



ملاحظة : عدد أسئلة الاختبار (ستة) أسئلة ، أجب عن (خمسة) منها فقط.

القسم الأول : يتكون هذا القسم من (أربعة) أسئلة ، وعلى المشترك أن يجيب عنها جميعاً

السؤال الأول : (٣٠ علامة)

اختر الإجابة الصحيحة ، ثم ضع إشارة (x) في المكان المخصص في دفتر الإجابة :-

(١) إذا كان متوسط التغير للاقتران الاقتران u (س) = $\frac{3}{4}$ ، وكان $\Delta s = 8$ ، وكانت $v = 3$ ،

فإن قيمة (ص) تساوي :-

(أ) ٩ (ج) ٣ (ب) ١٨ (د) ٦

(٢) إذا كان $\begin{bmatrix} ٥ & ٩ \\ ٢+ص & ٥ \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} ٣+س & ٢ص \\ ٥ & ٥ \end{bmatrix}$ ، فإن قيمة المقدار (ص - س) يساوي :-

(أ) ٣ (ب) ٢ (ج) ١ - (د) ١

(٣) إذا كان $h = (س)$ ، وكانت $u = (٥)^{-٧}$ ، $v = (٥)^{-٤}$ ، فإن قيمة الثابت (٢) يساوي :-

(أ) ٧ (ب) ٤٢ (ج) ٦ - (د) ٦

(٤) إذا كانت $\begin{bmatrix} ٣ & ٥ \\ ١ & ٦ \\ ٢ & ٨ \end{bmatrix} = ٢$ ، $\begin{bmatrix} ٣ & ٤ & ٢ \\ ١ & ٥ & ٣ \end{bmatrix} = ب$ ، فإن قيمة المقدار $(٢ \times ٣ - ٣٢)$ يساوي :-

(أ) ١٦ (ب) ١٦ - (ج) ٨ - (د) ٢ -

(٥) إذا كان $u = (س)$ ، $٢ - \sqrt{٥} + \frac{٢٤}{س} = ٢$ ، فإن قيمة $u^{-٢}$ تساوي :-

(أ) صفر (ب) ٦ - (ج) ٢٤ - (د) ٦

(٦) إذا كان $\frac{١}{٣} = \begin{bmatrix} ٢ & ٢ \\ ٤ & ٢ \end{bmatrix}$ ، فإن قيمة المقدار $(٢ - ٢)$ يساوي :-

(أ) $\begin{bmatrix} ١٢ & ١٢ \\ ٢٤ & ١٢ \end{bmatrix}$ (ب) $\begin{bmatrix} ٦ & ٦ \\ ١٢ & ٦ \end{bmatrix}$ (ج) $\begin{bmatrix} ١٢ & ١٢ \\ ٢٤ & ١٢ \end{bmatrix}$ (د) $\begin{bmatrix} ١٢ & ١٣ \\ ٢٥ & ١٢ \end{bmatrix}$

(٧) إذا كانت المصفوفة ٢ من الرتبة (٢×٢) والمصفوفة $ب$ من الرتبة (٣×٣) والمصفوفة $ج$ من الرتبة (٥×٢) ،

وكانت $ج = ٢ \times ب$ ، فإن قيمة المقدار $(٢ + هـ)$ يساوي :-

(أ) ١٥ (ب) ١١ (ج) ٨ (د) ٢

(٨) إذا كان $u = (س)$ ، $\sqrt{س} + \frac{س}{٢-س} + \frac{س}{٢-س} = ٦$ ، فإن قيمة $u^{-٤}$ تساوي :-

(أ) $\frac{١}{٤}$ (ب) ٤ (ج) $\frac{١٥}{٤}$ (د) $\frac{١٧}{٤}$

(٩) إذا كان $\begin{bmatrix} 3 \\ 1 \end{bmatrix} \cdot (س) = ٩ -$ ، فإن قيمة $\begin{bmatrix} ٢ \\ ٥ \end{bmatrix} \cdot (س) + ٥ =$ يساوي :-

- (أ) ٩ - (ب) ٣ - (ج) ١٥ - (د) ٢١ -

(١٠) إذا كانت $\begin{bmatrix} ٨ & س \\ س & ٢ \end{bmatrix} = ٢$ ، فإن قيمة/قيم س التي تجعل المصفوفة منفردة تساوي :-

- (أ) ٤ - (ب) ٤ ± (ج) ٨ ± (د) ١٦ ±

(١١) إذا كانت $٢(س) - \begin{bmatrix} ٣ \\ ١ \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} ١ \\ ٢ \end{bmatrix}$ ، فإن قيمة س تساوي :-

- (أ) $\begin{bmatrix} ١ \\ ٠ \end{bmatrix}$ (ب) $\begin{bmatrix} ٥ \\ ٠ \end{bmatrix}$ (ج) $\begin{bmatrix} ٥ \\ ٠ \end{bmatrix}$ (د) $\begin{bmatrix} ١ \\ ٠ \end{bmatrix}$

(١٢) عدد القيم القصوى للاقتران $\begin{bmatrix} ١ \\ ٢ \end{bmatrix} (س) = ٣س - ٢٧$ ، يساوي :-

- (أ) ٢ (ب) صفر (ج) ١ (د) ٣

(١٣) احدى المصفوفات التالية لا يوجد لها نظير ضربي :-

- (أ) $\begin{bmatrix} ٢ & ٤ \\ ٨ & ٦ \end{bmatrix}$ (ب) $\begin{bmatrix} ٢ & ٤ \\ ٦ & ٥ \end{bmatrix}$ (ج) $\begin{bmatrix} ٢ & ٤ \\ ٨ & ١٦ \end{bmatrix}$ (د) $\begin{bmatrix} ٢ & ١ \\ ١ & ٢ \end{bmatrix}$

(١٤) بالاعتماد على الجدول المرافق ،

فإن قيمة المقدار $(٢٢ \times ٣هـ) - (٤)يساوي$:

٣ (هـ) - (٤)	٢ (و) - (٤)	٢ (هـ) (٤)	٥ (و) - (٤)
١ -	٣	٢	٥ -

- (أ) ٦ - (ب) ٦٦ (ج) ٣٠ (د) ١٨ -

(١٥) إذا كانت $\begin{bmatrix} ١ & ٣ \\ س & ٥ \end{bmatrix} = ٢$ ، فإن قيمة س تساوي :-

- (أ) ٢ - (ب) ٢ (ج) ٥ - (د) ٥

(١٦) إذا كان $\begin{bmatrix} ٢ \\ ١ \end{bmatrix} \cdot (س) = ٨ =$ ، $\begin{bmatrix} ٣ \\ ٥ \end{bmatrix} \cdot (س) = ٧$ فإن $\begin{bmatrix} ٢ \\ ٧ \end{bmatrix} \cdot (س) + ٧ =$ يساوي :-

- (أ) ١١ (ب) ٢٢ (ج) ١٢ (د) ٢٤

(١٧) إذا كانت س مصفوفة مربعة من الرتبة الثانية وكانت $|٣س| = ٢٧$ ، فإن $|٢س|$ تساوي :-

- (أ) ١٣ (ب) ١٤ (ج) ٩ (د) ٣٦

(١٨) إذا كان للاقتران $\begin{bmatrix} ٣ \\ ٢ \end{bmatrix} (س) = ٨س + ٩$ ، قيمة صغرى محلية عند $٢ =$ فإن قيمة الثابت (١) يساوي :-

- (أ) ٢ (ب) ٢ - (ج) ١ (د) صفر

(١٩) إذا كان $\begin{bmatrix} ٣ \\ ٢ \end{bmatrix} \cdot (س) = ٣ -$ صفر ، فإن قيمة/قيم الثابت (ب) الممكنة تساوي :-

- (أ) صفر ، ٣ (ب) صفر ، ٣ - (ج) ٣ ، ٣ - (د) صفر ، ٩

(٢٠) إذا كانت $|٢س| = \begin{vmatrix} ٥ & ٥ \\ ٩ & ٢ \end{vmatrix}$ ، $|٥س| = \begin{vmatrix} ٥ & ١ \\ ٩ & ٢ \end{vmatrix}$ ، فإن قيمة المقدار $(|٢س| + |٥س|)$ يساوي :-

- (أ) ١ - (ب) ١٢ (ج) ١٢ - (د) ١١

السؤال الثاني : (٢٠ علامة)

(أ) إذا كانت $\begin{bmatrix} 9 & 12 \\ 6 & 9 \end{bmatrix} = 13$ ، $\begin{bmatrix} 2 & 4 \\ 5 & 1 \end{bmatrix} = ب$ ، $\begin{bmatrix} 1 & 7 \\ 9 & 3 \end{bmatrix} = ج + ب٢$ ، أوجد :- (١١ علامة)

(١) $|ب - ٢|$ (٢) $(ج٢)^{-١}$

(٥ علامات)

(ب) أجد $\left[\frac{٤}{س} + \sqrt{س} \right]^٤$ س

(ج) إذا كان $٧(س) = \frac{٥(س)}{س - ٥}$ ، $٥ \pm \neq س$ ، وكانت $١ = (٣)^{-١}$ ه ، $٢ = (٣)$ ه ، أوجد $٧(٣)^{-١}$. (٤ علامات)

السؤال الثالث : (٢٠ علامة)

(أ) لديك الاقتران التالي $٧(س) = \frac{١}{س} + ٣س - ٢س - ٣س - ٥$ ، $س \in \mathbb{C}$ ، أوجد ما يلي :- (١٠ علامات)

(١) مجالات التزايد والتناقص للاقتران $٧(س)$

(٢) القيم القصوى المحلية للاقتران $٧(س)$ وبين نوعها .

(٦ علامات)

(ب) حل المعادلة المصفوفية التالية :-

$$٢٢ \times ٢ + \begin{bmatrix} ٤ & ١ \\ ٢ & ٢ \end{bmatrix} + س٢ = \left(\begin{bmatrix} ٢ & ٣ \\ ٤ & ١ \end{bmatrix} + س \right) ٣^{-١}$$

(٤ علامات)

(ج) إذا كان $\left[\frac{٣}{س} + (١ + س) \right] = س٢$ ، أوجد قيمة ج .

السؤال الرابع : (٢٠ علامة)

(أ) إذا كان متوسط تغير الاقتران $ق(س)$ في $[٥،٣]$ يساوي ٧ ، أوجد متوسط تغير الاقتران $ه(س) = ٧(س) + س$ على الفترة نفسها . (٨ علامات)

(٨ علامات)

(ب) باستخدام قاعدة كرامر حل نظام المعادلات التالية :-

$$٠ = ٧ - ص - س$$

$$١ - ص٣ = س٢$$

(٤ علامات)

(ج) أجد قيمة / قيم $س$ التي تحقق المعادلة التالية :-

$$\begin{vmatrix} ٠ & ٤ \\ س & ٦ \end{vmatrix} = ٢ + \begin{vmatrix} ١ & ٣ \\ ١ & ٢ \end{vmatrix} ٣$$

