

الموضوع: ورقة عمل بيتيه (١١)		دولة فلسطين
المبحث: الرياضيات		وزارة التربية والتعليم/ م. شمال الخليل
الصف: الثاني ثانوي علمي		مدرسة نوبا الثانوية للبنين
الاسم:	التزايد والتناقص والقيم القصوى ومجالات التقعر	التاريخ: ٢٠١٨ / ١١ / ١٤

س ١: أضع دائرة حول رمز الإجابة الصحيحة فيما يلي:

(١) إذا كان  $h'(s)$  متصل على  $[a, b]$  وقابلاً للاشتقاق على  $[a, b]$  وكانت جميع المماسات المرسومة لمنحنى  $h'(s)$  في  $[a, b]$  تصنع زاوية منفرجة مع الاتجاه الموجب لمحور السينات، أي العبارات التالية صحيحة: أ.  $h'(s)$  متزايد في  $[a, b]$  ب.  $h'(s)$  متناقص في  $[a, b]$  ج.  $h'(s)$  مقعر لأعلى في  $[a, b]$  د.  $h'(s)$  مقعر لأسفل في  $[a, b]$

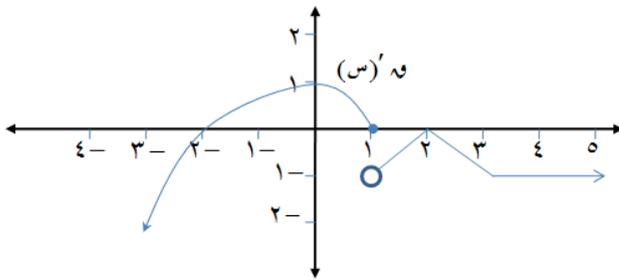
(٢) إذا كان  $h'(s) = \sqrt{s^2 - 1}$  فإن مجموعة قيم  $s$  التي يوجد عند كل منها نقطة حرجة للاقتزان  $h'(s)$  هي: أ.  $\{-1, 1\}$  ب.  $\{0\}$  ج.  $\{-1, 1\}$  د.  $\{-1, 1, 0\}$

(٣) إذا كانت  $h'(1) = h'(3) = 0$ ، وكان منحنى  $h''(s)$  يقع فوق محور السينات لجميع قيم  $s \in [2, 4]$  فإن إحدى العبارات التالية صحيحة: أ.  $h'(1)$  عظمى محلية ب.  $h'(1)$  صغرى محلية ج.  $h'(3)$  عظمى محلية د.  $h'(3)$  صغرى محلية

(٤) إذا كان  $h'(s)$  اقتزان معرف على  $[2, 6]$  بحيث  $h'(s) = \frac{s^3}{1-s^2}$ ، فإن مجموعة قيم  $s$  التي يكون عند كل منها نقطة حرجة هي: أ.  $\{2, 6\}$  ب.  $\{2, 4, 6\}$  ج.  $\{1, 4, 6\}$  د.  $\{2, 4, 6, 1\}$

(٥) أكبر قيمة للاقتزان  $h'(s) = \sqrt[3]{1-s^3}$  حيث  $s \in [3, 6]$  هي: أ. ١ ب. ٢ ج. ٨ د.  $\frac{1}{3}$

س ٢: أوجد القيم القصوى المحلية والمطلقة للاقتزان  $h'(s) = s \cdot \cos s + \sin s$ ،  $s \in [0, \pi]$  ؟



س ٣: الرسم المجاور يمثل منحنى  $h'(s)$  للاقتزان المتصل على  $E$ ، أوجد:

- (١) مجالات التقعر للأعلى وللأسفل.  
(٢) نقط الانعطاف إن وجدت.

س ٤: ليكن  $h'(s) = \begin{cases} s - 5 & s \geq 2 \\ \frac{2}{s} & s < 2 \end{cases}$  مستخدماً اختبار المشتقة الأولى، أوجد:

- (١) فترات التزايد والتناقص للاقتزان  $h'(s)$  على مجاله. (٢) القيم القصوى للاقتزان إن وجدت.

س٥: إذا كان  $f(s) = s^3 + s^2 + 5s + 5$ ، أوجد قيمة الثابتين  $a, b$  إذا علمت أن للاقتران  $f(s)$  قيمة صغرى محلية عند  $s = 4$  ونقطة انعطاف عند  $s = 1$ ؟

س٦: أوجد مجالات التفرع للأعلى وللأسفل ونقاط الانعطاف (إن وجدت) للاقتران  $f(s) = \sqrt[3]{s}$ ؟

س٧: إذا كان  $f(s) = \begin{cases} s^2 + 2s + 3, & 2 - s \geq 1 \\ s^3 [1+s], & 1 \leq s \leq 2 \end{cases}$  جد:

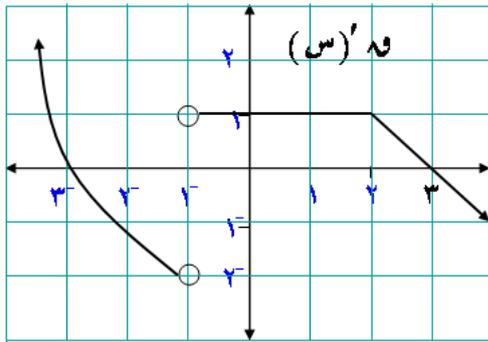
(١) مجالات التزايد والتناقص للاقتران  $f(s)$  (٢) القيم القصوى للاقتران وحدد نوعها.

س٨: إذا كان  $f(s)$  معرفاً على  $C$  بحيث  $f'(s) = \frac{s}{s+4}$ ، أوجد:

(١) فترات التفرع لأعلى وللأسفل للاقتران  $f(s)$ . (٢) نقاط الانعطاف. (إن وجدت)

س٩: إذا كان  $f(s) = \begin{cases} s - 2, & s \in [0, 2\pi] \\ \pi, & s \in [2\pi, \infty) \end{cases}$  فجد:

(١) مجالات التفرع لأعلى وللأسفل للاقتران  $f(s)$ . (٢) نقاط الانعطاف (إن وجدت).



س١٠: معتمداً على الشكل التالي والذي يمثل منحنى

$f(s)$  للاقتران المتصل  $f(s)$ :

(١) حدد فترات التزايد والتناقص للاقتران  $f(s)$  على مجاله.

(٢) أوجد النقاط التي تمثل القيم القصوى للاقتران وحدد نوعها.

(٣) حدد فترات التفرع لأعلى وللأسفل للاقتران  $f(s)$ .

(٤) أوجد الإحداثيات السينية لنقاط الانعطاف (إن وجدت).

س١١: أوجد فترات التفرع ونقاط الانعطاف (إن وجدت) لمنحنى  $f(s) = |s^2 - s - 2|$  حيث  $s \in ]0, \infty[$ ؟

س١٢: ليكن  $f(s) = \begin{cases} s - 2, & s \in [0, \pi] \\ \pi, & s \in [\pi, \infty) \end{cases}$  أوجد:

(١) فترات التزايد والتناقص للاقتران  $f(s)$  على مجاله.

(٢) القيم القصوى المحلية والمطلقة للاقتران  $f(s)$ .

س١٣: ليكن  $f(s)$  كثير حدود من الدرجة الثانية له نقطة حرجة عند  $(-1, 1)$ ، أوجد قاعدة  $f(s)$  علماً

بأن منحنى الاقتران يقطع محور السينات عند  $s = -3$ ؟