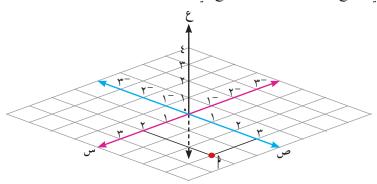


الملتقى التربوي www.wepal.net

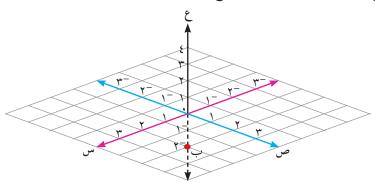
حلول الوحدة الأولى: الهندسة والمتجهات ١- ٢٨

تمارین ومسائل: (۱ - ۱)

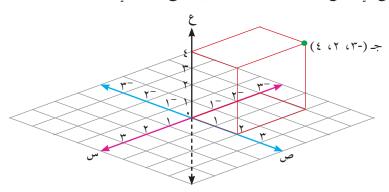
س١: يتم رسم النقاط في الفراغ النقطة أ (٢، ٣، ٠) تقع في مستوى س ص.



النقطة ب (٠، ،، -٢) تقع على الجزء السالب من محور ع.



النقطة جـ (٣٠، ٢، ٤) تقع في الفراغ (ملحوظة: يمكن استخدام برنامج جيوبرا في التمثيل).



الملتقى التربوي www.wepal.net س۲: ا (۱۰، ۲۲، ۲۰) ج (۱۳، ۲۹، ۶۵) ب (س، ص، ع)

$$m=1$$
 ومنها: $m=1$ ، $\frac{m+1}{1}=1$ ومنها: $m=1$ ، $\frac{m+1}{1}=1$

$$\frac{3+\cdot 3}{7} = 03 \text{ eaisl: } 3 = 0 \text{ eaisl: } \psi(17, 17, 0)$$

(Y, W, Y))

(Y, W, Y)

(Y, W, Y)

$$\xi Y = {}^{Y}(\xi - \omega) + {}^{Y}(0-) + {}^{Y}(1+\omega)$$

$$\xi Y = 17 + m^{1} - 1 + m^{2} - 1 + m^{2} - 1 + m^{3} - 1 + m^{2} + 1 + m^{3} - 1 + m^{2} + 1 + m^{2}$$

$$m^{-1}$$
 س = • إذن إمّا: س = • وترفض، أو: س = m^{-1}

(0, 0, 0) + (0, 0, 0) + (0, 0, 0) = (0, 0, 0)

د (۲، -٤، ،) منتصف أ ب ؛ إذن:
$$\frac{w + *}{Y} = Y$$
 ومنها: $w = 3$ ، وكذلك:

$$\Delta = -3$$
 ومنها: $\Delta = -4$ ، ه منتصف ب ج ،ومنها: $\Delta = -4$ ومنها: $\Delta = -4$

$$(\cdot,\cdot,\vee) = (\cdot,\frac{\xi+\xi}{\gamma},\frac{\lambda+\eta}{\gamma}) \ \dot{\cup} \ (\cdot,\cdot,\vee) = ($$

(ن م)
$$= (m - V)^{\gamma} + \frac{m^{\gamma}}{\xi} + \cdots = \frac{\xi q}{\xi}$$
 بترتیب المعادلة ینتج:

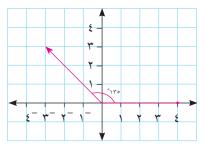
٥ س
7
 – ٥٦ س + ١٤٧ = • ومنها: (٥ س – ٢١) (س – ٧) = • ومنها:

تمارين ومسائل: (١ - ٢)

ب)
$$|\overrightarrow{q}| = \sqrt{3^{7} + 7^{7}} = \sqrt{7}$$
 وحدة $|\overrightarrow{q}| = |\overrightarrow{q}| = |\overrightarrow{q}|$ وحدات

ست: أ) محيط الدائرة
$$\mathbf{r} \times \mathbf{r} \times \mathbf{r} = \mathbf{r} \times \mathbf{r}$$
 والمطلوب بالمسافة نصفها فقط. المسافة الكلية $\mathbf{r} \times \mathbf{r} \times \mathbf{r} \times \mathbf{r} \times \mathbf{r} \times \mathbf{r} \times \mathbf{r}$ متر بالمسافة الكلية $\mathbf{r} \times \mathbf{r} \times \mathbf{r} \times \mathbf{r} \times \mathbf{r} \times \mathbf{r} \times \mathbf{r}$ متر بالإزاحة الكلية $\mathbf{r} \times \mathbf{r} \times \mathbf{r} \times \mathbf{r} \times \mathbf{r} \times \mathbf{r}$ مشرقاً

سع: الحل: ظا هم = -١ ومنها: هم = ١٣٥



الملتقى التربوي

www.wepal.net

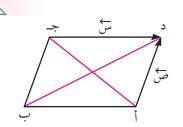
ظا هې = $\frac{1}{\sqrt{\pi}}$ ومنها: هې = ۳۰



قياس الزاوية بين المتجهين = ١٠٥ -٣٠ - ١٠٥

سه: تحركت نقطة من النقطة: أ (-٣، ٥) إلى النقطة: ب (٠، ٨)، ثم تحركت إلى النقطة: ج (س، ٢) حيث: س> ، فإذا كانت المسافة الكلية التي قطعتها تساوي ٩ $\sqrt{ 7 }$. جد إزاحة هذه النقطة مقداراً واتجاهاً.

 $|\frac{1}{9}| = \sqrt{\frac{1}{9}}|$ والاتجاه ظاه = $\frac{1}{7}$ (حيث ه قياس الزاوية مع الاتجاه الموجب لمحور السينات)، ومنها: ه تساوي تقريبا ١٩ درجة.



تمارين ومسائل: (١ - ٣) العمليات على المتجهات

$$(17.7) - (7.7) = (7.7) + (7.7) + (7.7) + (7.7) + (7.7)$$

نكتب المتجهات بالوضع القياسي \longrightarrow \longrightarrow \longrightarrow \longrightarrow \bigcirc الحن تساوى وتوازى ضلعان متقابلان في شكل رباعي؛ لذلك الشكل هو متوازي أضلاع.

$$\begin{array}{c|c} & \longrightarrow & \longleftarrow \\ \hline & \longrightarrow & \longleftarrow \\ \hline & & \longrightarrow & \longleftarrow \\ \hline & & & \longrightarrow \\ \hline & & & \longrightarrow$$

$$(7.7) \text{ or see delay of each of each of the second of t$$

تمارين ومسائل: (١ - ٤) المتجهات في الفراغ

$$\frac{1}{2} \pm 3 \stackrel{(\wedge, \gamma, \gamma)}{=} \pm 3 \stackrel{(\wedge, \gamma, \gamma)}{=} = \frac{1}{2} \stackrel{(\wedge, \gamma)}{=} = \frac{1}{2$$

$$(\frac{\circ}{| - | + |}) \text{ arrest each of } \frac{1}{| - |} = \frac{1}{| - |} = - (\frac{1}{| - |}) \frac{1}{| - |}) \frac{1}{| - |}$$

بحل المعادلتين ينتج:
$$\frac{1}{1} = (\frac{-1}{1}, \frac{1}{1}, \frac{1}{1})$$
, ومنها: $\frac{\pi}{1} = (\frac{\pi}{1}, \frac{\pi}{1}, \frac{\pi}{1})$ ومنها:

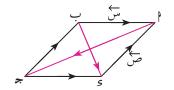
$$(1)$$
 ۱۹ = $\sqrt{7}$ ۲ : يتضمن

تمارين ومسائل: (١ - ٥)

س۲: (۱، ٤، ۳)، (۳، ۱۲، ۹)

ب) (جتاس، -جاس) × (جتاس، ۱+جاس) = .
جتا س – جاس – جاس = . ومنها ۱- جاس – جاس – جاس = ۱- جاس - ۲جاس = .
جتا س – جاس – جاس = . . . جاس =
$$\frac{1}{1}$$
 او جاس = -۱ ومنها: س = .۳° أو .۱۰° أو س = .۲۰° ترفض ، إذن: س = $\frac{\pi}{1}$ او ه $\frac{\pi}{1}$

سه: أثبت باستخدام المتجهات أنّ قطري المعين متعامدان.



.. القطران متعامدان

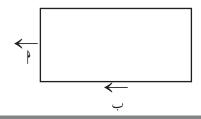
$$*\mathcal{E} =$$
کب $+\mathcal{N}$ ، کہ $\in \mathcal{S}^*$

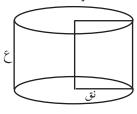
. . المتجهان متعامدان.

$$\hat{w} = | \underbrace{v} | | \underbrace{\downarrow}_{\downarrow} | \Leftrightarrow v \wedge x \times \frac{1}{\sqrt{\gamma}} = \frac{37}{\sqrt{\gamma}}$$

س٧: أ) ه = ٥٤° أو ه = ٥٢٥°

سه: أثبت باستخدام الضرب المتجهى أن المساحة الجانبية للاسطوانة π نق ع



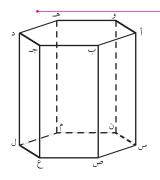


تمارین ومسائل: (۱ - ٦)

				س۱:)
٥	٤	٣	۲	١
ĺ	ب	ج	ĺ	ĺ

								٣٠:)
٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	۲	١
خطأ	صح	خطأ	خطأ	خطأ	صح	خطأ	خطأ	صح

س٣: أ) عدد لا نهائي. ب) عدد لا نهائي. ج) واحد فقط.



س؛: ۱- مستقیمان متوازیان (أ س // ب ص)

- ۲- مستقیمان متخالفان (أب و س ن)
- ٣- مستقيمان متعامدان (جـ ع، ع ص)
- ٤- مستويان متقاطعان (أس ص، س صع)
 - ٥- مستويان متوازيان (أب ج، س صع)
- ٦- مستقيم يقع في مستوى (ن م يقع في المستوى س ص ع)

تمارين ومسائل: (علمي فقط) (١ - ٧) نظرية الأعمدة الثلاثة



المعطیات: الزاویة ب قائمة، جد لل المستوى أ ب جد. هد، و منتصفا ب جه، أ د

س٢: أب ج مثلث، رُسم جـ د عمودياً على المستوى أب جـ ، ثم وُصل د أ، ونصف أ د، أ جـ، ب جـ في م، ل، ن على الترتيب. ثم وُصل م ن، فكان عمودياً على ب جـ . أثبت أنّ الزاوية أب جـ قائمة.

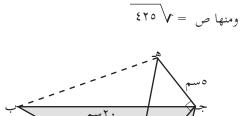
س۳:

الحل: (هـ ب)
$$^{7} = (ب و)^{7} + (و ه.)^{7} = (۲۰ + ۲۰۰ = ۲۲٥)$$

$$(a. \psi)^{\dagger} = (\psi \neq \psi)^{\dagger} + (\psi \neq \psi)^{\dagger} = (\psi \neq \psi)^{\dagger}$$

$$(m)^{\gamma} = \dots$$
 ومنها $m = \neq e = \sqrt{1 + 1}$

$$(a. e)^{7} = 7.7 + 67 = 677$$



ومنها هـ ب = V ٢٥٧

الملتقى التربوي

www.wepal.net

تمارين عامة

ن،۱:

١.	٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	۲	١	الفرع
د	ب	Í	ب	د	<u>ب</u>	f	ب	ج	Í	الرمز
١٠٨	→ → أ و ب في الإتجاه نفسه	متساوي الأضلاع	۲	(۱۱،۲،۲)	٣	۹.	٣	لا يقعان في مستوى واحد ولا يتقاطعان	١	الجواب

$$\frac{1}{\sqrt{\gamma}} = \frac{1}{\sqrt{\gamma}} = \frac{1$$

جتاه =
$$\frac{w}{\sqrt{w^{'}+0^{'}}}$$
 = $\frac{w}{\sqrt{w^{'}+0^{'}}}$ = $\frac{w}{\sqrt{w^{'}+0^{'}}}$ = $\frac{v}{\sqrt{w^{'}+0^{'}}}$ = $\frac{v}{\sqrt{w^{'}+0^{'}}}$ = $\frac{v}{\sqrt{w^{'}+0^{'}}}$ = $\frac{v}{\sqrt{w^{'}+0^{'}}}$ = $\frac{v}{\sqrt{w^{'}+0^{'}}}$ = $\frac{v}{\sqrt{w^{'}+0^{'}}}$

اً)
$$\frac{Y}{1} = \frac{1}{2}$$
 ومنها: $\gamma = \frac{1}{2}$ ملحوظة: یمکن الحل باستخدام جتاه

$$\gamma = \gamma \cdot (\gamma_1 - \gamma_1) \cdot (\gamma_2 - \gamma_3) \cdot (\gamma_3 - \gamma_4) \cdot (\gamma_4 - \gamma_5) \cdot (\gamma_5 - \gamma_5) \cdot (\gamma_5$$

ج) جمتاه ع =
$$\frac{-7+7}{\sqrt{5}} = \frac{1}{\sqrt{7}} = \frac{1}{\sqrt{7}}$$
 او -۳

$$\gamma \cdot = \frac{1}{\gamma} \times \gamma \cdot \times \xi = \frac{1}{\gamma} \cdot \frac{1}{\gamma}$$
 (1)

$$(\lambda, \gamma), (\lambda, \gamma), (\lambda,$$

$$(v, v, v)$$
 (v, v, v) (v, v)

$$\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = \frac$$

$$| \frac{1}{2} | \frac{$$

حلول الوحدة الثانية: المنطق

تمارین ومسائل: (۲ - ۱)

س١: الجمل التي تمثل عبارات رياضية هي: أ، ب، ج، د . لكن: هـ، و لا تمثل عبارات رياضية.

س۲: ۱)خ ۲) خ ۳) خ ٤) ص ٥) ص ٦) ص

ست: نفي العبارات : ١) منحنى الاقتران ${f v}({f w})=\sqrt{\ {f w}}$ في العبارات : ١) منحنى الاقتران ${f v}({f w})$

$$100 V_{L} \leqslant 100 V_{L}$$

 $\mathfrak{O}(m) = m^{\gamma}$ ليس اقتراناً فردياً.

٤) العدد ٢ ' ليس من مضاعفات العدد ٣٢

ه) الصفر عدد غير نسبي.

 $\frac{1}{2}$ المستقيم الذي معادلته m=1 لا يعامد المستقيم الذي معادلته m=1

س٤: ٥ ٤ ٣ ٢ ١ أ ج أ ب

تمارین ومسائل: (۲ - ۲)

س١٠) أ) النيون من العناصر النبيلة، والكبريت ليس فلزاً.

ب) النيون ليس من العناصر النبيلة، والكبريت ليس فلزاً.

ج) النيون ليس من العناصر النبيلة، أو الكبريت فلز.

س٢: أ) خ ب) ص ج) خ

ر۳: ا ۲ ۳ ۱ ۱ د ا

تمارین ومسائل: (۲ - ۳)

س١:)) إذا كان الوتر أطول أضلاع المثلث قائم الزاوية فإن مجموع قياسات زوايا الخماسي الداخلية = ٥٤٠°

٢) إذا كان مجموع قياسات زوايا الشكل الخماسي الداخلية لا يساوي ٥٤٠° ، فإنّ الوتر ليس أطول أضلاع المثلث قائم الزاوية.

٣) الوتر ليس أطول أضلاع المثلث قائم الزاوية، إذا وفقط إذا مجموع قياسات زوايا الخماسي الداخلية = ٥٤٠ درجة

س۲: ۱- ص. ۲- خ. ۳- ص. ٤- ص.

 $N \leftarrow ((V_{\varepsilon}) - 1) - 1 \qquad N \leftarrow ((V_{\varepsilon}) - 1) - 1 \qquad E \leftarrow N - 1 \qquad N \leftarrow ((V_{\varepsilon}) - 1) - 1 \qquad E \leftarrow N - 1 \qquad N \leftarrow ((V_{\varepsilon}) - 1) - 1 \qquad E \leftarrow N - 1 \qquad N \leftarrow ((V_{\varepsilon}) - 1) - 1 \qquad E \leftarrow N - 1 \qquad N \leftarrow ((V_{\varepsilon}) - 1) - 1 \qquad E \leftarrow N - 1 \qquad N \leftarrow ((V_{\varepsilon}) - 1) - 1 \qquad E \leftarrow N - 1 \qquad N \leftarrow ((V_{\varepsilon}) - 1) - 1 \qquad E \leftarrow N - 1 \qquad N \leftarrow ((V_{\varepsilon}) - 1) - 1 \qquad E \leftarrow N - 1 \qquad N \leftarrow ((V_{\varepsilon}) - 1) - 1 \qquad E \leftarrow N - 1 \qquad N \leftarrow ((V_{\varepsilon}) - 1) - 1 \qquad E \leftarrow N - 1 \qquad N \leftarrow ((V_{\varepsilon}) - 1) - 1 \qquad E \leftarrow N - 1 \qquad N \leftarrow ((V_{\varepsilon}) - 1) - 1 \qquad E \leftarrow N - 1 \qquad N \leftarrow ((V_{\varepsilon}) - 1) - 1 \qquad E \leftarrow N \rightarrow ((V_{\varepsilon}) - 1) -$

س٤: يجيب الطلبة بعبارات من إنشائهم

سه:

١.

(ف ← √(۸ ﴿	~ف	ف ← ب	\sim	ف
خ	خ	ص	ص	ص
خ	خ	خ	خ	ص
ص	ص	ص	ص	خ
ص	ص	ص	خ	خ

-۲

$(N\sim N_{\odot}) \leftarrow (N_{\odot})\sim$	ف∧∽ہ	~~	~ <i>ف</i> ٧٧	∽ف	N	ف
خ	خ	خ	ص	خ	ص	ص
ص	ص	ص	خ	خ	خ	ص
Ċ	خ	خ	ص	ص	ص	خ
خ	خ	ص	ص	ص	خ	خ

-٣

$(\sqrt{N} - \sqrt{N})$ ($\sqrt{N} - \sqrt{N}$)~	′ ~	√(ف ← رف)~	ف ← به	^	N	ف
خ	خ	خ	ص	ص	ص	ص
خ	ص	خ	ص	خ	ص	ص
ż	خ	ص	خ	ص	خ	ص

ص	ص	ص	خ	خ	خ	ص
خ	خ	خ	ص	ص	ص	خ
خ	ص	خ	ص	خ	خ	خ
Ċ	خ	خ	ص	ص	ص	خ
Ċ	ص	خ	ص	خ	خ	خ

س٦:

(√س/ المناس) ← ف	~ ف ∧ ~ ن	~ √ ك	ν ~	ن	ف
ص	خ	ص	خ	ص	ص
ص	خ	ص	ص	خ	ص
ص	خ	ص	خ	ص	خ
ż	ص	خ	ص	خ	خ

الحل أعلاه يمثل أحد الحلول، بالإمكان البحث عن آخر ...

تمارين ومسائل: (٢ - ٤)

س۱: آ

√ام√	<i>ڪف</i>	<i>ئ</i> ← ٺ	ν ~	\sim	ف
خ	خ	خ	خ	ص	ص
خ	خ	ص	ص	خ	ص
ص	ص	ص	خ	ص	خ
Ż	ص	ص	ص	خ	خ

أ) بملاحظة قيم صواب العبارتين: ف $\longrightarrow \sim 0$ ، \sim المتناظرة، نجد أنهما غير متكافئتين.

الملتقى التربوي www.wepal.net

~ <i>ا</i> س	ν ~	ف∧ہ ← ہاک	⊸ف	ف∧بہ	\sim	ف
خ	خ	خ	خ	ص	ص	ص
ص	ص	ص	خ	خ	خ	ص
ص	خ	ص	ص	خ	ص	خ
ص	ص	ص	ص	خ	خ	خ

. بملاحظة قيم صواب العبارتين: ف $\wedge \wedge \longrightarrow \sim$ ف، \sim ف $\vee \sim$ نجد أنهما متكافئتان

٢) إذا كان السمك غير عالى القيمة الغذائية إذن: التدخين غير مضر بالصحة والفواكه ليست مفيدة.

٢) المنطق من فروع الرياضيات، والرياضيات ليست لغة العلوم.

$$u \wedge \omega \equiv (v \sim \longleftarrow \omega) \sim (1)$$

$$u \wedge \omega \equiv (v \sim \longleftarrow \omega) \sim (1)$$

$$u \wedge \omega \equiv (v \sim \longleftarrow \omega) \sim (1)$$

$$u \wedge \omega \equiv (v \sim \longleftarrow \omega) \sim (1)$$

$$(\nu \leftarrow i) \sim i = (i \sim \lambda) \leftarrow (\nu \lor i) \sim (\nu \lor i) \sim$$

(し
$$\vee \vee$$
) \leftarrow ($\wedge \wedge$) \equiv ($\cup \wedge \wedge$) \vee ($\vee \wedge \wedge$) (\circ ($\vee \vee \wedge$) ($\vee \wedge \vee$) \equiv ($\vee \wedge \wedge$) \vee ($\vee \vee \wedge$) ($\vee \vee \vee$) ($\vee \vee \vee$) ($\vee \vee \vee$) \equiv ($\vee \vee \vee$) \vee ($\vee \vee \vee$) $=$ ($\vee \vee \vee$) \vee ($\vee \vee \vee$) $=$ ($\vee \vee \vee$) \vee ($\vee \vee \vee$) $=$ ($\vee \vee \vee$) \vee ($\vee \vee \vee$) $=$ ($\vee \vee \vee$) $=$ ($\vee \vee \vee$) $=$ ($\vee \vee \vee$)

تمارین ومسائل: (۲ - ٥)

$$(0.7) \quad 0.7 \quad 0.$$

$$^{(m)}$$
 مجموعة حل $_{\mathcal{O}}(m)$ $^{(m)}$ هـ $^{(m)}$

$$\frac{\pi^{0}}{7} : \frac{\pi}{7} = \frac{\pi^{0}}{7} : \frac{\pi}{7} = \frac{\pi^{0}}{7} : \frac{\pi}{7} = \frac{\pi^{0}}{7} : \frac{\pi}{7} : \frac{\pi}{7}$$

تمارین ومسائل: (۲ - ٦)

		۳) د.	۲) اُ.	س۱: ۱) ج.
ە) خ	٤) خ.	۳) ص.	۲) خ.	س۲: ۱) ص.
٥) ص	٤) ص.	۳) ص.	۲) خ.	س۳:) ص.

تمارین ومسائل: (۲ - ۷)

- س۱: ۱) ج. ۲) ب
- س۲: ۱) ص. ۲) خ. ۳) ص
 - س٣: ١) بعض المربعات ليست معينات.
 - ٢) كل الاقترانات ليست دائرية.
 - $\forall Y$ (س، ص) $\in d \times d$ ، س > ص
- ٤) بعض مماسات الدائرة ليست عمودية على أنصاف أقطارها.

تمارین ومسائل: (۲ - ۸)

- س١: أثبت أنّ :إذا كان ك عدداً فردياً، فإنّ ك عدد فردي.
 - نفرض ف: ك عدد فردي
 - `ట :∿
 - المطلوب إثبات: ف $\longrightarrow \omega$.
- $1 + ((7 + 7)^{7} + 1) + (5 + 7)^{7} + 3 + 7 + 7) + 7 + 7)$
 - =۲و +) = عدد فردی.

س٢:) أثبت أنّ: إذا كان ك، ل، م)، ثلاثة أعداد صحيحة موجبة ، وكان باقي قسمة ك على γ = باقي قسمة ل على γ فإنّ: 2 - 1 يقبل القسمة على γ .

البر هان

المطلوب إثبات: ف
$$\rightarrow \omega$$
.

ست: أثبت أنّ: إذا كان أ، ب عددين حقيقيين، فإنّ: $\sqrt{7^7+ \cdot \cdot \cdot^7} \leqslant |7| + |\cdot|$

نفرض ف: أ، ب عددان حقيقيان، المطلوب إثبات: ف $\longrightarrow \nu$.

: | أ | > ، > اب | > ، > الطرفين في العدد ٢، فينتج:

نتج أنّ: $(\cdot) \times | \cdot \rangle \times | \cdot \rangle$ الطرفين ينتج أنّ: $(\cdot) \times | \cdot \rangle \times | \cdot \rangle$

بأخذ الجذر التربيعي للطرفين ينتج أنّ: $| \ ^1 | + | - |) > \sqrt{ \ ^7 + \cdot \cdot \cdot }$

س٤: استخدم البرهان غير المباشر لإثبات أنّ: إذا كان ك تقبل القسمة على ٣ فإنّ: ك يقبل القسمه على ٣. ف: ك يقبل القسمة على ٣.

٧: ك يقبل القسمه على ٣.

المطلوب إثبات أنّ: ف → ٧، وبطريقة الإثبات غير المباشر نثبت صحة:

 $\sim \sim \sim$ حيث $\sim \sim$ القسمه على ٣. ك لا يقبل القسمه على ٣.

√ف: ك¹ لا يقبل القسمة على ٣.

ك V يقبل القسمه على V ، إذن: V = V + و ، و = 1 ، V (وهي الباقي)

 $\mathbf{b}^{\gamma} = (\pi \mathbf{b} + \mathbf{e})^{\gamma} = \mathbf{p} \mathbf{b}^{\gamma} + \mathbf{r} \mathbf{b} \mathbf{e} + \mathbf{e}^{\gamma} = \pi (\pi \mathbf{b}^{\gamma} + \mathbf{r} \mathbf{b} \mathbf{e}) + \mathbf{e}^{\gamma}$, eath:

 $\mathbf{b}' = \mathbf{r} + \mathbf{e}'$ ، وهذا \mathbf{k}' يقبل القسمة على \mathbf{r} ؛ \mathbf{k}' ن: $\mathbf{e}' = \mathbf{r}$ ، أو ٤ \mathbf{k}' تقبل القسمة على \mathbf{r} .

سه: قطع وليد مسافة تزيد عن ٣٦٠ كم في رحلة ، وتوقف أثناء سفره مرتين فقط، استخدم البرهان بالتناقض؛ لإثبات أنّ وليداً قطع أكثر من ١٢٠ كم في إحدى مراحل رحلته الثلاث على الأقل.

س: المسافة المقطوعه في المرحلة الأولى.

ص: المسافة المقطوعه في المرحلة الثانية.

ع: المسافة المقطوعه في المرحلة الثالثة.

ف: س + ص + ع > ، ۳٦٠ ، أو ص > ، ۱۲۰ ، أو ص + ع > ، ۳۲۰ ،

المطلوب: إثبات أنّ: ف → ، البرهان بالتناقض.

نفرض: ف صحيحه، ٧ خاطئة، إذن: ٧٠٠ س ﴿١٢٠ و ص ﴿١٢٠ و ع ﴿١٢٠

37. < 0 + 3 = 1 إذن: س + ص + ع 30 = 10، وهذا يتناقض مع كون س + ص + ع

إذن: الافتراض خاطئ، ومنه: س>١٢٠، أو ص>١٢٠ ، أو ع > ١٢٠

- القسمه على ۷. - القسمه على ۷.

نثبت صحة هذه العباره باستخدام الاستقراء الرياضي

 $v = \lambda$ عندما $v = \lambda - \lambda$ ، $\lambda = \lambda$ عندما

نفرض أنّ العبارة صحيحة عندما: $\mathbf{v} = \mathbf{b}$ ، أي أن: $(\Lambda)^{b}$ - ١ يقبل القسمه على ٧.

1 + 2 = 0 نثبت صحة العبارة عندما:

 $(\Lambda)^{b-1}$ يقبل القسمه على $(\Lambda)^{b}$ ومنه: $(\Lambda)^{b}$ - $(\Lambda)^{b}$ اإذن: $(\Lambda)^{b}$

بضرب الطرفين في العدد ٨: (٨) $^{(b+1)} = 7 \circ b + \Lambda$ بطرح ١ من الطرفين ينتج:

أي أن: (۸) $^{b+1}$ - ۱ يقبل القسمة على ۷.

. $Y - Y^{1+\omega}(Y) = Y^{1+\omega}(Y) + \dots + Y^{1+\omega}(Y) + Y^{1+\omega}(Y) + Y^{1+\omega}(Y) = Y^{1+\omega}(Y) + Y^{1+\omega}(Y) + Y^{1+\omega}(Y) = Y^{1+\omega}(Y) + Y^{1+\omega}(Y) + Y^{1+\omega}(Y) + Y^{1+\omega}(Y) = Y^{1+\omega}(Y) + Y^{1+$

نثبت صحة هذه العباره باستخدام الاستقراء الرياضي

عندما N=1، $\gamma=\gamma$ العباره صحیحة عندما عندما عندما عندما معباره صحیحة

نفرض أنّ العبارة صحيحة عندما $\omega = 2$ ،

. $Y - {}^{1+2}(Y) = {}^{2}(Y) + \dots + {}^{r}(Y) + {}^{$

نثبت صحة العبارة عندما: ن = ك + ١، بمعنى:

$$(\tau^{-1})^{+2}(\tau) = (\tau^{-1})^{+2}(\tau) + \dots + (\tau^{-1})^{-1}(\tau) + (\tau^{-1})^{-1}(\tau)$$

الله الطرفين
$$(\tau)^{1+2} + \dots + (\tau)^{1+2} = (\tau)^{1+2} + \dots + (\tau)^{1+2}$$
 الله الطرفين

$$^{1+2}(Y) + Y - ^{1+2}(Y) = ^{1+2}(Y) + ^{2}(Y) + \dots + ^{r}(Y) + ^{r}(Y) + ^{r}(Y)$$

$$(7)^{1+\omega}($$

$$(\tau - \tau^{1+2})(\tau) = \tau^{1+2}(\tau) + \tau^{2}(\tau) + \dots + \tau^{r}(\tau) + \tau^{r}(\tau) + \tau^{r}(\tau) + \tau^{r}(\tau)$$

سر
$$\wedge$$
: بالتناقض نفرض أنّ: أ $>$ و $\frac{1+1}{1+7} \geqslant \frac{1+7}{1+7}$

$$\cdot \leqslant \frac{1+7}{1+7} - \frac{1+7}{1+7}$$
 ومنها:

$$\cdot \leqslant rac{\Upsilon-}{8+18+1}$$
 بتوحيد المقامات والاختصار ينتج:

إذن: يوجد تناقض؛ لأنّ هذا المقدار أصغر من صفر.

تمارين عامة الوحدة الثانية

س۲: أ) ص. ب) ص. ج) ص. د) ص. هـ) ص.

اً) من خلال الجدول نلاحظ أنّ: ف $\rightarrow \nu \not\equiv \nu \rightarrow 0$ ف

ج) نلاحظ من الجدول السابق أن ف \sim \sim \sim ف

اسه:) ف خاطئة، ٧ صائبة

```
1 \pm \hat{l} ، ، <\hat{l} ، حیث: \hat{l} مین: \hat{l} مین: \hat{l} اثبت أن: إذا كان س \pm ص فإن: \hat{l}
                                          1 \neq 1^{-1}, < 1^{-1}ف: س \neq ص، = 1^{-1} الس = 1^{-1}
                                                المطلوب اثبات أنّ : ف → ، البه هان بالتناقض
                                                نفرض ف صحیحه، ۷ خاطئة، إذن: ۱۰۰۰ اس الم
نثبت صحة هذه العباره باستخدام الاستقراء الرياضي
                                     عندما \nu = 1 ، (۱) محیحة \nu = 1 ، (۱) عندما \nu = 1 . العباره صحیحة
                                                        نفرض أنّ العبارة صحيحة عندما \nu = 2 ،
                                      \xi \setminus ((1+2)^{7}) = (2) + \dots + (7) + (7) + (7) + (7) اُی اُنّ:
                                                نشت صحة العبارة عندما: \mathbf{v} = \mathbf{b} + 1 أي نشت أنّ:
                                         \xi^{r}(r+2)^{r}(1+2) = r(1+2) + \dots + r(r) + r(r) + r(r)
                                              \xi \setminus ((1+2)^{r}2) = (2) + ... + (r) + (r) + (r)
    باضافة (ك+١) للطرفين
                              بتوحيد المقامات
                           \xi \setminus (r(1+2)\xi + r(1+2)r^22) = r(1+2) + r(2) + \dots + r(r) + r(r) + r(r)
                             \{(\xi + d\xi + \tau d)^{r}(1 + d) = \tau(1 + d) + \tau(d) + \dots + \tau(\tau) + \tau(\tau) + \tau(\tau) \}
                                  \xi^{r}(r+d)^{r}(r+d) = r(r+d) + r(d) + \dots + r(r) + r(r) + r(r)
```

حلول الوحدة الثالثة: المعادلات والمتباينات

تمارین ومسائل: (۳ - ۱)

$$\frac{\pi}{7}$$
 or $\frac{\pi}{7} = 1$... $\frac{1}{7} = 1$ $\frac{\pi}{7}$ or $\frac{\pi}{7} = 1$ $\frac{\pi}{7}$ or $\frac{\pi}{7} = 1$ $\frac{\pi}{7} = 1$

نجمع ۱ مع ۲

المعادلة ٢ مع ٣

$$0 \times (0 + 700 + 3 = 0)$$
(7)

$$9m - 010m + 73 = -11$$
(1)

نأخذ المعادلة ٤ مع ٥

ونعوض ونجد قيمة: ع = ٢، ص = ١

سه: نفرض أنّ عدد الدقائق العرض الأول: س، والثاني: ص، والثالث: ع.

$$(1)$$
 $+ \infty + 3 = 0.5$

$$(Y) \dots \qquad \qquad \forall \, \cdot = \, z + \omega$$

س۶: ف = اله + ب ۱۵ + جـ

بحل المعادلات ينتج: أ =٠٣م/ث (السرعة الابتدائية) ، ب= -٥ ومنها: التسارع ٢ب= -١٠ م/ ٢٠، جـ = ٢٠م (ارتفاع البناية)

تمارین ومسائل: (۳ - ۲)

$$w + \omega = 0 \qquad (1) \qquad w = 0 - \omega$$

$$w + \omega = 0 \qquad (1) \qquad w = 0$$

$$w + \omega = 0 \qquad (1) \qquad w = 0$$

$$w + \omega = 0 \qquad (1) \qquad (1) \qquad w = 0$$

$$w + \omega = 0 \qquad (1) \qquad (1) \qquad w = 0$$

$$w + \omega = 0 \qquad (1) \qquad (1$$

$$w_1$$
: w_1 : w_2 : w_3 : w_4 : w_4 : w_5 : w_5 : w_6 : w_7 :

$$m_{T}$$
 as let T_{T} as let T_{T} as T

سه: بتعویض قیم ص وحل المعادلة تکون نقاط التقاطع هي: $(\frac{\pm}{19})$ ، $(\pm \frac{1}{19})$ ، (ملحوظة: یمکن التقریب بالآلة الحاسبة)

س٦: معادلة الدائرة: (س
7
) 7 + (ص 7) 7 = 7 ، ومعادلة المستقيم ص 7 = 7 نعوض ص وبفك الأقواس فتكون نقط التقاطع: (7 8 9 9

تمارین ومسائل: (۳ - ۳)

$$\Lambda \pm = 0$$
 ، $\Lambda \pm 0$ ، $\Lambda \pm 0$ ، $\Lambda \pm 0$. Λ

$$(7-3-3)^{-1}$$
 (ملحوظة: تعدل المعادلة الثانية إلى: $(7-3-3)^{-1}$ (ملحوظة: تعدل المعادلة الثانية إلى: $(7-3-3)^{-1}$ ($(7-3-3)^{-1}$) $(7-3)^{-1}$) $(7-3)^{-1}$) $(7-3-3)^{-1}$) $(7-3-3)^{-1}$) $(7-3-3)^{-1}$) $(7-3-3)^{-1}$) $(7-3-3)^{-1}$) $(7-3-3)^{-1}$) $(7-3-3)^{-1}$) $(7-3-3)^{-1}$) $(7-3-3)^{-1}$) $(7-3-3)^{-1}$) $(7-3-3)^{-1}$) $(7-3-3)^{-1}$) $(7-3-3)^{-1}$) $(7-3-3)^{-1}$) $(7-3-3)$

$$11 = {}^{7} \Theta + {}^{9} \Theta$$
 $11 = {}^{7} \Theta + {}^{7} \Theta +$

$$m^{7} = 7 + 3 \quad m^{7}$$

$$m^{7} = 7 + 3 \qquad m = \pm \sqrt{7}$$

$$(\pm\sqrt{r},\pm t)$$

$$9 \cdots + 9 \cdots + 9 \cdots + 10 \cdots + 9 \cdots + \cdots + \cdots$$

$$\mathbf{z} = \mathbf{z} + \mathbf{z}$$

$$17... + cm^7 = ... + cm^7 = m^7 + ...$$

$$17, \xi \approx \frac{7}{100} = 10.$$

$$V = {}^{Y} - {}^{Y} - {}^{Y}$$

$$\sqrt{r}$$
 بحل المعادلتين بالحذف تكون نقط التقاطع: (r $\pm r$)

تمارین ومسائل: (۳ - ٤)

• =
$$^{\omega}\Lambda$$
 - $^{\gamma}\omega$ ξ ($\overline{)}$

$$(a^{Y_{w}} - 0 a^{w} + 7 = 0)$$
 $(a^{W_{w}} - 7) (a^{W_{w}} - 7) = 0$
 $(a^{W_{w}} - 7) (a^{W_{w}} - 7) = 0$

الملتقى التربوي www.wepal.net

ج) بفك الاقواس والاختصار: س=٢

$$1 = {}^{\omega} R$$
 , $YV = {}^{\omega} R$
 $YV = {}^{\omega} R$, $YV = {}^{\omega} R$
 $YV = {}^{\omega} R$, $YV = {}^{\omega} R$
 $YV = {}^{\omega} R$, $YV = {}^{\omega} R$

$$\begin{array}{ccc}
^{\circ}, & & \\
^{\circ}, & & \\
^{\circ}, & & \\
\end{array}$$

$$\begin{array}{ccc}
^{\circ}, & & \\
^{\circ}, & & \\
\end{array}$$

$$\begin{array}{cccc}
^{\circ}, & & \\
^{\circ}, & & \\
\end{array}$$

$$\begin{array}{cccc}
^{\circ}, & & \\
^{\circ}, & & \\
\end{array}$$

٣ - ٢ - ٣ + ٢ - ٣ - ٢ - ٣

س۸: أ) لوراً= لوراً × لورج (حيث: ج > ، ، ج
$$\pm$$
 ۱)

البرهان: نفرض $m = \text{Le}_{7}^{1}$ ، ومنها: $n = 7^{2}$ (۱)

نفرض $m = \text{Le}_{7}^{2}$, ومنها: $n = 7^{2}$ (۲)

بتعویض قیمة $n = 7^{2}$ معادلة (۱) ینتج: $n = 10^{2}$ ومنها: $n = 10^{2}$ ومنها: $n = 10^{2}$

الملتقى التربوي www.wepal.wet

ب) لورا =
$$\frac{1}{\text{Le}_{1}^{1/2}}$$
 البرهان: $\text{Le}_{1}^{1/2} = \text{Le}_{2}^{1/2} \times \text{Le}_{1}^{1/2} = \text{Le}_{1}^{1/2} = \text{Le}_{1}^{1/2}$

ج) لور، $q^{7} = L_{0}q^{9}$ البرهان: $L_{0}q^{7} = L_{0}q^{7} \times L_{0}q^{9} = 2L_{0}q^{9} \times \frac{1}{2}L_{0}q^{9} = L_{0}q^{9}$

تمارین ومسائل: (۳ - ۵)

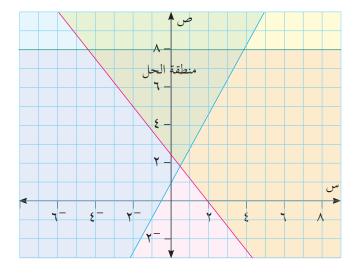
۶ س + ۳ص ≥ ۸ ———— ص ﴿ ٨ ،

۲ س + ۱ ﴿ ص،

اس۱:

۲	•	س
•	٢,٦٦	ص

٠,٥-	•	س
•	١	ص

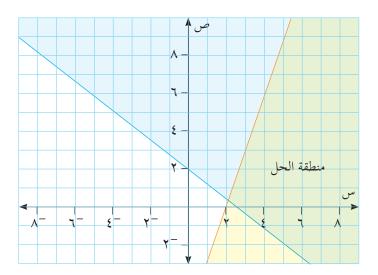


٣س+ ٤ ص > ٨

س۲: ۲س − ۲ص ≽۱۲

٢,٦٦	•	س
•	۲	ص

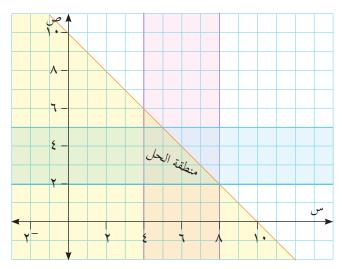
۲	•	س
•	٦-	ص







١٠	•	س
•	١٠	ص



س٤: معادلة الخط المار بالنقطتين: (٠، ٦)، (٤، ٢)

$$7-m$$
 $7 < m$ المتباینة ص

معادلة الخط المار بالنقطتين: (٠، ٤)، (٤، ٢)

$$\xi + \omega = \frac{1-}{\gamma}$$
 س + $\xi + \omega$ المتباینة ص $= \frac{1-}{\gamma}$ س + ξ

معادلة الخط المار بالنقطتين (٠، -٦)، (-٢، ٥)

$$7-m = \frac{11-}{7}$$
 س -7 / المتباینة من

تمارین ومسائل: (۳ - ٦)

$$\Lambda = |V - P \circ|$$

$$\Lambda \pm = |V - P \circ|$$

$$\Lambda \pm V = P \circ$$

$$\Lambda \pm V = P \circ$$

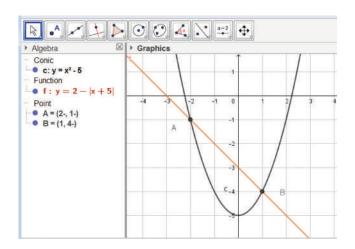
$$\Upsilon = P \cdot \frac{V - V}{V - V} = P$$

س٤:
$$\Upsilon$$
 | س $- \cdot \tau$ | = | س $- \cdot \Lambda$ | بعد إعادة التعريف للقيمه المطلقة نلاحظ أنّ:

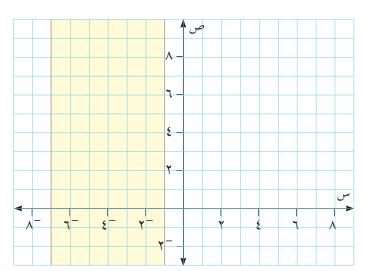
$$^{\circ}$$
س - ۱۸۰ = س - ۸۰ ومنها: $^{\circ}$ ومنها: س - ۱۸۰ ومنها: س - ۱۸۰ ومنها: س

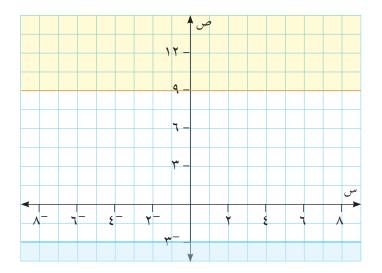
$$-\Upsilon$$
س+۱۸۰ = $-m+۰$ ۸ ومنها: $-\Upsilon$ س= ۱۸۰۰ ومنها: س=۰۰ مقبولة

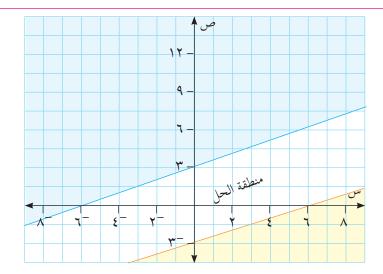
سه: س^۲ – ۵ = ۲ – | س+۵|، ومنها: ۷ – س^۲ = | س+۵| بإعادة التعريف والحل تكون نقاط التقاطع: (۱، –٤)، (-۲، –۱)

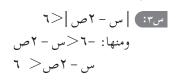


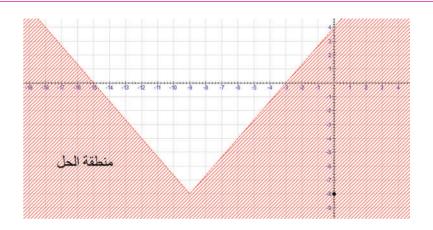
تمارین ومسائل: (۳ - ۷)











سه: المستقيم الأول يمر بالنقطتين (٤، ٠)، (٠، -٨)

$$\Lambda = - \times - \times = - \times \times = -$$

معادلة الثاني: ص
$$-$$
 • = Υ (س $+$ ٤) ومنها: ص Υ س = Λ بُعد النقطة عن المستقيم: Υ س Γ ص $-$

$$\dot{\omega} = \frac{\left| -\Lambda + \cdot + \Lambda - \right|}{\sqrt{27 + 17}} = \frac{77}{\sqrt{6}}$$

تمارين عامة الوحدة الثالثة

س١٠) السؤال ١١ ٣ ٣ ٤ ٥ ٦ ٧ ٨ ٩ ١٠ الجواب ج ب أ د ب أ ب ج أ د

س۲: ع(س)= اس^۲ +ب س+ج

بجمع المعادلة الأولى مع الثانية ينتج:
$$14 + 7 = -3$$
 ومنها: $1 + 7 = -7$

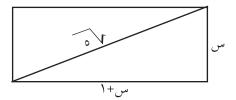
$$\xi - m^{7} + 7m - 3$$
ق (س)= ۲ ق

ثانیاً:
$$0 \gg m \gg -1:-1$$
س $+1 \ll 0$ ومنها: س $-1 \gg m \gg -1:-1$

$$1 = -3$$
 شالثاً: س $= -3$ ش $= -3$ شالثاً: س $= -3$ شالثاً: س $= -3$ شالثاً: س

إذن: مجموعة الحل هي: س[٥,١،١]

س٤: س+١



$$(m+1)^7 + m^7 = O(\sqrt{O})^7$$

المساحة =
$$۲ م '$$
 ، ومنها: التكلفة تساوي $1 \times 7 = 17$ دينار

سه: س^۲ +ص^۲ = ۲۵

$$T \cdot = {}^{\Upsilon} - {}^{\Upsilon} - {}^{\Upsilon} - {}^{\Upsilon}$$

٥س = ٠٨ ومنها: س
$$= 17$$
 ومنها: س = ٤ تهمل السالبة.

• =
$$\frac{1}{mr} + \frac{1}{\xi} \times mr - \frac{1}{\lambda} \times mr - r(mr)$$

بفرض ص
$$= Y^m$$
 تصبح المعادلة:

7
 - 7 - 7 - 1 -

$$\frac{1}{\xi}$$
 ومنها إمّا: ص $=\frac{1}{\lambda}$ ، أو: ص

ومنها:
$$Y^{-} = Y^{-7}$$
 أي ان $m = -7$ أو: $Y^{-} = Y^{-7}$ أي أنّ: $m = -7$

س٧: أ) لو (س-٢) (س-٨)=٣ ومنها: (س-٢) (س-٨)= ٢٧

• = (1+
$$\omega$$
) (11- ω) = • = 11- ω

$$(w_{\gamma\gamma}(w_{\gamma}(w_{\gamma}) + w_{\gamma}(w_{\gamma}(w_{\gamma})) = 3)$$

$$\frac{w_{\gamma\gamma}(w_{\gamma}(w_{\gamma}))}{w_{\gamma}(w_{\gamma}(w_{\gamma}))} + w_{\gamma\gamma}(w_{\gamma}(w_{\gamma})) = 3$$

$$\frac{1}{w_{\gamma}} w_{\gamma\gamma}(w_{\gamma}(w_{\gamma}(w_{\gamma})) + w_{\gamma\gamma}(w_{\gamma}(w_{\gamma}(w_{\gamma}))) = 3$$

$$\xi = (Y - W) = 3$$

$$W = Y = Y$$

$$W = Y = Y$$

$0 < \omega < 0$, $0 < \omega < 0$, $\omega > 0$

