



ملاحظة : عدد أسئلة الامتحان (٥) أسئلة ، وعلى الطالب أن يجيب عنها جميعاً . مجموع العلامات (٦٠) علامة

السؤال الأول : ضع دائرة حول رمز الاجابة الصحيحة فيما يلي: (١٨ علامة)

(١) ما قياس الزاوية التي يصنعها المتجه $\vec{a} = (1, 0, -1)$ مع الاتجاه الموجب لمحور السينات ؟
 (أ) 60° (ب) 90° (ج) 45° (د) 135°

(٢) إذا كان $\vec{a} \cdot \vec{b} = 6$ ، $|\vec{a}| = 4$ ، فان $|\vec{a} + 2\vec{b}| =$

(أ) ١٤ (ب) ٢٢ (ج) ٢٦ (د) ٣٨

(٣) $\vec{a}$ ، $\vec{b}$ متجهان غير صفريين بحيث $|\vec{a} \times \vec{b}| = \vec{a} \cdot \vec{b}$ ، ما قياس الزاوية بين المتجهين $\vec{a}$ ، $\vec{b}$ ؟
 (أ) 60° (ب) 120° (ج) 45° (د) 135°

(٤) العبارة (المسافة بين ثلاثة أمثال س والعدد ٢ لا تقل عن ٥) تعني :

(أ) $|2 - 3s| < 5$ (ب) $|2 - 3s| \leq 5$ (ج) $|2 - 3s| > 5$ (د) $|2 - 3s| \geq 5$

(٥) مجموعة حل الجملة المفتوحة ق(س) : $9^{s+2} = 1$ ، س ح هي :

(أ) $\{3\}$ (ب) $\{3 -\}$ (ج) $\left\{\frac{5-}{2}\right\}$ (د) $\{0\}$

(٦) المعاكس الايجابي للعبارة (إذا كان الكلام من فضة فإن السكوت من ذهب) هو:

(أ) إذا كان السكوت ليس من ذهب فإن الكلام ليس من فضة .

(ب) الكلام من فضة والسكوت ليس من ذهب .

(ج) إذا كان الكلام ليس من فضة فإن السكوت ليس من ذهب .

(د) إذا كان السكوت ليس من ذهب فإن الكلام من فضة .

(٧) أي النقاط التالية تنتمي لمجموعة حل النظام : $|s| < 5$ ، $3s + 2v \geq 6$ ؟

(أ) $(3, 3 -)$ (ب) $(3, 2 -)$ (ج) $(2, 3)$ (د) $(3, 2)$

- (٨) أ) $(\sim \vee \sim) \leftrightarrow (\sim \wedge \sim)$ (ب) $(\sim \vee \sim) \leftarrow (\sim \wedge \sim)$ (ج) $(\sim \wedge \sim) \wedge (\sim \vee \sim)$ (د) $(\sim \wedge \sim) \vee (\sim \vee \sim)$
- (٩) يمكن تحديد مستوى واحد فقط ب :

أ) ثلاث نقاط مستقيمة (ب) مستقيم ونقطة واقعة عليه (ج) مستقيمين متخالفين (د) مستقيمين متوازيين

(١٠) أ ب ج مثلث فيه أ ب = ٥ سم ، أ ج = ٢ سم ، $\angle \text{أ} = 60^\circ$ ، ما طول ب ج ؟

- أ) $\sqrt{19}$ (ب) $\sqrt{39}$ (ج) $\sqrt{29}$ (د) $\sqrt{59}$
- (١١) إذا كان $\vec{a} + \vec{b} = (4, 2, 5)$ وكان $\vec{a} - \vec{b} = (1, 2, -1)$ ، فإن $|\vec{a}| =$ (أ) ٣ (ب) ٤ (ج) ٥ (د) ٦

- (١٢) إذا كانت $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$ ثلاثة متجهات غير صفرية بحيث $\vec{a} \times \vec{b} = \vec{c}$ ، فإن العبارة الصائبة فيما يلي هي :
- أ) $\vec{a} \parallel \vec{b}$ (ب) $\vec{c}$ يوازي كل من $\vec{a}, \vec{b}$ (ج) $\vec{c}$ يعامد كل من $\vec{a}, \vec{b}$ (د) $\vec{c}$ يعامد $\vec{a}$ ، ويوازي $\vec{b}$

السؤال الثاني : (١٠ علامات)

- أ) إذا كان $\vec{a} = (1, 1, 0)$ ، $\vec{b} = (5, 1, 3)$ (٣ علامات)
- جد : (١) متجه وحدة عكس اتجاه $\vec{a}$ (٢) نقطة البداية للمتجه $\vec{b}$ علماً بأن نقطة نهايته هي $(-1, 3, 2)$ (علامة)
- ب) استخدم الإستقراء الرياضي لإثبات أن : (٤ علامات)
- $1 + 3 + 5 + 7 + \dots + (2n-1) = n^2$ ، لجميع $n \in \mathbb{N}^*$.
- ج) إذا كان ق(س) = $8^{2+1} - 4^3$ ، وكان ق(ب) = صفر ، ما قيمة / قيم ب ؟ (علامتان)

السؤال الثالث : (١٠ علامات)

- أ) اكتب قيم الصواب لكل من العبارات التالية : (٣ علامات)
- (١) $\forall s, |s| \leq 3$ ، $s \in \mathbb{C}$
- (٢) لو $1 = 8$ العدد ٢ عدد أولي .
- (٢)
- يتبع ص/ ٣

(ب) استخدم البرهان غير المباشر (أو البرهان بالتناقض لإثبات أن :

(٤ علامات)

إذا كان العدد (ك^٢ + ٣) لا يقبل القسمة على ٣ ، فإن العدد ك لا يقبل القسمة على ٣ .

(ج) إذا كان $\vec{a} = (\text{جناس} ، -١)$ ، $\vec{b} = (٢\text{جناس} ، \text{جناس})$ ، وكان $\vec{a} \perp \vec{b}$

(٣ علامات)

جد قيم س علماً بأن $s \in [\pi ، ٠]$

السؤال الرابع : (١٢ علامة)

(أ) اكتب نفي العبارات التالية:

(٦ علامات)

(١) $E : s \rightarrow (s \rightarrow (s \rightarrow s))$ ، $s \rightarrow c$

(٢) قطرا المربع متعامدان و متساويان .

(٣) جميع الأعداد الفردية ، مربعاتها فردية .

(٣ علامات)

(ب) دون استخدام جداول الصواب ، أثبت أن : $\sim f \rightarrow \sim (f \vee g) \equiv \sim f \rightarrow \sim g$

(٣ علامات)

(ج) جد نقاط تقاطع المستقيم $s + v = ٢$ مع المنحنى $s^2 - v^2 = ١٧$ ؟

السؤال الخامس : (١٠ علامات)

(٣ علامات)

(أ) سجادة مستطيلة الشكل طول قطرها ٦ متر ، والفرق بين مربعي بعديها يساوي ١٤ ،

جد مساحة هذه السجادة ؟

(٤ علامات)

(ب) حل المعادلات التالية :

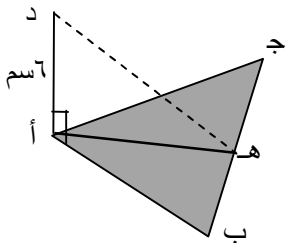
$$(١) \quad ٣ = (٨ - s)_٣ + (٢ - s)_٣$$

$$(٢) \quad ٦ = |s - ٣| + |١ - s|$$

(ج) في الشكل المجاور أ ب ج مثلث متساوي الأضلاع طول ضلعه ١٢ سم ،

أ د $\perp$ على مستوى المثلث أ ب ج ، أ د = ٦ سم ، هـ منتصف ب ج ،

جد : (١) طول هـ د (٢) قياس الزاوية أ د هـ (٣ علامات)



انتهت الأسئلة

مع دعائنا لكم بالنجاح والتوفيق
٣