \frac{١}{٢}$$

(تحويل القسمة الى ضرب، ويقلب العدد الثاني)

(اختصار البسوط مع المقامات) (فقط في عملية ×)



أعزائي الطلبة : بعد أن تعلمنا طريقة ضرب وقسمة الأعداد النسبية ، نطبق معرفتنا الجديدة في حل السؤال الأول من التمارين والمسائل من الكتاب المدرسي صفحة (٢٥) .



نقارن إجاباتنا بالإجابات النموذجية (آخر الوحدة)



طلبتنا الأعزاء : هناك خاصية مهمة تربط بين عملي الجمع والضرب، من خلال تنفيذ النشاط (٧) صفحة ٢٣ من الكتاب المدرسي نتعرف على خاصية توزيع الضرب على الجمع .



نقارن إجاباتنا بالإجابات النموذجية (آخر الوحدة)

الخاصية التوزيعية: توزيع عملية الضرب على الجمع.

$$\text{لكل } \frac{أ}{ب} ، \frac{ج}{د} ، \frac{هـ}{و} \exists \text{ ن، فإن، } \left(\frac{أ}{ب} \times \frac{ج}{د} \right) + \left(\frac{أ}{ب} \times \frac{هـ}{و} \right) = \left(\frac{ج}{د} + \frac{هـ}{و} \right) \times \frac{أ}{ب}$$



أعزائي يوضح المثال الآتي آلية استخدام خاصية التوزيع في تسهيل العمليات الحسابية

$$(1,6 - + 0,6) \times 1\frac{1}{3} = (1,6 - \times 1\frac{1}{3}) + (0,6 \times 1\frac{1}{3})$$

$$(2,6 - + 0,6) \times 1\frac{1}{3} =$$

$$(1 -) \times 1\frac{1}{3} =$$

$$(1\frac{1}{3})^- =$$



نجد الناتج بطريقتين: (استخدم الخاصية التوزيعية)

$$(0,5^- \times 1\frac{2}{5}) + (2,5 \times 1\frac{2}{5}) \quad (0,5^- + 2,5) \times 1\frac{2}{5}$$



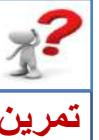
أعزائي الطلبة : لنرى أثر تعلمنا في حياتنا ، نكمل نشاط (٨) صفحة (٢٣) من الكتاب المدرسي .



أعزائي الطلبة : لنجعل تعلمنا ذا معنى ، أحل السؤال ٣، ٤ من التمارين والمسائل من الكتاب المدرسي صفحة (٢٥) .



نقارن إجاباتنا بالإجابات النموذجية (آخر الوحدة)



الدرس السادس : العدد غير النسبي

يتوقع منك عزيزي الطالب بعد تنفيذ الأنشطة



- التعرف على العدد النسبي .
- تمييز العدد النسبي من مجموعة أعداد .

تعريف: يسمى أيُّ عدد يمكن كتابته بالصورة $\frac{أ}{ب}$ عدداً نسبياً،
أ، ب \in ص، ب $\neq ٠$ ، ويُرمزُ لمجموعة الأعداد النسبية بالرمز \mathbb{Q} .



أعزائي: أحضر نفسي وما يلزمي لمشاهدة تعريف العدد غير النسبي من خلال الرابط الآتي:
لا تنسوا أحبنا تسجيل ملاحظاتكم التي ستستعينون بها في دراستكم وتعلمكم.



https://www.youtube.com/watch?v=Vkre4_KtLA

بعد مشاهدة الفيديو وتنفيذ الأنشطة نتعلم :

تعريف: يُسمّى العدد الذي لا يمكن كتابته على الصورة $\frac{أ}{ب}$ ، أ، ب، \in ص، ب $\neq ٠$ عدداً غير نسبيّ. ويُرمزُ لمجموعة الأعداد غير النسبيّة بالرمز \mathbb{Q}^c .



أحبائي الطلبة: لزيادة فهمنا ومعرفتنا بالعدد غير النسبي ننفذ النشاط ٢ صفحة ٢٦ ، والنشاط ٣ صفحة ٢٧



نقارن إجاباتنا بالإجابات النموذجية (آخر الوحدة)

أعزائي الطلبة : بعد أن تعرفنا على العدد غير النسبي ، نستطيع أن نميزه من مجموعة أعداد .
لننفذ المهمة في السؤال الأول من التمارين والمسائل من الكتاب المدرسي صفحة (٣٠) .



نقارن إجاباتنا بالإجابات النموذجية (آخر الوحدة)

ملخص الأعداد غير النسبية



١ π : النسبة التقريبية، خارج قسمة طول محيط الدائرة على طول قطرها

٢ الجذر التربيعي لعدد ليس مربعا كاملا : $\sqrt{26}$ ، $\sqrt{13}$ ، $\sqrt{7}$

٣ الجذر التكعيبي لعدد ليس مكعبا كاملا : $\sqrt[3]{16}$ ، $\sqrt[3]{11}$ ، $\sqrt[3]{5}$

٤ كسر عشري غير منتهٍ وغير دوري $\rightarrow 1,3256021436$



أحبائي الطلبة: في النشاط ٤ ، والنشاط ٥ صفحة ٢٧ توضيح لآلية تبسيط العدد

غير النسبي المكتوب بصورة جذر تربيعي أو جذر تكعيبي ، أنفذ الأنشطة وأتعلم الطريقة.



★ تعريف: إذا كانت أ، ب أعداداً غير سالبة، فإن: $\sqrt{a} \times \sqrt{b} = \sqrt{ab}$



★ تعريف: إذا كانت أ، ب أعداداً غير سالبة، فإن: $\sqrt[3]{a} \times \sqrt[3]{b} = \sqrt[3]{ab}$



أعزائي الطلبة : رجاء حل السؤال الثاني من التمارين والمسائل من الكتاب المدرسي صفحة (٣٠) .

نقارن إجاباتنا بالإجابات النموذجية (آخر الوحدة)



أعزائي الطلبة : لنجعل تعلمنا ذا معنى ، أحل السؤال ٣ ، ٥ من التمارين والمسائل من الكتاب المدرسي صفحة (٣٠) .

نقارن إجاباتنا بالإجابات النموذجية (آخر الوحدة)





إجابة الأنشطة والتدريبات والتمارين الوحدة الأولى

إجابات الدرس الأول : العدد النسبي

نشاط << << **صفحة ٣** الكتاب نشاط ٥ / ص ٦

أَتَمِّلُ تحوِيل كلِّ من الآتي: $\frac{1}{5}$ ، $\frac{3}{4}$ ، $\frac{9}{4}$ إلى كسر عشريّ:

$$0,2 = \frac{2}{10} = \frac{2 \times 1}{10 \times 1} = \frac{2}{10}$$

$$0,75 = \frac{75}{100} = \frac{75 \times 3}{100 \times 3} = \frac{225}{300}$$

$$0,225 = \frac{225}{1000} = \frac{225 \times 4}{1000 \times 4} = \frac{900}{4000}$$

نشاط << << **صفحة ٣** الكتاب نشاط ٣ / ص ٥

أَتَمِّلُ الآتي، ثُمَّ أَكْمِلُ:

العدد $2,4$ يُكْتَبُ $\frac{24}{10}$ ، فهو عدد نسبيّ.

والعدد -96 ، -3 ، وَيُكْتَبُ $\frac{3}{1}$ ، فهو عدد نسبيّ.

والعدد $3\frac{1}{4}$ يُكْتَبُ $\frac{13}{4}$ ، فهو عدد نسبيّ.

والعدد $2,35$ يُكْتَبُ $\frac{235}{100}$ ، فهو **عدد نسبيّ**.

تمارين ومسائل ١ << << **صفحة ٨**

المجموعة	ط	ص	ن	العدد
	X	X	✓	$\frac{3}{4}$
	X	X	✓	$0,23$
	X	X	✓	$0,000333$
	X	X	✓	$\frac{2}{5}$
	X	X	✓	$0,6$
	X	✓	✓	-5
	✓	✓	✓	$\sqrt{121}$

تمارين ومسائل ١ << << **صفحة ١١**

$$\frac{5}{6} = \frac{5 \times 5}{6 \times 5} = \frac{25}{30}$$

$$\frac{7}{3} = \frac{49}{9} = \frac{49 \times 5}{9 \times 5} = \frac{245}{45}$$

$$\frac{8}{10} = \frac{74}{100} = \frac{74 \times 2}{100 \times 2} = \frac{148}{200}$$

تمارين ومسائل ٥ << << **صفحة ٨**

(أ) $0,1560,14760,14460,14360,14160,0,14$

وهناك أعداد أخرى

(ب) $\frac{1}{5}, \frac{1}{3}$

وهناك أعداد أخرى $0,333...0,2760,0,2660,0,2360,0,2$

تمارين ٢ << << **صفحة ٨**

$0,25$ يكتب $\frac{25}{100}$ فهو عدد نسبيّ.

$1,5$ يكتب $\frac{15}{10}$ فهو عدد نسبيّ.

$3 = \sqrt{27}$ ، يكتب $\frac{3}{1}$ فهو عدد نسبيّ.

إجابات الدرس الثاني : الجذر التربيعي والجذر التكعيبي للعدد النسبي

تمارين ومسائل ٣ << << **صفحة ١١**

(أ) $\frac{1}{9}, \frac{1}{16}, \frac{1}{25}, \frac{1}{36}, \frac{1}{49}, \frac{1}{64}, ...$

(ب) $\sqrt{8}, \sqrt{27}, \sqrt{64}, \sqrt{125}, \sqrt{216}, \sqrt{343}, ...$

(ج) صفر، $(\sqrt{8} - \sqrt{8}), (\sqrt{4} - \sqrt{4}), (\sqrt{27} - \sqrt{27}), (\sqrt{9} - \sqrt{9}), (\sqrt{64} - \sqrt{64}), (\sqrt{17} - \sqrt{17}), (\sqrt{75} - \sqrt{75}), ...$

تمارين ومسائل ٢ << << **صفحة ١١**

$$150 = 15 \times 10 \times 10 \sqrt{3}$$

$$\frac{7}{5} = \frac{8 \sqrt{3}}{125 \sqrt{3}} = \frac{8}{125} \sqrt{3}$$

$$\frac{3}{10} = \frac{8 \sqrt{3}}{1000 \sqrt{3}} = 0,008 \sqrt{3}$$

$$\frac{3}{2} = \frac{27 \sqrt{3}}{8 \sqrt{3}} = 3 \frac{3}{8} \sqrt{3}$$

الدرس الثالث : مقارنة الأعداد النسبية

إجابات

صفحة ١٣

نشاط ٣ / كتاب

صفحة ١٢

نشاط ٢ / كتاب

أكمل مقارنة كل زوج من الأعداد الآتية، وأفسر إجابتك:

(أ) $\frac{3}{4}$ ، $\frac{5}{7}$ (ب) $\frac{3}{4}$ ، $\frac{5}{8}$ (ج) $2,45$ ، $2,54$

(أ) $\frac{3}{4} > \frac{5}{7}$ ؛ لأن أي عدد موجب أكبر من أي عدد سالب

(ب) $\frac{3}{4} = \frac{2 \times 3}{2 \times 4} = \frac{3}{8}$

ومنها $\frac{3}{4} > \frac{5}{8}$

(ج) $2,45 < 2,54$ ؛ لأن 5 في منزلة العشرات أكبر من 4 في منزلة العشرات

أعلن محللان تجاريان عن عرضين تشجيعيين لربائيهما في صنف معين، يمنح المحل الأول بموجبه خصماً للزيون بنسبة $\frac{3}{10}$ ، فيما يمنح المحل الثاني خصماً بنسبة $\frac{2}{5}$. أي العرضين تتضح به الربان؟

حسب العرض الثاني:

نسبة الخصم = $\frac{3}{10}$
 $\frac{7 \times 3}{10 \times 100} = \frac{21}{300}$

الخصم أكثر / العرض أفضل

حسب العرض الأول:

نسبة الخصم = $\frac{2}{5}$
 $\frac{10 \times 2}{10 \times 300} = \frac{20}{300}$

تمارين ومسائل

صفحة ١٣

تمارين ومسائل

صفحة ١٣

نشاط ٤ / كتاب

صفحة ١٣

أرتب الأعداد الآتية تصاعدياً:

$1,75$ ، $1,5$ ، $1,75$ ، $1,5$ ، $1,5$ ، $1,75$

ترتيب تصاعدي $1,5 < 1,5 < 1,5 < 1,75 < 1,75$

(أ) أضع الإشارة المناسبة (> أو < أو =) في □ فيما يأتي، وأوضح السبب:

(أ) $\frac{3}{4} = \frac{9}{12}$ ، $\frac{3}{4} = \frac{9}{12}$ ، $\frac{3}{4} = \frac{9}{12}$

(ب) $\frac{3}{4} < \frac{5}{8}$ ، $\frac{3}{4} < \frac{5}{8}$ ، $\frac{3}{4} < \frac{5}{8}$

(ج) $\frac{3}{4} < \frac{1}{2}$ ، $\frac{3}{4} < \frac{1}{2}$ ، $\frac{3}{4} < \frac{1}{2}$

أرتب الأعداد الآتية ترتيباً تنازلياً:

$1,75$ ، $1,5$ ، $1,75$ ، $1,5$ ، $1,5$ ، $1,75$

تنازلياً

الدرس الرابع : جمع الأعداد النسبية وطرحها

إجابات

صفحة ١٩

تمارين ومسائل

صفحة ١٩

تمارين ومسائل

صفحة ١٩

تمارين ومسائل

$\frac{1}{8} = \frac{1}{8} - (\frac{1}{4} - \frac{1}{2})$
 $\frac{3}{8} = (\frac{1}{8} - \frac{1}{4}) - \frac{1}{2}$

$\frac{3}{6} = \frac{2}{6} - \frac{5}{6}$
 $\frac{3}{6} = \frac{5}{6} - \frac{2}{6}$

طرح ليست تبديلية على ن الطرح ليست تجميعية على ن (يمكن إعطاء أمثلة أخرى)

(أ) $1,3 = \frac{13}{10} = \frac{27}{10} + \frac{13}{10} = 2 \frac{7}{10} + 1,3$
 أو $4 = 2,7 + 1,3$

(ب) $\frac{17}{30} = \frac{1}{10} - \frac{2}{3} = \frac{1}{30} - \frac{20}{30} = -\frac{19}{30}$

(ج) $18 = 11 + 7$

(د) $\frac{19}{15} = \frac{9}{15} - \frac{10}{15} = \frac{3}{5} - \frac{2}{3}$

تمارين ومسائل

صفحة ١٩

تمارين ومسائل

(أ) $57 \frac{3}{4} = 22 + 16 \frac{1}{4} + 19 \frac{1}{4}$

(ب) $3 \frac{1}{4} = 16 \frac{1}{4} - 19 \frac{1}{4}$

تمارين ومسائل

صفحة ١٩

تمارين ومسائل

(أ) $3,1 = 3 - \frac{1}{2} + \frac{2}{5}$

(ب) $5,75 = 3 + \frac{1}{2} + 2,25$

إجابات الدرس الخامس : ضرب الأعداد النسبية وقسمتها

نشاط ٢/كتاب صفحة

مساحة الحديقة = الطول × العرض

$$2\frac{1}{4} \times 3\frac{1}{2} =$$

$$\frac{9}{4} \times \frac{7}{2} =$$

$$\frac{9 \times 7}{4 \times 2} =$$

$$\frac{63}{8} =$$

$$7\frac{7}{8} =$$

نشاط ٣ /كتاب صفحة ٢١

أكمل ناتج الضرب لكلٍّ من الآتيّة:

$$\frac{7- \times 2-}{8- \times 3-} = \frac{7-}{8-} \times \frac{2-}{3-} \quad (أ)$$

$$\frac{7}{12} = \frac{14}{24} =$$

$$(ب) \frac{3}{4} \times \frac{4}{10} = \frac{9}{4} \times 0,4 \text{ لماذا؟}$$

$$\frac{3}{5} = \frac{12}{20} =$$

تمارين ومسائل ١ صفحة ٢٥

$$(أ) 2- = \frac{4-}{5-} - \times \frac{5}{2} = \frac{4-}{5-} - \times 2,5$$

$$(ب) \frac{5}{9} - = \frac{5}{2} \times \frac{2}{3} \times \frac{1}{3} -$$

$$(ج) 6- = \frac{9}{1} \times \frac{2}{3} -$$

$$(د) 30,2 = 90,6 \times \frac{1}{3} -$$

نشاط ٧/كتاب صفحة

يحتاج الطفل يومياً ما معدله $1\frac{2}{3}$ لتراً من الماء، فكم لتراً من الماء يحتاج الطفل في ٣٠ يوماً؟ أكمل، وأناقش حل كل من ميسن ورامي:

حل رامي:

$$1\frac{2}{3} \times 30 = \text{حاجة الطفل}$$

$$\frac{5}{3} \times 30 =$$

$$\frac{210}{3} =$$

$$70 \text{ لتراً}$$

حل ميسن:

$$1\frac{2}{3} \times 30 = \text{حاجة الطفل}$$

$$(1 + \frac{2}{3}) 30 =$$

$$1 \times 30 + \frac{2}{3} \times 30 =$$

$$30 + 40 = 70 \text{ لتراً}$$

تمارين ومسائل ٣ صفحة ٢٥

ثمن تنكة الزيت

$$= 81,375 \text{ ديناراً} = 150,5 \times \frac{1}{4} =$$

تمارين ومسائل ٤ صفحة ٢٥

$$\text{عدد الطوابق} = 2,8 \div 14 =$$

$$= \frac{28}{10} \div 14 = 5 \text{ طوابق}$$

تدريب/دليل ٣ دليل

نجد الناتج بطريقتين: (استخدم الخاصية التوزيعية)

$$(0,5- \times 1\frac{2}{3}) + (2,5 \times 1\frac{2}{3})$$

$$\frac{5-}{10} \times \frac{7}{3} + \frac{25}{10} \times \frac{7}{3}$$

$$\frac{35-}{50} + \frac{175}{50}$$

$$\frac{140}{50}$$

$$\frac{14}{5}$$

$$(0,5- + 2,5) \times 1\frac{2}{3}$$

$$3 \times \frac{7}{3}$$

$$\frac{21}{3}$$

$$7$$



إجابات الدرس السادس : العدد غير النسبي

نشاط ٢/كتاب صفحة ٢٦

أكمل كلاً من الآتيّة:

(أ) العدد $2,1223122231$ عدد غير نسبي محصور بين ٢ ، ٢,٢ ،

(ب) العدد $5,7112416891054$ غير نسبي محصور بين ٥,٦ ، ٥,٧ ،

(ج) العدد $3,801689.24283$ غير نسبي محصور بين ٣,٨ ، ٣,٩ ،

تمارين ومسائل ١ صفحة ٣٠

$\sqrt{27}$ عدد غير نسبي؛ لأن ٢٧ ليس مربعاً كاملاً

$\sqrt{0,4}$ عدد غير نسبي لأن ١٠ ليس مربعاً كاملاً

$$\sqrt{\frac{1}{8}} = \frac{1}{\sqrt{64}} = \frac{1}{8} \text{ عدد نسبي}$$

$0,202202220$ عدد غير نسبي لأنه غير دوري وغير منته

الجبر

الوحدة الثانية

الدرس الأول : جمع المقادير الجبرية وطرحها

يتوقع منك عزيزي الطالب بعد تنفيذ الأنشطة

- جمع مقدارين جبريين .
- طرح مقدارين جبريين.



- الحدود الجبرية المتشابهة تتكون من المتغيرات نفسها، والأسس نفسها، وإن اختلفت معاملاتها.
- نجمع أو نطرح الحدود المتشابهة منها فقط ، وذلك بجمع معاملاتها وطرحها ويبقى المتغير كما هو



أضع دائرة حول الحدود الجبرية المتشابهة:

$$-3س^2 ، ٥س^٠ ، ٥س^٠ ، \sqrt{٥س^2} ، ٤س^٣ ، \frac{٥}{٣}س^٢ ، -٣س^٠$$

$$-٣س^2 ، \frac{٥}{٣}س^٢ ، ٤س^٣ ، \sqrt{٥س^2} ، ٥س^٠ ، -٣س^2$$



أعزائي: نشاهد شرح درس جمع المقادير الجبرية من خلال الرابط الآتي :

<https://www.youtube.com/watch?v=GhuReis9VA>

لا ننسى تسجيل ملاحظتنا للاستفادة منها في نهاية الدرس



عند جمع مقدارين جبريين أو طرحهما، تُجمع معاملات الحدود المتشابهة في المقادير الجبرية أو تُطرح.



نجد ناتج جمع (٥س^٢ + ٣أب) + (-٢س^٢ + ٤أب)

الحل: (٥س^٢ + -٢س^٢) + (٣أب + ٤أب) → تجميع الحدود المتشابهة

$$= ٣س^٢ + ٧أب$$

(١٧)



أعزائي الطلبة : نوضح في المثال الآتي آلية طرح مقاديرين جبريين.



عملية الطرح لكل حدود المقدار

$$3س^2 + 2أب + 5 - (-4أب + 4س + 2س^2)$$

$$3س^2 + 2أب + 5 + 4أب - 4س - 2س^2$$

$$3س^2 - 2س^2 + 2أب + 4أب - 4س + 5$$

$$س^2 + 6أب - 4س + 5$$

$$س^2 + 6أب - 4س + 5$$

أعزائي الطلبة : تطبيقا لما تم تعلمه في الفيديو نفذ نشاط ٣ صفحة ٤٠ من الكتاب المدرسي



نقارن إجاباتنا بالإجابات النموذجية (آخر الوحدة)



أعزائي الطلبة : بعد تعلم طريقة جمع المقادير الجبرية نثق بقدرتكم في حل ١

من التمارين والمسائل صفحة (٤١) من الكتاب المدرسي .



نقارن إجاباتنا بالإجابات النموذجية (آخر الوحدة)

تمرين

الدرس الثاني : ضرب المقادير الجبرية

يتوقع منك عزيزي الطالب بعد تنفيذ الأنشطة

- ضرب مقدارين جبريين .



عند ضرب حدّ جبريّ في مقدار جبريّ، تستخدم خاصيّة توزيع الضرب على الجمع، وبالرموز $(أ + ب) = (ج + أ) + ب$ ، ومن الممكن استخدام هذه الخاصيّة لأيّ عدد من الحدود.



أتذكر

نجد ناتج ضرب $٢س(٤س + ٢-)$ حسب خاصية التوزيع $٢س(٤س + ٢-) = ٢س \times ٤س + ٢س \times ٢-$

$$٨س٢ + ٤-س٢$$



أعزائي: بكامل الأستعداد نشاهد شرح درس ضرب المقادير الجبرية من خلال الرابط الآتي :

لا ننسى تسجيل ملاحظتنا للاستفادة منها في إتمام الدرس



أتعلم

<https://www.youtube.com/watch?v=UeEYllmFn-0>

القاعدة الآتية توضح كيفية ضرب مقدارين جبريين باستخدام خاصية التوزيع .

عند ضرب مقدارين جبريين على الصّورة $(أ + ب) (ج + د)$ ، تُستخدم خاصيّة توزيع الضرب على الجمع؛ أي أنّ:

$$(أ + ب) (ج + د) = (ج + د) أ + (ج + د) ب$$


أتعلم



وجد ناتج ضرب (س + ص^٢) (ص^٣ - ص^٢)

الحل: س (ص^٣ - ص^٢) + (ص^٣ - ص^٢) ص^٢ → جميع حدود المقدار الأول × جميع حدود المقدار الثاني

حسب خاصية التوزيع

$$س (ص^3 - ص^2) + (ص^3 - ص^2) ص^2$$

$$س^٢ \times ص - س^٢ \times ص + ص^٣ \times س - س^٣ \times ص + ص^٢ \times ص^٢ - ص^٢ \times ص^٢$$

$$س^٢ ص - س^٢ ص + ص^٣ س - ص^٣ ص + ص^٤ - ص^٤$$

$$ص^٤ - ص^٤ + ص^٣ س + س^٢ ص$$

$$(أ + ب)^٢ = (أ + ب)(أ + ب) \quad (\text{مربع مجموع حدين})$$

$$(أ - ب)^٢ = (أ - ب)(أ - ب) \quad (\text{مربع مجموع حدين})$$



أتذكر

أعزائي : نثق بكم في إيجاد حاصل ضرب المقادير الآتية: (أنظر المثال السابق)

$$(س + ٣)^٢ (..... +)$$



تدريب

أكمل عملية الضرب

$$(ب - ٤)^٢ (..... +)$$



١

٢

أعزائي الطلبة: يقدم النشاط ٦ صفحة ٥٤ تدريباً جيداً في إيجاد حواصل ضرب المقادير الجبرية
مستخدمين ما تعلمناه ننفذ النشاط .



نشاط

نقارن إجاباتنا بالإجابات النموذجية (آخر الوحدة)

أعزائي الطلبة: بعد تعلم طريقة ضرب المقادير الجبرية نثق بقدرتكم في حل ٢ من التمارين والمسائل
صفحة (٤٦) من الكتاب المدرسي .



تمرين

نقارن إجاباتنا بالإجابات النموذجية (آخر الوحدة)

(٢٠)

الدرس الثالث : تحليل المقادير الجبرية بإخراج عامل مشترك

يتوقع منك عزيزي الطالب بعد تنفيذ الأنشطة

- تحليل مقدار جبري بإخراج عامل مشترك .



العامل المشترك الأكبر (أ.م.ع) للحدود، والمقادير الجبرية: هو حاصل ضرب عواملها الأولية المشتركة.



نذكركم أعزائنا الطلبة بطريقة ايجاد العامل المشترك الأكبر (أ.م.ع) نجد (أ.م.ع) لـ ١٢ س ٣٠ ، ع ٣٠

$$\begin{aligned}
 ١٢ \text{ س } ٣٠ &= ٢ \times ٢ \times ٣ \times ٣ \times ٥ \\
 ٣٠ &= ٢ \times ٣ \times ٥ \\
 \text{أ.م.ع} &= ٢ \times ٣ \times ٥ = ٣٠
 \end{aligned}$$



أعزائي الطلبة: نحضر لوازِم مشاهدة شرح درس تحليل المقادير الجبرية بإخراج العامل المشترك الأكبر (أ.م.ع) من خلال الرابط

(ولا ننسى تسجيل ملاحظتنا للاستفادة منها في إتمام فهم الدرس) <https://www.youtube.com/watch?v=0Ca0339uww&t=63s>



يمكن تحليل بعض المقادير الجبرية عن طريق تجميع الحدود، ثم إخراج العوامل المشتركة.

أحل المقدار $٢٢س + ٣ص + ٤أ - ٦ب$ بإخراج (أ.م.ع) .

تجميع الحدود المتشابهة ← $٢٢س + ٣ص + ٤أ + ٦ص$

نخرج (أ.م.ع) ← $٢(١١س + ١.٥ص + ٢أ + ٣ص)$

أ٢ (س + ٢) + ٣ص (س + ٢) ← نلاحظ تشابه الحدود في المقدارين: (س + ٢)

نخرج (أ.م.ع) مرة أخرى (س + ٢) (أ٢ + ٣ص)



احبتنا وطلبتنا الاعزاء يوضح نشاط ٢ صفحة ٤٧ ونشاط ٣ صفحة ٤٨ من الكتاب المدرسي

ممارسة جيدة في تحليل المقادير الجبرية، أنفذ النشاطين لإتقان مهارة التحليل.

نقارن إجاباتنا بالإجابات النموذجية (آخر الوحدة)



أعزائي الطلبة: نحن قادرون الآن على توظيف تعلمنا الجديد في حل السؤال ١ ، ٢ من التمارين والمسائل

صفحة (٤٩) من الكتاب المدرسي .

نقارن إجاباتنا بالإجابات النموذجية (آخر الوحدة)



تمرين

الدرس الرابع : تحليل العبارة التربيعية

يتوقع منك عزيزي الطالب بعد تنفيذ الأنشطة

- تمييز العبارة التربيعية بصورة أس^٢ + ب س + ج .
- تحليل العبارة التربيعية بصورها المختلفة.



العبارة التربيعية هي مقدارٌ جبريٌّ يمكن أن يُكْتَبَ بالصُّورة (أ س^٢ + ب س + ج)، حيث أ، ب، ج أعداد ثابتة، أ ≠ صفر. ويُسمَّى أ: معامل س^٢، ب : معامل س، ج: الحدّ الثابت.



تدريب : لتمييز العبارة التربيعية والتعرف على اجزائها

أحبنا وطلبنا الأجزاء : يعتبر النشاط ٢ صفحة ٥٠ من الكتاب المدرسي تدريباً جيداً لتعميق مفهوم العبارة التربيعية، أنفذ النشاط وأتعرّف على العبارة التربيعية.



نقارن إجاباتنا بالإجابات النموذجية (آخر الوحدة)

أعزائي الطلبة: نحضر لوازم مشاهدة شرح درس تحليل العبارة التربيعية (أس^٢+بس+ج) من خلال الرابط الآتي :

<https://www.youtube.com/watch?v=Q4h-5JT0MIA> لا ننسى تسجيل ملاحظتنا للاستفادة منها في اتمام الدرس



لتحليل العبارة التربيعية المكتوبة بالصورة أس^٢ + ب س + ج، يتم إيجاد عددين م، ن، بحيث ب = م + ن، ج = م × ن فيكون تحليل العبارة أس^٢ + ب س + ج على الصورة (س + م)(س + ن)



أحل العبارة أس^٢ + ٧س + ١٠ = ج

الحل ← ج = ١٠ = ٥ × ٢ أو ٢ × ٥ أو ١ × ١٠ أو ١٠ × ١ لكن ب = ٧ = (٢+٥)



تحليل العبارة (حسب التعريف) (س + م) + (س + ن) ← (س + ٥) + (س + ٢)

الأحظ أنه إذا كانت إشارة ج موجبة، فإن م، ن متشابهين في الإشارة، وتكون إشارتهما تبعاً لإشارة ب.

أمثلة

٢

إشارة ب

إشارة ج

$$(س + ٤) (س + ٣) \leftarrow س^٢ + ٧س + ١٢ \leftarrow س^٢ + ٤س + ٣س + ١٢ \leftarrow س^٢ + ٧س + ١٢$$

١

إشارة ب

إشارة ج

$$س^٢ - ٥س + ٦ \leftarrow س^٢ - ٣س - ٢س + ٦ \leftarrow (س - ٣) (س - ٢)$$



بناء على الأمثلة السابقة وضرورة الانتباه الى إشارة **جـ** وإشارة **ب** أحل العبارات التربيعية الآتية:

$$٢ \text{ س } ٦ - ٩ + \text{ س}$$

$$١ \text{ س } ٨ + ١٦ + \text{ س}$$



إذا كانت إشارة **جـ** سالبة، فإن **م**، **ن** مختلفان في الإشارة، وتتبع إشارة الأكبر منهما إشارة **ب**.



$$\begin{array}{c} \text{إشارة ب} \\ \text{إشارة جـ} \end{array} \left\{ \begin{array}{l} \text{س}^2 + ٨\text{س} + ١٦ \\ \text{س}^2 - ٩\text{س} + ١٤ \end{array} \right\} \left\{ \begin{array}{l} (٣ + \text{س})(٢ - \text{س}) \\ (٤ + \text{س})(٢ - \text{س}) \end{array} \right.$$

بناء على الأمثلة السابقة وضرورة الانتباه الى إشارة **جـ** وإشارة **ب** أحل العبارات التربيعية الآتية:

$$٢ \text{ س } ٦ - ٧ - \text{ س}$$

$$١ \text{ س } ٩ + ١٠ - \text{ س}$$



في المثال الآتي نتعرف على طريقة تحليل العبارة إذا كان معامل س^2 عدداً غير ١

$$\text{حل العبارة } ٣ \text{ س}^2 + ١٠ \text{ س} - ٨$$



$$\begin{array}{c} \text{الحل:} \\ \left. \begin{array}{l} ٣ \text{ س}^2 \\ ١٠ \text{ س} \\ - ٨ \end{array} \right\} \left\{ \begin{array}{l} ٤ + \\ ٢ - \end{array} \right. \end{array} \left\{ \begin{array}{l} ٣ \text{ س} \\ \text{س} \end{array} \right. \left\{ \begin{array}{l} ٣ \text{ س}^2 \\ ١٠ \text{ س} \\ - ٨ \end{array} \right.$$

تحليل العبارة $\leftarrow (٣ \text{ س} - ٢) + (\text{س} + ٤)$

بعد دراسة المثال السابق جيداً نثق بكم طلبتنا الأعزاء في تحليل العبارات التربيعية الآتية: (يمكن الاستعانة بطريقة المثال في التحليل)

$$٢ \text{ س}^2 + ٥ \text{ س} - ٥$$

$$١ \text{ س}^2 - ١٣ \text{ س} + ٦$$



$$\begin{array}{c} \text{س}^2 \\ ٥ \text{ س} \\ - ٥ \end{array} \left\{ \begin{array}{l} \dots \\ ١ - \end{array} \right. \left\{ \begin{array}{l} \text{س} \\ \dots \end{array} \right. \left\{ \begin{array}{l} ٥ \text{ س}^2 \\ ٥ \text{ س} \\ - ٥ \end{array} \right.$$

تحليل العبارة $\leftarrow (\dots - \dots) + (\dots + \dots)$

$$\begin{array}{c} \text{س}^2 \\ ٥ \text{ س} \\ - ١٣ \text{ س} \\ + ٦ \end{array} \left\{ \begin{array}{l} ٣ - \\ \dots \end{array} \right. \left\{ \begin{array}{l} ٥ \text{ س} \\ \dots \end{array} \right. \left\{ \begin{array}{l} ٥ \text{ س}^2 \\ ٥ \text{ س} \\ - ١٣ \text{ س} \\ + ٦ \end{array} \right.$$

تحليل العبارة $\leftarrow (\dots + \dots) + (\dots - \dots)$

أعزائي الطلبة: نختبر إتقاننا لمهارة تحليل العبارة التربيعية في حل التمارين الآتية:

$$٢ \text{ س}^2 + ٤ \text{ س} + ٣$$

$$١ \text{ س}^2 - ٨ \text{ س} + ١٦$$

$$٤ \text{ س}^2 + ٢ \text{ س} - ٣$$

$$٣ \text{ س}^2 - ٦ \text{ س} + ٨$$

$$٦ \text{ س}^2 + ١١ \text{ س} - ١٢$$

$$٥ \text{ س}^2 - ٥ \text{ س} - ٦$$



الدرس الخامس : تحليل الفرق بين مربعين

يتوقع منك عزيزي الطالب بعد تنفيذ الأنشطة

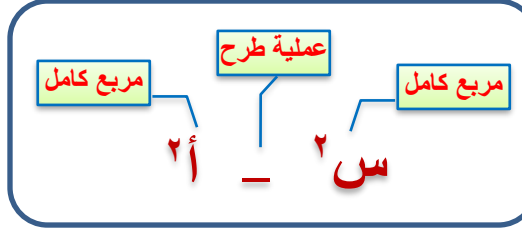
- تحليل مقدار جبري مكتوب بصورة فرق بين مربعين إلى عوامله الأولية.



$$(س^٢ - ١٦)$$

$$(ص^٢ - ٢٧)$$

$$(٣٦ - ب^٢)$$



الفرق بين
مربعين



أحلل المقادير الآتية إلى العوامل .

$$(٦٤ - س^٢)$$

$$(ب^٢ - ٩)$$

$$(ص^٢ - ٤٩)$$

$$(٦٤ - س^٢)$$

$$\begin{matrix} \wedge & \wedge \\ س \times س & ٨ \times ٨ \end{matrix}$$

$$(س + ٨)(س - ٨)$$

$$(ب^٢ - ٩)$$

$$\begin{matrix} \wedge & \wedge \\ ٩ \times ٩ & ب \times ب \end{matrix}$$

$$(ب + ٩)(ب - ٩)$$

$$(ص^٢ - ٤٩)$$

$$\begin{matrix} \wedge & \wedge \\ ٧ \times ٧ & ص \times ص \end{matrix}$$

$$(ص + ٧)(ص - ٧)$$



الحل

أعزائي الطلبة : نحن الآن قادرون على توظيف تعلمنا الجديد في حل السؤال ١ ، ٢ من التمارين والمسائل

صفحة (٥٧) من الكتاب المدرسي .

نقارن إجاباتنا بالإجابات النموذجية (آخر الوحدة)



تمرين



إجابة الأنشطة والتدريبات والتمارين الوحدة الثانية

إجابات الدرس الأول : جمع المقادير الجبرية وطرحها

نشاط ٣

صفحة ٤٠

تمارين ومسائل

١ صفحة ٤١

أكمل إيجاد ناتج الجمع في كل من الآتية:

$$(1) \quad 4س + 7س + 2س = 11س + 2س$$

$$(2) \quad 4س + 2س + 3س + 1س = 7س + 3س + 1س$$

$$(3) \quad م + 3(5م - م) = م + 15م - 3م = 13م$$

$$(4) \quad 6س + 3س + 2س + 4س + 1س = 16س$$

$$(5) \quad 4س + 3س + 2س + 1س = 10س$$

$$(أ) \quad (3س - 2س + 3) + (5س + 2س - 6) = 8س - 3س = 5س$$

$$3س - 2س + 3 + 5س + 2س - 6 = 8س - 3س = 5س$$

$$(ب) \quad (ص - 5ص + 6) + (2ص - 3ص + 5) = 3ص - 3ص + 11ص = 11ص$$

$$ص - 5ص + 6 + 2ص - 3ص + 5 = 3ص - 3ص + 11ص = 11ص$$

$$(ج) \quad (9س - 3س + 5) - (2س + 1س - 3) = 7س - 4س + 8 = 3س + 8$$

$$9س - 3س + 5 - 2س - 1س + 3 = 7س - 4س + 8 = 3س + 8$$

$$9س - 3س + 5 - 2س - 1س + 3 = 7س - 4س + 8 = 3س + 8$$

إجابات الدرس الثاني : ضرب المقادير الجبرية

إجابات

الدرس الثاني : ضرب المقادير الجبرية

(أنظر المثال السابق)

أعزائي : نتق بكم في إيجاد حاصل ضرب المقادير الآتية:

(مربع مجموع حدين)

$$(س + 3)^2 = (س + 3)(س + 3)$$

$$س^2 + 6س + 9$$

$$(س - 4)^2 = (س - 4)(س - 4)$$

$$س^2 - 8س + 16$$



تدريب

أكمل عملية الضرب

٢ صفحة ٤٦

تمارين ومسائل

صفحة ٤٥

نشاط ٦/كتاب

$$(1) \quad 1 + 1 \times س + 2س + 2س = 1 + 2س + 2س = 1 + 4س$$

$$1 + 2س + 2س = 1 + 4س$$

$$(2) \quad 2س + 2س + 2س = 6س$$

$$2س + 2س + 2س = 6س$$

$$(3) \quad 2س - 2س + 2س = 2س$$

$$2س - 2س + 2س = 2س$$

$$(4) \quad 2س - 2س + 2س = 2س$$

$$2س - 2س + 2س = 2س$$

$$(أ) \quad (س + 2)(س + 3) = س^2 + 3س + 2س + 6 = س^2 + 5س + 6$$

$$س^2 + 3س + 2س + 6 = س^2 + 5س + 6$$

$$س^2 + 5س + 6 = س^2 + 5س + 6$$

$$(ب) \quad (س + 4)(س + 3) = س^2 + 3س + 4س + 12 = س^2 + 7س + 12$$

$$س^2 + 3س + 4س + 12 = س^2 + 7س + 12$$

$$س^2 + 7س + 12 = س^2 + 7س + 12$$

$$(ج) \quad (س + 3)(س + 2) = س^2 + 2س + 3س + 6 = س^2 + 5س + 6$$

$$س^2 + 2س + 3س + 6 = س^2 + 5س + 6$$

$$س^2 + 5س + 6 = س^2 + 5س + 6$$

$$(د) \quad (س - 2)(س - 4) = س^2 - 4س - 2س + 8 = س^2 - 6س + 8$$

$$س^2 - 4س - 2س + 8 = س^2 - 6س + 8$$

إجابات الدرس الثالث: تحليل المقادير الجبرية بإخراج عامل مشترك

نشاط ٣ / كتاب

صفحة ٤٨

$$(أس - أص + ب - س - ص) = (أس - ص) + (ب - س - ص)$$

$$(س - ص) (أ + ب) =$$

$$(أس - أص) + (ب - س - ص) = (أس - ص) + (ب - س - ص)$$

$$س (أ + ب) - ص (أ + ب) =$$

$$(أ + ب) (س - ص) =$$

تمارين ومسائل ٢

صفحة ٤٩

$$أ) س ص + س ٢ + ص ٢ + ٤ = (س ص + س ٢) + (٤ + ص ٢)$$

$$س ص + س ٢ + ص ٢ + ٤ = (س + ص) (س + ص) + (٤ + ص ٢)$$

$$س ٢ - ٣٦ = (س + ٦) (س - ٦)$$

$$ب) ص ٢ - ٢٥ = (ص - ٥) (ص + ٥)$$

$$ج) ٨ س ٢ - ٧٢ = (٨ س ٢ - ٧٢) = (٨ س ٢ - ٧٢)$$

$$٨ س ٢ - ٧٢ = (٨ س ٢ - ٧٢) = (٨ س ٢ - ٧٢)$$

$$٨ س ٢ - ٧٢ = (٨ س ٢ - ٧٢) = (٨ س ٢ - ٧٢)$$

نشاط ٢ / كتاب

صفحة ٤٧

حدد أي من المقادير الجبرية الآتية يمثل عبارة تربيعية، ثم أكتب للعبارة التربيعية منها، قيم كل من أ، ب، ج.

١) $س ٢ + ٥ س + ٦$ ، عبارة تربيعية فيها: $أ = ١$ ، $ب = ٥$ ، $ج = ٦$

٢) $س ٢ + ٩ س - ٦$ ، عبارة تربيعية فيها: $أ = ١$ ، $ب = ٩$ ، $ج = -٦$

٣) $س ٣ + ٦ س + ٣$ ، ليست عبارة تربيعية قوة (س) ٣

٤) $٥ (س - ١)$ ، ليست عبارة تربيعية قوة (س) ١

٥) $٨ س - ٢ س ٢ - ٨$ ، عبارة تربيعية فيها: $أ = ٢$ ، $ب = -٨$ ، $ج = ٨$

تمارين ومسائل ١

صفحة ٤٩

أ) $(٩ - ص) (٩ + ص) = ٨١ - ص ٢$

ب) $(٦ س + ١) (٦ س - ١) = ٣٦ س ٢ - ١$

$$(أ + ١) (١ - أ) = (٤ - أ) (أ - ٢)$$

$$٢ + أ ٢ = (٢) (١ + أ) =$$

ج) $٥ س - ص - ٤٠ = ص ٢ - ٥ ص + ٨ (ص)$

الدرس الرابع: تحليل العبارة التربيعية

إجابات

تمرين الدليل.....

أعزاس الطلبة: نختبر اقتنا لمهارة تحليل العبارة التربيعية في حل التمارين الآتية:

١) $س ٢ - ١٦ س + ٦٤$ ، $(س - ٤) (س - ٤)$

٢) $س ٢ + ٤ س + ٤$ ، $(س + ٢) (س + ٢)$

٣) $س ٢ - ٦ س + ٩$ ، $(س - ٣) (س - ٣)$

٤) $س ٢ + ٢ س - ٣$ ، $(س + ٣) (س - ١)$

٥) $٤ س ٢ - ٥ س - ٦$ ، $(٤ س - ٢) (س - ٣)$

٦) $١٢ س ٢ + ١١ س - ٢$ ، $(٤ س - ٥) (٣ س + ٢)$

تدريب الدليل.....

١) $س ٢ + ٩ س - ١٠$ ، $(س + ١٠) (س - ١)$

٢) $س ٢ - ٦ س + ٩$ ، $(س - ٣) (س - ٣)$

تدريب الدليل.....

١) $س ٢ + ٨ س + ١٦$ ، $(س + ٤) (س + ٤)$

٢) $س ٢ - ٦ س + ٩$ ، $(س - ٣) (س - ٣)$

نشاط ٤ / كتاب

صفحة

٢) $١٦ س ٢ + ٤ س + ٨ س ٢ = ٨ س ٢ + ٤ س + ٨ س ٢$

إذن: $١٦ س ٢ + ٤ س + ٨ س ٢ = ٨ س ٢ + ٤ س + ٨ س ٢$

٣) $أ (ب - ٤) - ٨ (ب - ٤) = (ب - ٤) (أ - ٨)$

أ) $(ب - ٤) (أ - ٨) = (ب - ٤) (أ - ٨)$

الدرس الخامس: الفرق بين مربعين

إجابات

تمارين ومسائل ٢

صفحة ٥٧

تمارين ومسائل ١

صفحة ٥٧

الهندسة

الوحدة الثالثة

الدرس الأول : نظرية فيثاغورس

يتوقع منك عزيزي الطالب بعد تنفيذ الأنشطة

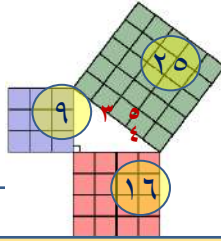
- التعرف الى نظرية فيثاغورس هندسيا .
- التعرف الى نظرية فيثاغورس جبريا .
- استخدام نظرية فيثاغورس في حساب ضلع مجهول في المثلث القائم.



في المثلث القائم الزاوية



مساحة المربع المنشأ على الوتر يساوي مجموع مساحتي المربعين المنشأين على ضلعي القائمة



أعزائي الطلبة: نحضر لوازم مشاهدة شرح درس نظرية فيثاغورس من خلال الرابط الآتي :

<https://www.youtube.com/watch?v=hbvZIXIPfv4>

(ولا ننسى تسجيل ملاحظتنا للاستفادة منها في اتمام الدرس)



أتعلم

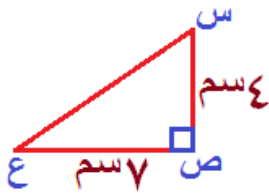
في المثلث القائم الزاوية ا ب ج



$$^2(أ ب) = ^2(ب ج) + ^2(أ ج)$$

أتعلم

في المثلث القائم س ص ع المرسوم جانبا أجد طول الضلع س ع .



$$^2(س ص) = ^2(ع ص) + ^2(س ع)$$

$$^2(س ص) = ^2(٧) + ^2(٤)$$

$$^2(س ص) = ٤٩ + ١٦$$

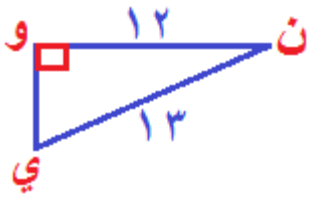
$$^2(س ص) = ٦٥$$

$$س ص = \sqrt{٦٥}$$

الحل



مثال



في المثلث القائم ن و ي المرسوم جانبا أجد طول الضلع و ي .



$$^2(ن ي) = ^2(و ن) + ^2(و ي)$$

$$^2(١٣) = ^2(١٢) + ^2(و ي)$$

$$١٦٩ = ١٤٤ + ^2(و ي)$$

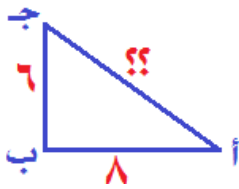
$$١٦٩ - ١٤٤ = ^2(و ي)$$

$$٢٥ = ^2(و ي)$$

$$و ي = \sqrt{٢٥}$$

$$و ي = ٥$$

الحل



في المثلث القائم أ ب ج المرسوم جانبا أجد طول الضلع أ ج .



أعزائي الطلبة : نحن الآن قادرون على توظيف تعلمنا الجديد في حل السؤال ١ من التمارين والمسائل صفحة (٦٨) من الكتاب المدرسي .



نقارن إجاباتنا بالإجابات النموذجية (آخر الوحدة)

تمرين

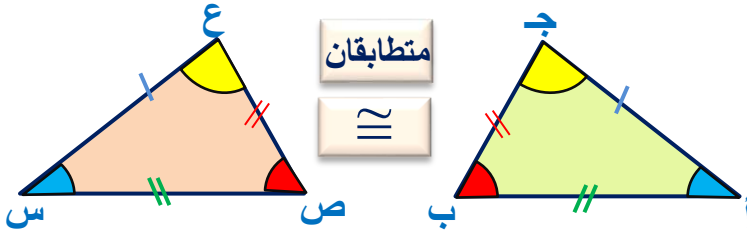
الدرس الثاني : تطابق المثلثات

يتوقع منك عزيزي الطالب بعد تنفيذ الأنشطة

- التعرف إلى حالات تطابق مثلثين .
- التحقق من شروط تطابق مثلثين .



في الشكل المجاور Δ أ ب ج ، Δ س ص ع متطابقان



- ★ الأضلاع المتناظرة متساوية
- ★ الزوايا المتناظرة متساوية



أعزائي الطلبة: نحضر لوازِم مشاهدة شرح درس تطابق المثلثات من خلال الرابط الآتي :

<https://www.youtube.com/watch?v=4XNTO2yMRXA>

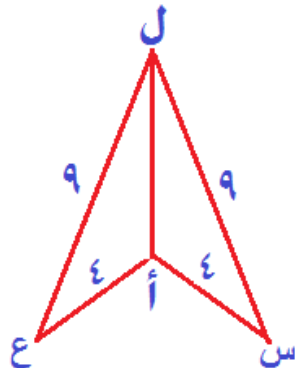
ولا ننسى تسجيل ملاحظتنا للاستفادة منها في اتمام الدرس)



حالة التطابق الأولى يتطابق مثلثان إذا تساوت أضلاعهما الثلاث، ويعبر عن ذلك بالرموز (ض، ض، ض)



أبحث في تطابق المثلثين ل س أ ، ل ع أ .



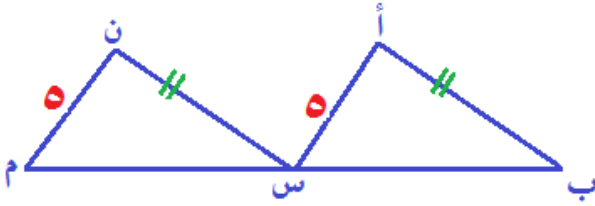
Δ ل س أ ، Δ ل ع أ
 ض ← ل س = ل ع (معطى)
 ض ← أ س = أ ع (معطى)
 ض ← ل أ = ل أ (مشارك)
 ينطبق Δ ل س أ ، Δ ل ع أ بـ (ض ، ض ، ض)

الحل

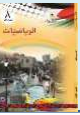
في الشكل المجاور ، إذا كانت النقطة س منتصف ب م
أبحث في تطابق المثلثين أ ب س ، ن س م .



١



أعزائي الطلبة : نحن قادرون الآن على توظيف تعلمنا الجديد في تنفيذ النشاط ،صفحة (٧٥) من الكتاب المدرسي .



نقارن إجاباتنا بالإجابات النموذجية (آخر الوحدة)



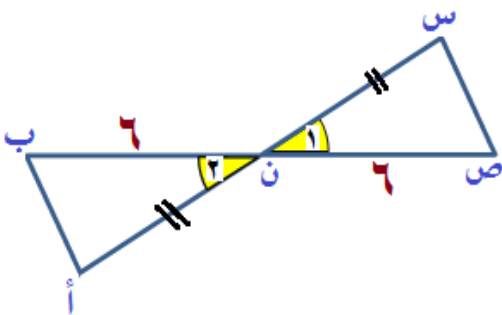
تمرين

حالة التطابق الثانية



يتطابق مثلثان إذا تساوى فيهما ضلعين وزاوية محصورة بينهما ويعبر عن ذلك بالرموز (ض، ز، ض)

أبحث في تطابق المثلثين س ن ص ، أن ب.



$\triangle س ن ص$	$\triangle أن ب$	\leftarrow ض
$ص ن$	$ب ن$	$=$
$ص ن$	$ب ن$	\leftarrow ض
$أن$	$س ن$	$=$
$أن$	$س ن$	\leftarrow ض
$١ >$	$٢ >$	$=$
$١ >$	$٢ >$	\leftarrow ز

ينطبق $\triangle س ن ص$ ، $\triangle أن ب$ بـ (ض ، ز ، ض) (معطى) (معطى) (تقابل بالرأس)

الحل

أعزائي الطلبة : نحن الآن قادرون على توظيف تعلمنا الجديد في حل السؤال ١ صفحة (٧٨) من الكتاب المدرسي



نقارن إجاباتنا بالإجابات النموذجية (آخر الوحدة)

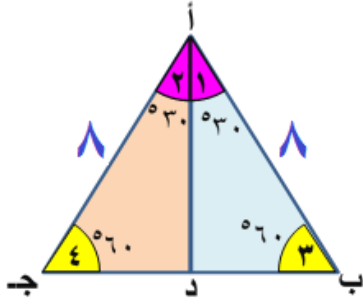


تمرين



حالة التطابق الثالثة يتطابق مثلثان إذا تساوى فيهما زاويتان وضلع ، ويعبر عن ذلك بالرموز (ز، ض، ز)

أبحث في تطابق المثلثين أ ب د ، أ ج د .



$\triangle أ ب د$ ، $\triangle أ ج د$
 ض ← $أ ب = أ ج$ (معطى)
 ز ← $2 > 1$ (معطى)
 ز ← $3 > 4$ (معطى)
 ينطبق $\triangle أ ب د$ ، $\triangle أ ج د$ بـ (ز ، ض ، ز)



الحل

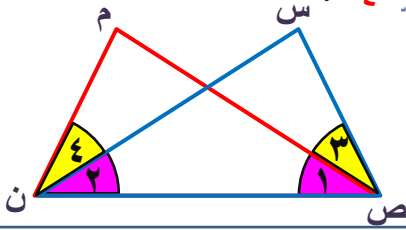
في الشكل المجاور ، إذا

$1 \sphericalangle = 2 \sphericalangle$ ، $3 \sphericalangle = 4 \sphericalangle$

أبحث في تطابق المثلثين $\triangle س ص ن$ ، $\triangle م ن ص$



٢



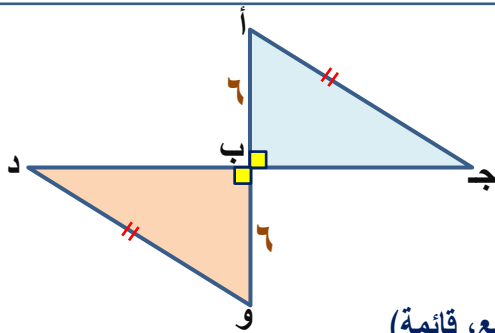
حالة التطابق الرابعة

خاصة بالمثلث القائم

يتطابق مثلثان قائمان إذا تساوى فيهما طول وتر وطول أحد الضلعين والقائمة ويعبر عن ذلك بالرموز (وتر، ضلع، قائمة)



أبحث في تطابق المثلثين أ ب ج ، د ب و .



$\triangle أ ب ج$ ، $\triangle د ب و$ قائما الزاوية
 وتر ← $أ ج = د ب$ (معطى)
 ضلع ← $أ ب = د ب$ (معطى)
 > قائمة ← $ب \sphericalangle = ب \sphericalangle$ (معطى)

الحل



ينطبق المثلثان $\triangle أ ب ج$ ، $\triangle د ب و$ بـ (وتر، ضلع، قائمة)

أعزائي الطلبة : نفذ النشاط (٥) من الكتاب المدرسي صفحة (٨١) للتدرب على مطابقة المثلثات القائمة



نقارن إجاباتنا بالإجابات النموذجية (آخر الوحدة)



٢

أعزائي الطلبة : نحن قادرون الآن على توظيف تعلمنا الجديد في حل السؤال (١) من التمارين والمسائل صفحة (٨٢) من الكتاب.



نقارن إجاباتنا بالإجابات النموذجية (آخر الوحدة)



تمرين

الدرس الثالث : تشابه المثلثات

يتوقع منك عزيزي الطالب بعد تنفيذ الأنشطة

- التعرف إلى حالتى تشابه مثلثين .
- التحقق من شروط تشابه مثلثين.



في الشكل المجاور \triangle أ ب ج ، \triangle س ص ع متشابهان

الزوايا المتناظرة متساوية

مشابهين \approx

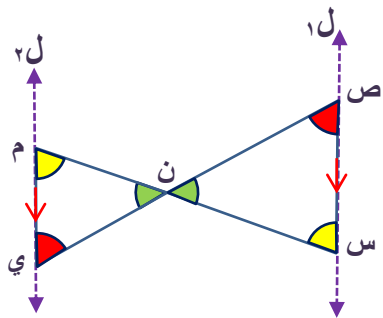
ع س

ج ب

أ ص



حالة التشابه الأولى يتشابه مثلثان إذا تساوت الزوايا المتناظرة فيهما.



أبحث في تشابه المثلثين ص ن س ، ي ن م .

الحل ننتبه إلى أن $ل // م$ ، فيدنا في تساوي قياسات الزوايا

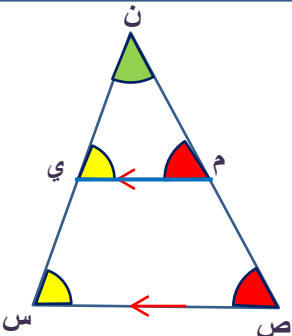
\triangle أ ب ج ، \triangle س ص ع

ز : \sphericalangle ص = \sphericalangle ي (بالتبادل)

ز : \sphericalangle س = \sphericalangle م (بالتبادل)

ز : \sphericalangle ن = \sphericalangle ن (تقابل بالرأس)

\triangle أ ب ج \approx \triangle س ص ع (الزوايا المتناظرة متساوية)

أتحقق من تشابه \triangle ن ص س \approx \triangle ن م ي

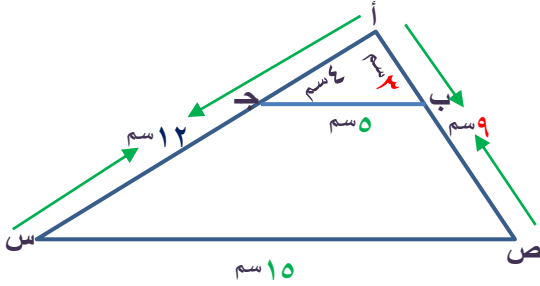


حالة التشابه الثانية يتشابه مثلثان إذا كانت أطوال الأضلاع المتناظرة فيهما متناسبة.

متناسبة: تعني أن أحد المثلثين هو تكبير للآخر.



أتحقق من تشابه $\triangle أ ب ج$ ، $\triangle أ س ص$ لعدم وجود قياسات وإشارات للزوايا نستخدم تناسب الأضلاع



$$\frac{أص}{أب} = \frac{9}{3} = 3$$

$$\frac{أص}{أج} = \frac{12}{4} = 3$$

$$\frac{صس}{بج} = \frac{15}{5} = 3$$

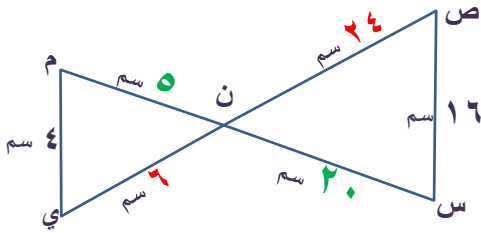
$$\triangle أ ب ج \approx \triangle أ س ص$$

(الأضلاع المتناظرة متناسبة)

ملاحظة مهمة التشابه في المثال يظهر أن $\triangle أ ب ج$ تكبير بمقدار 3 مرات $\triangle أ س ص$



أتحقق من تشابه $\triangle أ ب ج$ ، $\triangle أ س ص$



أعزائي الطلبة : أصبحنا الآن قادرين على تمييز المثلثين المتشابهين من خلال قياسات الأضلاع والزوايا ،
ننتقل إلى الكتاب المدرسي ونجيب على السؤال (١) من التمارين والمسائل صفحة (٨٦) .

نقارن إجاباتنا بالإجابات النموذجية (آخر الوحدة)





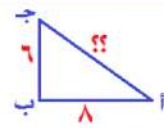
إجابة الأنشطة والتدريبات والتمارين الوحدة الثالثة

إجابات الدرس الأول : نظرية فيثاغورس

تدريب

دليل

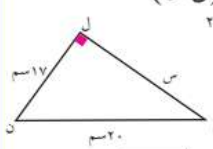
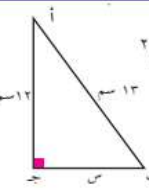
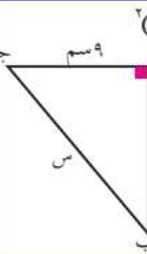
في المثلث القائم أ ب ج المرسوم جانباً أجد طول الضلع أ ج .



$(أ ب)^2 = (ب ج)^2 + (أ ج)^2$
 $(١٠)^2 = (٦)^2 + (أ ج)^2$
 $١٠٠ = ٣٦ + ٦٤$
 $(أ ج)^2 = ١٠٠$
 $أ ج = \sqrt{١٠٠} = ١٠$

تمارين ومسائل

١ صفحة ٦٨

<p>(م ن) = (ل م) + (ل ن)</p> <p>(٢٠) = (١٧) + (س)</p> <p>٤٠٠ = ٢٨٩ + س</p> <p>س = ٢٨٩ - ٤٠٠</p> <p>س = ١١١ ومنها: $\sqrt{١١١}$ سم</p> 	<p>(أ ب) = (ب ج) + (أ ج)</p> <p>(١٣) = (١٢) + (س)</p> <p>١٤٤ - ١٦٩ = س</p> <p>س = ٢٥ ومنها: س = ٥ سم</p> 	<p>(ب ج) = (أ ب) + (أ ج)</p> <p>س = (٩) + (١٢)</p> <p>س = ٨١ + ١٤٤</p> <p>س = ٢٢٥</p> <p>ومنها: س = ١٥ سم</p> 
--	--	--

إجابات الدرس الثاني : تطابق المثلثات

تدريب

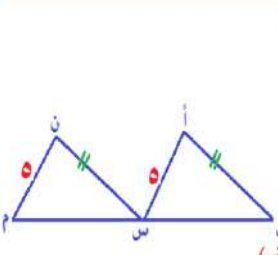
دليل

نشاط/كتاب

صفحة ٧٥

في الشكل المجاور ، إذا كانت النقطة س منتصف ب م

أبحث في تطابق المثلثين أ ب س ، ن س م



$\triangle أ ب س \cong \triangle ن س م$ (ض ، ض ، م)
 $\triangle أ س ن \cong \triangle م س ن$ (م ، ض ، ض)
 $\triangle ب س م \cong \triangle ن س م$ (م ، ض ، ض)
 ينطبق $\triangle أ ب س$ ، $\triangle ن س م$ (ب ، ض ، ض) (ض)

أبحث في تطابق المثلثين أ ب د ، أ ج د



$\triangle أ ب س \cong \triangle أ ج د$ (ض ، ض ، م)
 $\triangle ب ج د \cong \triangle ج د د$ (م ، ض ، ض)
 $\triangle أ د \cong \triangle أ د$ (م)
 ينطبق $\triangle أ ب د$ ، $\triangle أ ج د$ (ب ، ض ، ض) (ض)

تدريب

دليل

١ صفحة ٧٨

تمارين ومسائل

(أ) $\triangle أ ب ج = \triangle ب ج د$ (معطى)

(٢) $\triangle أ ب د = \triangle ب ج د$ (معطى)

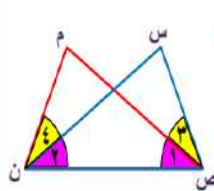
(٣) ب د ضلع مشترك

يتطابق المثلثان بضلعين وزاوية محصورة (ض ، ز ، ض).

(ب) د ج = د أ = د م سم

في الشكل المجاور ، إذا

أبحث في تطابق المثلثين $\triangle س ص ن$ ، $\triangle م ن ص$



$\triangle س ص ن \cong \triangle م ن ص$ (م ، ض ، ض)
 $\triangle س ص ن \cong \triangle م ن ص$ (م ، ض ، ض)
 $\triangle س ص ن \cong \triangle م ن ص$ (م ، ض ، ض)
 ينطبق $\triangle س ص ن$ ، $\triangle م ن ص$ (ب ، ض ، ض) (ز)

(أ) المثلثان متطابقان بـ (ض، ض، ض)

(ب) المثلثان غير متطابقين

(ج) المثلثان متطابقان بـ (ض، ض، ض)

(د) المثلثان متطابقان بـ (ض، ض، ض)

الدرس الثالث : تشابه المثلثات

تدريب

دليل

تدريب

دليل

أتحقق من تشابه Δ ص س ن، Δ ي م ن

نتحقق من تناسب الأضلاع

ص س = $\frac{16}{4} = 4$

ي م = $\frac{24}{6} = 4$

س ن = $\frac{20}{5} = 4$

Δ ص س ن \approx Δ ي م ن

أتحقق من تشابه Δ ن ص س \approx Δ ن م ي

ز : ز = $\frac{ص}{م}$ (تناظر)

ز : ز = $\frac{س}{ي}$ (تناظر)

ز : ز = $\frac{ن}{ن}$ (مشاركة)

Δ ن ص س \approx Δ ن م ي (الزوايا المتناظرة متساوية)

أتحقق من تشابه Δ ص س ن، Δ ي م ن

نتحقق من تناسب الأضلاع

ص س = $\frac{16}{4} = 4$

ي م = $\frac{24}{6} = 4$

س ن = $\frac{20}{5} = 4$

Δ ص س ن \approx Δ ي م ن

(أ) المثلثان متشابهان (زواياهما المتناظرة متشابهه)

(ب) المثلثان متشابهان (زواياهما المتناظرة متشابهه)

(ج) المثلثان متشابهان (زواياهما المتناظرة متشابهه)

(د) المثلثان غير متشابهين

الإحصاء

الوحدة الرابعة

الدرس الأول : تمثيل البيانات بالقطاعات الدائرية

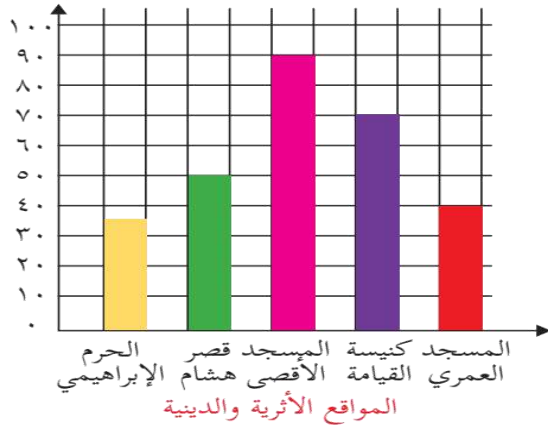
يتوقع منك عزيزي الطالب بعد تنفيذ الأنشطة

- تمثيل مجموعة بيانات بالقطاعات الدائرية .



أعزائي الطلبة: تعرفنا سابقا على طريقة تمثيل مجموعة من البيانات هي التمثيل بالأعمدة

عدد المجموعات



مثال

التمثيل المجاور يمثل عدد المجموعات السياحية التي زارت المواقع الدينية والأثرية في فلسطين، خلال أحد الأشهر:



أتذكر

نستطيع تمثيل البيانات بطريقة أخرى تسمى القطاعات الدائرية حيث يختلف التمثيل باختلاف زاوية القطاع التي تمثل البيانات



أتعلم

أعزائي الطلبة: نحضر لوازِم مشاهدة شرح الدرس تمثيل البيانات بالقطاعات الدائرية من خلال الرابط الآتي :

<https://www.youtube.com/watch?v=nUyZziHOMEE> (ننسى تسجيل ملاحظتنا للاستفادة منها في اتمام الدرس)



أتعلم

أعزائي الطلبة بعد مشاهدة شرح الدرس ننفذ نشاط ٣ صفحة ٩٤ من الكتاب المدرسي

والذي يُعد مثالا جيدا للتدريب على التمثيل بالقطاعات الدائرية.



تدريب

أعزائي الطلبة : نحن قادرون الآن على توظيف تعلمنا الجديد في حل السؤال ١، ٢ صفحة (٩٥) من الكتاب المدرسي



تمرين

نقارن إجاباتنا بالإجابات النموذجية (آخر الوحدة)

الدرس الثاني: مقاييس التشتت

يتوقع منك عزيزي الطالب بعد تنفيذ الأنشطة

- التعرف الى مقاييس التشتت (المدى ، التباين ، الانحراف المعياري) .
- حساب المدى ، التباين ، الانحراف المعياري لمجموعة البيانات .



تعرفنا سابقا على مقاييس النزعة المركزية، الوسط الحسابي، الوسيط، المنوال

مثال : يمثل الجدول أدناه عدد الكتب المباعة خلال أسبوع في إحدى المكتبات. فما المتوسط، والوسيط، والمنوال لهذه البيانات ؟

عدد الكتب المباعة						
السبت	الأحد	الاثنين	الثلاثاء	الأربعاء	الخميس	الجمعة
١٠٦	٥٥	٣٤	٣٥	٣٤	٥٧	٧٨

$$\text{المتوسط الحسابي} = \frac{٧٨+٥٧+٣٤+٣٥+٣٤+٥٥+١٠٦}{٧} = \frac{٣٩٩}{٧} = ٥٧$$

الوسيط : ١٠٦، ٧٨، ٥٧، ٥٥، ٣٥، ٣٤، ٣٤
 رتب البيانات أولاً.
 الوسيط

المنوال = ٣٤
 لأنه القيمة الوحيدة التي تتكرر أكثر من القيم الأخرى كلها.
 المتوسط هو ٥٧ كتاباً، والوسيط ٥٥ كتاباً، والمنوال ٣٤ كتاباً.



أتذكر

أعزائي الطلبة: نستعد لمشاهدة شرح الدرس مقاييس التشتت من خلال الرابط الآتي :

(ولا ننسى تسجيل ملاحظتنا للاستفادة منها في اتمام الدرس) <https://www.youtube.com/watch?v=sk2TPqh8coc>



أتعلم

أكبر قيمة في البيانات – أصغر قيمة في البيانات

مدى البيانات =



أتعلم

بلغ إنتاج قطاع غزة من الفراولة (بالطن) في ٦ أعوام متتالية كالتالي:
 ٣٠٠٠، ٢٨٠٠، ٣٦٠٠، ٤٢٠٠، ٤٠٠٠، ٤٠٠٠. أحسب المدى للبيانات السابقة.

المدى = أكبر قيمة - أصغر قيمة

$$٤٢٠٠ - ٢٨٠٠ =$$

$$١٤٠٠ =$$

الحل



مثال

١

تعريف: يُعرف التباين بأنه مجموع مربعات انحرافات القيم عن وسطها الحسابي مقسوماً على عدد القيم ويرمز له بالرمز σ^2



ومنها التباين $\sigma^2 = \frac{\sum (s - \bar{s})^2}{n}$ ويمكن حسابه من الصيغة.

$$\sigma^2 = \frac{\sum s^2 - n(\bar{s})^2}{n}$$

يُعرف الانحراف المعياري (σ) بأنه الجذر التربيعي للتباين.

مثال

جد الانحراف المعياري للقيم الآتية: ٢٠، ١٨، ١٦، ١٠، ٦، ٨

خطوات الحل:

$$\bar{s} = \frac{\text{مجموع القيم}}{\text{عدد القيم}} = \frac{20 + 18 + 16 + 10 + 6 + 8}{6} = \frac{78}{6} = 13$$

س	(س - \bar{s})	$(س - \bar{s})^2$
٨	٨ - ١٣ = -٥	٢٥
٦	٦ - ١٣ = -٧	٤٩
١٠	١٠ - ١٣ = -٣	٩
١٦	١٦ - ١٣ = ٣	٩
١٨	١٨ - ١٣ = ٥	٢٥
٢٠	٢٠ - ١٣ = ٧	٤٩
المجموع	صفر	١٦٦

(١) نكوّن جدولاً بثلاثة أعمدة: الأول يحوي قيم س،

(٢) الثاني يحوي ناتج (س - \bar{s})،

(٣) أما العمود الثالث فإنه يحوي ناتج (س - \bar{s})^٢:

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum (س - \bar{s})^2}{n - 1}} = \sqrt{\frac{166}{6 - 1}} = \sqrt{\frac{166}{5}} = \sqrt{33,2} \approx 5,76$$

أعزائي الطلبة: بعد مشاهدة شرح الدرس من خلال الرابط ودراسة الأمثلة نحاول أن ننفذ النشاط ٥
صفحة ٩٩ و نشاط ٧ صفحة ١٠٠



أعزائي الطلبة: نحن قادرون الآن على توظيف تعلمنا الجديد في حل السؤال (٢) من التمارين والمسائل
صفحة (١٠١) من الكتاب المدرسي.



نقارن إجاباتنا بالإجابات النموذجية (آخر الوحدة)



تمرين



إجابة الأنشطة والتدريبات والتمارين الوحدة الثالثة

إجابات الدرس الأول : تمثيل البيانات بالقطاعات الدائرية

تمارين ومسائل ٢ صفحة ٩٥



تمارين ومسائل ١ صفحة ٩٥

مجموع أعداد المراجعين = 300

زاوية قطاع أعداد المراجعين ليوم الأحد $^{\circ}108 = ^{\circ}360 \times \frac{90}{300}$
زاوية قطاع أعداد المراجعين ليوم الإثنين $^{\circ}144 = ^{\circ}360 \times \frac{120}{300}$
زاوية قطاع أعداد المراجعين ليوم الثلاثاء $^{\circ}36 = ^{\circ}360 \times \frac{30}{300}$
زاوية قطاع أعداد المراجعين ليوم الأربعاء $^{\circ}72 = ^{\circ}360 \times \frac{60}{300}$

إجابات الدرس الثاني : مقياس التشتت

تمارين ومسائل ٢ صفحة ١٠١

المدى = 9 - 5 = 4
أرمز للقيم بالرمز س، وأكون جدولاً مناسباً، ثم أكمل:

القيمة س	٤	٩	٥	٤	٦	٨	٧	٥	س = ٤٨
س ^٢	١٦	٨١	٢٥	١٦	٣٦	٦٤	٤٩	٢٥	س ^٢ = ٣١٢

$$\bar{s} = \frac{\sum s}{n} = \frac{48}{8} = 6$$
$$\sigma^2 = \frac{\sum s^2 - n(\bar{s})^2}{n} = \frac{312 - 8(6)^2}{8} = \frac{288 - 312}{8} = -3$$

الانحراف المعياري $\sqrt{3}$