

ب) إذا كان $\vec{A} = (3, -6, 4)$ ، $\vec{B} = (2, -2, 1)$ ، جد ما يلي

(٤ علامات)

١) متجه طوله ٣ وحدات يوازي المتجه $\vec{B}$ - $\vec{A}$

$$\vec{B} - \vec{A} = (2, -2, 1) - (3, -6, 4) = (-1, 4, -3)$$

$$|\vec{B} - \vec{A}| = \sqrt{(-1)^2 + 4^2 + (-3)^2} = \sqrt{1 + 16 + 9} = \sqrt{26}$$

$$\vec{u} = \frac{\vec{B} - \vec{A}}{|\vec{B} - \vec{A}|} = \frac{(-1, 4, -3)}{\sqrt{26}}$$

$$\vec{v} = 3\vec{u} = \frac{3(-1, 4, -3)}{\sqrt{26}} = \frac{(-3, 12, -9)}{\sqrt{26}}$$

(٦ علامات)

٢) مساحة المثلث الذي فيه المتجهان $\vec{A}$ ، $\vec{B}$ ضلعان متجاوران

$$S = \frac{1}{2} |\vec{A} \times \vec{B}|$$

$$\vec{A} \times \vec{B} = \begin{vmatrix} \vec{i} & \vec{j} & \vec{k} \\ 3 & -6 & 4 \\ 2 & -2 & 1 \end{vmatrix} = \vec{i}(-6 \cdot 1 - 4 \cdot (-2)) - \vec{j}(3 \cdot 1 - 4 \cdot 2) + \vec{k}(3 \cdot (-2) - (-6) \cdot 2)$$

$$= \vec{i}(-6 + 8) - \vec{j}(3 - 8) + \vec{k}(-6 + 12) = 2\vec{i} + 5\vec{j} + 6\vec{k}$$

$$|\vec{A} \times \vec{B}| = \sqrt{2^2 + 5^2 + 6^2} = \sqrt{4 + 25 + 36} = \sqrt{65}$$

$$S = \frac{1}{2} \sqrt{65}$$

(٤ علامات)

٣) حل المعادلة المتجهة $\vec{A} - \vec{B} = \vec{C}$ ، $\vec{A} = (1, 2, 3)$ ، $\vec{B} = (2, 1, 0)$ ، $\vec{C} = (0, 1, 3)$

$$\vec{A} - \vec{B} = \vec{C} \Rightarrow (1, 2, 3) - (2, 1, 0) = (0, 1, 3)$$

$$(-1, 1, 3) = (0, 1, 3)$$

$$-1 = 0$$

ج) إذا كان $\vec{A} = (1, \sqrt{2}, 1)$ ، $\vec{B} = (1, 1, 1)$ ، $\vec{C} = (1, 1, 1)$ ، جد قيمة θ التي تجعل الزاوية بين المتجهين $\vec{A}$ ، $\vec{B}$ تساوي 60° ؟

(٥ علامات)

$$\cos \theta = \frac{\vec{A} \cdot \vec{B}}{|\vec{A}| |\vec{B}|}$$

$$\vec{A} \cdot \vec{B} = 1 \cdot 1 + \sqrt{2} \cdot 1 + 1 \cdot 1 = 2 + \sqrt{2}$$

$$|\vec{A}| = \sqrt{1^2 + (\sqrt{2})^2 + 1^2} = \sqrt{1 + 2 + 1} = \sqrt{4} = 2$$

$$|\vec{B}| = \sqrt{1^2 + 1^2 + 1^2} = \sqrt{3}$$

$$\cos \theta = \frac{2 + \sqrt{2}}{2 \sqrt{3}}$$

د) إذا كان $\vec{A}$ ، $\vec{B}$ ، $\vec{C}$ متجهات وحدة في الفراغ وكان $\vec{A} \perp \vec{B}$ ، $\vec{B} \perp \vec{C}$ ، $\vec{C} \perp \vec{A}$ ، اثبت أن

(٥ علامات)

$$|\vec{A} + \vec{B} + \vec{C}| = \sqrt{3}$$

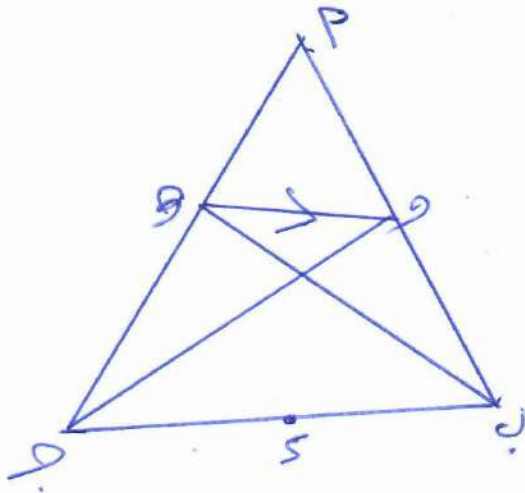
$$|\vec{A} + \vec{B} + \vec{C}|^2 = (\vec{A} + \vec{B} + \vec{C}) \cdot (\vec{A} + \vec{B} + \vec{C})$$

$$= \vec{A} \cdot \vec{A} + \vec{B} \cdot \vec{B} + \vec{C} \cdot \vec{C} + 2(\vec{A} \cdot \vec{B} + \vec{B} \cdot \vec{C} + \vec{C} \cdot \vec{A})$$

$$= 1 + 1 + 1 + 2(0 + 0 + 0) = 3$$

$$|\vec{A} + \vec{B} + \vec{C}| = \sqrt{3}$$

ب) ا ب ج مثلث فيه ك ه و منتصفات أضلاعه ب ج ه ا ج ه ا ب على الترتيب اثبت أن ج و ه = ه و ك = ه و ٣ (علامات)



$$ه و ك = ه و د$$

$$\begin{aligned} ه و د + ه و ك &= ه و ك \\ ه و ك + ه و د &= ه و ك \\ ه و د + ه و ك &= ه و ك \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} ه و ك + ه و د + ه و ك &= ه و ك \\ ه و ك + ه و ك + ه و د &= ه و ك \\ ه و ك + ه و ك + ه و د &= ه و ك \\ ه و ك + ه و ك + ه و د &= ه و ك \\ ه و ك + ه و ك + ه و د &= ه و ك \\ ه و ك + ه و ك + ه و د &= ه و ك \end{aligned}$$

ج) أكمل تكافؤ العبارات التالية: (١٠ علامات)

الرقم	العبرة	عبرة مكافئة لها
١	$\neg \leftarrow \neg$	$\neg \neg \neg \neg / \neg \neg \neg \neg$
٢	$\neg (\neg \leftrightarrow \neg)$	$\neg (\neg \leftrightarrow \neg) \equiv (\neg \leftrightarrow \neg) \vee (\neg \leftrightarrow \neg)$
٣	$\neg (\neg \leftarrow \neg)$	$\neg \neg \neg \neg$
٤	$\neg \neg (\neg \wedge \neg)$	$\neg \neg (\neg \wedge \neg) \equiv (\neg \wedge \neg) \vee (\neg \wedge \neg)$
٥	$\neg \leftarrow (\neg \neg \neg)$	$\neg \leftarrow (\neg \neg \neg) \equiv (\neg \neg \neg) \vee (\neg \neg \neg)$

مدير المدرسة: فريد الجبوسي

انتهت الأسئلة

معلم المادة: عوض محمد واوي