



ملاحظة عدد أسئلة الورقة (ستة) أسئلة ، أجب عن خمسة فقط

القسم الأول : يتكون هذا القسم من أربعة أسئلة وعلى المشترك الإجابة عنها جميعاً

٣٠ علامة

السؤال الأول : اختر رمز الإجابة الصحيحة وانقله لدفتر الإجابة

مكتبة الملتقى التربوي

(١) إذا كانت $\begin{bmatrix} ٥ & ٢ \\ ٣-ص & ٣ \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} ٥ & ص+٣ \\ ٩ & ٣ \end{bmatrix}$ فإن قيمتي س ، ص على الترتيب هما :

- (أ) ١ ، ٦ (ب) ٦ ، ٤ (ج) -٤ ، ٦ (د) ٤ ، -٦

(٢) لتكن أ ، ب مصفوفتان من الرتبة ٢×٢ ، أي مما يلي صحيح دائماً؟

- (أ) $١ \times ب = ب \times ١$ (ب) $١(ب + ٢) = (ب + ٢)١$ (ج) $١ - ب = ب - ١$ (د) $١ + ب = ب + ١$

(٣) النظير الجمعي للمصفوفة س = $\begin{bmatrix} ٢ & -٤ \end{bmatrix}$ هو :

- (أ) $\begin{bmatrix} ٢ & -٤ \end{bmatrix}$ (ب) $\begin{bmatrix} ٢ & ٢ \end{bmatrix}$ (ج) $\begin{bmatrix} ٢ & ٢ \end{bmatrix}$ (د) $\begin{bmatrix} ٢ & -٤ \end{bmatrix}$

(٤) ناتج $\begin{bmatrix} ٥س - ٢س & ٢س - ٢س \end{bmatrix}$ يساوي :

- (أ) ٥ (ب) ٣ (ج) ٢ - (د) صفر
(٥) إذا كان $ص = ٣س + \frac{٢}{س} + ٥$ ، $٥ \neq ٠$ ، فإن $\frac{ص}{س}$ تساوي :
(أ) $٦س$ (ب) $٣س - ٢س$ (ج) $\frac{٢}{س} - ٦س$ (د) $٥ - ٦س$

(٦) إذا كان متوسط تغير الاقتران $ص = ٠(س)$ على الفترة $[٢ ، ٦]$ يساوي ٥ وكان $٠(٢) = ٤$ فإن $٠(٦)$ يساوي :

- (أ) ٤ (ب) ١٦ (ج) ٦ (د) ٢٤

(٧) لتكن س مصفوفة بحيث $س \times \begin{bmatrix} ٣ \\ ٥ \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} ٣ \\ ٥ \end{bmatrix}$ فإن س تساوي :

- (أ) $\begin{bmatrix} ٠ & ١ \\ ١ & ٠ \end{bmatrix}$ (ب) $\begin{bmatrix} ٠ & ١ \\ ١ & ٠ \end{bmatrix}$ (ج) $\begin{bmatrix} ١ & ٠ \\ ٠ & ١ \end{bmatrix}$ (د) $\begin{bmatrix} ١ & ٠ \\ ٠ & ١ \end{bmatrix}$

(٨) المصفوفة التي ليس لها نظير ضربى من بين المصفوفات التالية هي :

- (أ) $\begin{bmatrix} ٦ & ٣ \\ ٢ & ١ \end{bmatrix}$ (ب) $\begin{bmatrix} ٠ & ١ \\ ٢ & ١ \end{bmatrix}$ (ج) $\begin{bmatrix} ٤ & ٠ \\ ٠ & ٥ \end{bmatrix}$ (د) $\begin{bmatrix} ١ & -١ \\ ١ & ١ \end{bmatrix}$

يتبع الصفحة الثانية

٩) إذا كانت A مصفوفة مربعة من الرتبة الثانية ؛ بحيث أن $|A| = 0$ ، فإن قيمة $|A^{-1}|$ تساوي :

- (أ) - ٤ (ب) ٤ (ج) ٨ (د) - ٨

١٠) ليكن $\begin{bmatrix} 4 & 2 \\ 3 & 1 \end{bmatrix} U(S) = 6$ ، $\begin{bmatrix} 4 & 2 \\ 3 & 1 \end{bmatrix} H(S) = 2$ ، فإن $\begin{bmatrix} 4 & 2 \\ 3 & 1 \end{bmatrix} (U(S) + H(S))$ تساوي :

- (أ) - ٨ (ب) ١٢ (ج) - ٤ (د) ١٤

١١) إذا كان $U(S) = \begin{bmatrix} 3 & 2 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} S$ ، فإن $U'(5)$ تساوي :

- (أ) صفر (ب) ١٠ (ج) ٨ (د) ٧

١٢) إذا كانت $A_{4 \times 3}$ ، $B_{3 \times 3}$ ، $C_{3 \times 4}$ ثلاثة مصفوفات ، أي من العمليات التالية يمكن إجراؤها :

- (أ) $A + B + C$ (ب) $A + B + C$ (ج) $A + B + C$ (د) $B + C + A$

١٣) قيمة / قيم S التي تجعل المصفوفة $\begin{bmatrix} 4 & S \\ 2 & 2-S \end{bmatrix}$ مصفوفة مفردة ، تساوي :

- (أ) - ٢ فقط (ب) ٤ فقط (ج) ٢ ، ٤ (د) ٤ ، - ٢

١٤) إذا كانت $V = \begin{bmatrix} 4 & 2 \\ 12 & 4 \end{bmatrix}$ فإن $|V|$ تساوي :

- (أ) - ٢ (ب) ٢ (ج) ٨ (د) - ٨

١٥) إذا كان $U(S) = H(S) + 3S^2$ ، وكان $U'(2) = 5$ ، فإن $H'(2)$ تساوي :

- (أ) - ٧ (ب) ١٧ (ج) ٧ (د) ٥

١٦) ميل المستقيم القاطع المار بالنقطتين $A(2, 6)$ ، $B(4, 10)$ يساوي :

- (أ) ٥ ، ٥ (ب) ٢ (ج) - ٢ (د) صفر

١٧) إذا كان لمنحنى $U(S) = 3S^2 - 2S + 1$ مماساً أفقياً عندما $S = 3$ ، فإن قيمة A تساوي :

- (أ) صفر (ب) - ٣ (ج) ٢ (د) ٥

١٨) πS يساوي :

- (أ) $\pi + \frac{\pi}{2}$ (ب) $\pi + \pi$ (ج) πS (د) $\pi S + \pi$

١٩) ناتج العملية $\begin{bmatrix} 1 \\ 3 \end{bmatrix} [1 - 2]$ يساوي :

(د) $\begin{bmatrix} 6 & 2 \\ 3 & 1- \end{bmatrix}$

(ج) $[1 -]$

(ب) $[3 - 2]$

(أ) $\begin{bmatrix} 2 \\ 3- \end{bmatrix}$

٢٠) لتكن $P = \begin{bmatrix} 3 & -3 \end{bmatrix}$ فإن P^2 :

(د) تساوي $\begin{bmatrix} 9 & 9 \end{bmatrix}$

(ج) تساوي $\begin{bmatrix} 9 \\ 9- \end{bmatrix}$

(ب) تساوي $\begin{bmatrix} 9 & -9 \end{bmatrix}$

(أ) لا يمكن إيجادها

السؤال الثاني : ٢٠ علامة

٨ علامات

(أ) إذا كانت $P = \begin{bmatrix} 1- & 2 \\ 3 & 1 \end{bmatrix}$ ، $B = \begin{bmatrix} 2 & 4 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$ أوجد ما يلي (إن أمكن)

(١) $2P - B$ (٢) $(P \times B)^{-1}$

٦ علامات

(ب) أوجد قيمة التكامل التالي : $\int_1^8 (1 - \sqrt[3]{x}) dx$

٦ علامات

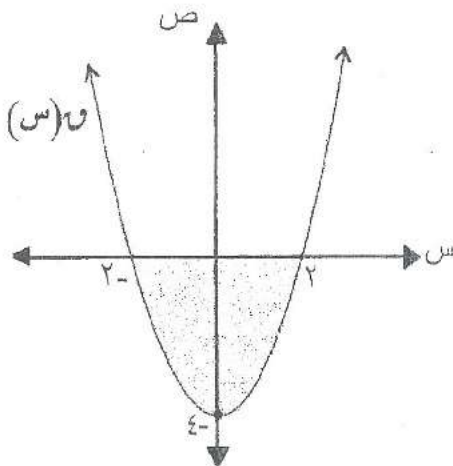
(ج) إذا كان $\int_1^0 (x - 2) dx = 2$ ، $\int_0^3 (x^2 + 2x) dx = 8$ ، جد $\int_1^3 (x^2 + 2x) dx$

السؤال الثالث : ٢٠ علامة

٦ علامات

(أ) حل النظام التالي من المعادلات بطريقة كرامر : $\begin{cases} 2x + 3y = 13 \\ 3x + y = 3 \end{cases}$

٧ علامات



(ب) بالاعتماد على الشكل المجاور ، أوجد المساحة المظللة والمحصورة بين منحنى $y = (x - 2)^2$ ، ومحور السينات والمستقيمين $x = 2$ ، $x = -2$.

٧ علامات

(ج) أوجد معادلة المماس لمنحنى الاقتران $y = (x - 2)^2$ ، عندما $x = 1$

يتبع الصفحة الرابعة

مكتبة الملتقى التربوي

٧ علامات

(أ) إذا كان $ق(س) = ٢س^٣ - ٣س^٢ + ١$ ، $س \in \mathbb{R}$ أوجد فترات التزايد والتناقص والقيم القصوى (إن وجدت) مبيناً نوعها .

٧ علامات

(ب) جد قيمة / قيم $ب$ التي تجعل $\int_0^3 (٢ - س)س \, ds = ١٢$

٦ علامات

(ج) إذا كان $ن(س) = (س^٣ - ٢س)هـ(س)$ ، جد $ن'(٢)$ علماً أن $هـ(٢) = ٤$ ، $هـ'(٢) = ١$

القسم الثاني : يتكون هذا القسم من سؤالين ، وعلى المشترك أن يجيب عن أحدهما فقط . ١٠ علامات

السؤال الخامس : ١٠ علامات

٥ علامات

(أ) حل المعادلة المصفوفية التالية : $٢س + \begin{bmatrix} ٤ & ٢ \\ ٢- & ٤ \end{bmatrix} = \left(\begin{bmatrix} ٠ & ٣ \\ ٥ & ١ \end{bmatrix} - س \right) ٢$

٥ علامات

(ب) إذا كان للاقتزان $ق(س) = ١س^٢ + ب$ $س$ قيمة صغرى محلية عند النقطة $(١ - ، ١ -)$ أوجد قيمة كل من ١ ، $ب$

السؤال السادس : ١٠ علامات

٥ علامات

(أ) إذا كان $\left(\frac{هـ}{ل} \right)'(٢) = ٢ -$ ، $ل(س) \neq ٠$ ، وكان $ل(٢) = ل'(٢) = ٣$ ، $هـ(٢) = ١$ ، أوجد $هـ'(٢)$

٥ علامات

(ب) إذا كانت $ص$ ، $س$ مصفوفتان من الرتبة الثانية وكان $\begin{bmatrix} ٢- & ٣ \\ ٢ & ١ \end{bmatrix} = س \times ص$ وكان $س^{-١} = \begin{bmatrix} ٢ & ١ \\ ٣ & ١- \end{bmatrix}$ جد المصفوفة $ص$

انتهت الأسئلة

مكتبة الملتقى التربوي

مدة الامتحان : ساعتان ونصف
اليوم والتاريخ : الثلاثاء ٨ / ١ / ٢٠١٩
مجموع العلامات : (١٠٠) علامة
الصف : الثاني عشر الأدبي



دولة فلسطين
وزارة التربية والتعليم العالي
مديرية التربية والتعليم العالي - يطا
المبحث : الرياضيات

الامتحان الموحد لنهاية الفصل الدراسي الأول ٢٠١٨ - ٢٠١٩

ملاحظة عدد أسئلة الورقة (ستة) أسئلة ، أجب عن خمسة فقط

القسم الأول : يتكون هذا القسم من أربعة أسئلة وعلى المشترك الإجابة عنها جميعاً

٣٠ علامة

السؤال الأول : اختر رمز الإجابة الصحيحة وانقله لدفتر الإجابة

(١) إذا كانت A ، B مصفوفتين مربعيتين من الرتبة الثانية ، فإن واحدة فقط مما يلي صحيحة :

(ب) عملية ضرب المصفوفات تبديلية

(أ) إذا كان $A \times B = B \times A$ فإن A هي النظير الضربي لـ B

(د) $A = A^T$

(ج) إذا كانت A مصفوفة منفردة فإن A^2 مصفوفة منفردة

(٢) إذا كانت $\begin{bmatrix} 3 & 2 \\ 4 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & 2 \\ 2 & 1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 3 & 2 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$ فإن قيمتي s ، v على الترتيب هما :

(د) $1, -6$

(ج) $0, 7$

(ب) $0, 1$

(أ) $1, 0$

(٣) المصفوفة التي ليس لها نظير ضربي من بين المصفوفات التالية هي :

(د) $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix}$

(ج) $\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$

(ب) $\begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 2 & 8 \end{bmatrix}$

(أ) $\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 4 & 1 \end{bmatrix}$

(٤) إذا كان $v = 10s + \frac{3}{s}$ ، $s \neq 0$ ، فإن $\frac{sv}{s}$ تساوي :

(د) 13

(ج) $10s + 3s^2$

(ب) $10 - \frac{3}{s^2}$

(أ) $10 - 3s^2$

(٥) إذا كان متوسط تغير الاقتران $v = u(s)$ على الفترة $[1, 5]$ يساوي ٣ وكان $u(5) = 10$ فإن $u(1)$ يساوي :

(د) ٣

(ج) ٥

(ب) ٣ -

(أ) ١٥ -

(٦) ناتج $\int_1^4 \frac{2}{s} ds + \int_4^1 \frac{2}{s} ds$ يساوي :

(د) ٩

(ج) ٤

(ب) صفر

(أ) ٥

(٧) ميل المستقيم القاطع المار بالنقطتين $A(3, 1)$ ، $B(5, 9)$ يساوي :

(د) صفر

(ج) ٤

(ب) -٤

(أ) ٢

(٨) معادلة المماس لمنحنى الاقتران $u(s) = s^2 - 2s$ عندما $s = 3$ هي :

(د) $v = 4s - 12$

(ج) $v = 2s$

(ب) $v = -4s + 2$

(أ) $v = 9 - 4s$

٩) إذا كانت $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}$ ، $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}$ ، فإن $a + b + c + d$ تساوي :

- (أ) ٥ (ب) ٦ (ج) ٨ (د) ١١

١٠) إذا كان $(S) = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$ ، فإن $(S)^{-1}$ تساوي :

- (أ) صفر (ب) ٥ (ج) ٢ (د) $\frac{4}{3}$

١١) لتكن A مصفوفة بحيث $\begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 4 & 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 4 & 3 \end{bmatrix} \times A$ ، فإن A تساوي :

- (أ) 2×2 (ب) $\begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 4 & 3 \end{bmatrix}$ (ج) 2×2 (د) 2×2

١٢) إذا كانت S مصفوفة مربعة من الرتبة الثانية ؛ بحيث أن $|S| = 18$ ، فإن قيمة $|2S|$ تساوي :

- (أ) ٨ (ب) ٨ - (ج) ٦ (د) ٦ -

١٣) قيمة / قيم S التي تجعل المصفوفة $\begin{bmatrix} 4 & 2S \\ S & S \end{bmatrix}$ مصفوفة مفردة ، تساوي :

- (أ) ٢ فقط (ب) ٣ فقط (ج) ٢ ، ٤ (د) صفر ، ٢

١٤) إذا كانت $\frac{1}{2} = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 3 \end{bmatrix}$ ، فإن $|A|$ تساوي :

- (أ) ٨ (ب) ٨ - (ج) ٢ (د) ٢ -

١٥) $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$ ، فإن $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$ يساوي :

- (أ) ٦ (ب) ٨ (ج) ٥ (د) ٤

١٦) إذا كان $(S) = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$ ، وكان $(S)^{-1} = \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}$ ، فإن $a + b + c + d$ تساوي :

- (أ) $\frac{1}{3}$ (ب) ٣ (ج) $\frac{1}{6}$ (د) ٦

١٧) إذا كان لمنحنى $(S) = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$ مماساً أفقياً عندما $S = 1$ ، فإن قيمة b تساوي :

- (أ) صفر (ب) ٢ (ج) ٣ (د) ٥

١٨) ليكن $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$ ، $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$ ، فإن $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$ تساوي :

- (أ) ٣ - (ب) ٢ (ج) ١٤ (د) ٧

١٩) ناتج العملية $\begin{bmatrix} 4 \\ 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 3 & -1 \end{bmatrix}$ يساوي :

(أ) $\begin{bmatrix} 2 & - \\ 3 & - \end{bmatrix}$ (ب) $\begin{bmatrix} 2 & - \\ 2 & 6 \end{bmatrix}$ (ج) $[10]$ (د) $\begin{bmatrix} 4 & - \\ 2 & 6 \end{bmatrix}$

٢٠) إذا كانت رتبة المصفوفة S هي 5×2 ، فإن رتبة المصفوفة (S^3) تساوي :

(أ) 6×15 (ب) 6×10 (ج) 5×2 (د) 5×2

مكتبة الملتقى التربوي

السؤال الثاني : ٢٠ علامة

٨ علامات

(أ) إذا كان $U(S) = \frac{1}{3} S^3 - 9S$ ، $S \in \mathbb{R}$

أوجد فترات التزايد والتناقص والقيم القصوى (إن وجدت) مبيناً نوعها .

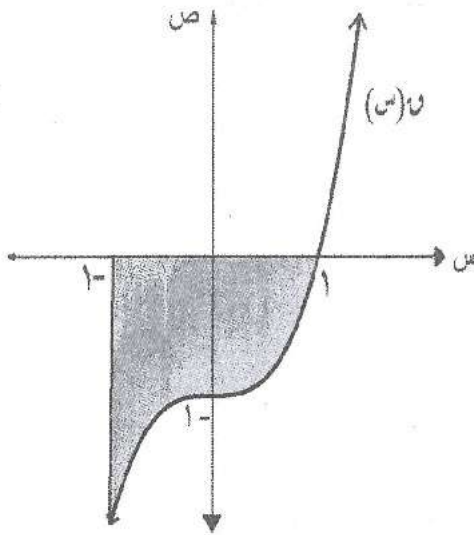
٦ علامات

(ب) أوجد قيمة التكامل التالي : $\int_1^4 (S^4 - \sqrt{S}) dS$

٦ علامات

(ج) إذا كان $U(S) = S^2 - 2$ ، $\int_2^4 U(S) dS = 9$ ، جد $\int_2^4 U(S) dS$

السؤال الثالث : ٢٠ علامة



٦ علامات

(أ) بالاعتماد على الشكل المجاور ، أوجد المساحة المظللة والمحصورة بين منحنى $U(S) = S^3 - 1$ ومحور السينات والمستقيمين $S = 1$ ، $S = -1$

٨ علامات

(ب) إذا كانت $A = \begin{bmatrix} 5 & -1 \\ 3 & 2 \end{bmatrix}$ ، $B = \begin{bmatrix} 4 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$ أوجد ما يلي (إن أمكن)

(١) $A - 3B$ (٢) $(A \times B)^{-1}$

٦ علامات

(ج) إذا كان ميل المماس لمنحنى الاقتران $U(S)$ عند أي نقطة يعطى بالعلاقة $U(S) = 3S^2 - S$ ، جد قاعدة $U(S)$ علماً أنه يمر بالنقطة $(1, 5)$

٦ علامات

٦ علامات (ب) إذا كانت $\begin{bmatrix} 2 & 4 \\ 0 & 2 \end{bmatrix} = A$ ، $\begin{bmatrix} 4 & 2 \\ 2 & 0 \end{bmatrix} = B$

جد المصفوفة ب حيث : $1 + 3b = 2$ ج

٨ علامات

علماء أن: $7 = (3) \text{ هـ} = (3) \text{ ط}$, $6 = (3) \text{ ج}$, $5 = (3) \text{ د}$, $4 = (3) \text{ ز}$

القسم الثاني : يتكون هذا القسم من سؤالين ، وعلى المشترك أن يجيب عن أحدهما فقط . ١٠ علامات

السؤال الخامس : ١٠ علامات

١) جد قيمة / قيم الثابت ρ التي تجعل $(6 - 2s) \rho = 16$

٥ علامات

(ب) إذا كان للاقتران $١ = ا^٢ - ب س$ قيمة صغرى محلية مقدارها $(٤ -)$ عندما $س$ تساوي (٢) ، أوجد قيمة كل من $ا$ ، $ب$

السؤال السادس: ١٠ علامات

(أ) إذا كان $u(s) = \text{هد}(s) \times (s^3 - 3s)$ ، وكان $\bar{u}(2) = 12$ ، $\text{هد}(2) = 2$.
 أوجد $\text{هد}(2)$.

(ب) إذا كانت $E = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 4 & 3 \end{bmatrix}$ وكان $V \times E = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 3 & 2 \end{bmatrix}$ و U ، جد المصفوفة V ٥ علامات