



مدة الامتحان : ٣ ساعات
اليوم والتاريخ : ٧ / ١٤ / ٢٠١٩
مجموع العلامات (٢٠٠) علامة

مقرر: العظمي
لغة: الرياضيات
الدورة: الاستكمالية

ملاحظة: عدد أسئلة الورقة (ستة) أسئلة، أجب عن (خمس) منها فقط

القسم الأول: يتكون هذا القسم من أربعة أسئلة، وعلى المشترك أن يجيب عنها جميعاً

قال الأول: (٦٠ علامة)

في الإجابة الصحيحة، ثم ضع إشارة (x) في المكان المخصص في دفتر الإجابة:

١) ما قيمة $\frac{س^٣ - ٤س - ٤}{س - ٤}$ ؟

- (أ) صفر (ب) ١ (ج) ٥ (د) غير موجودة

٢) ما قيمة $\frac{س(س+٥) - (س+٥)س}{س}$ ؟

- (أ) $\frac{١}{٤}س$ (ب) $س(س+٥)$ (ج) $س(س-٥)$ (د) $٢س(س-٥)$

٣) إذا كان $س(س) = ٣س + ٥$ ، وكان متوسط تغير الاقتران $س(س)$ في الفترة $[١, ٣]$ يساوي ٤، ما قيمة متوسط تغير الاقتران $س(س)$ في نفس الفترة؟

- (أ) ٤ (ب) ٦ (ج) ١٢ (د) ١٧

٤) إذا كان $س(س) = س(س) + ٥$ ، وكان $س(١) = ٢$ ، $س(١) = ١$ ، فما قيمة $س(١)$ ؟

- (أ) ٢- (ب) صفر (ج) $\frac{١}{٢}$ (د) ٧

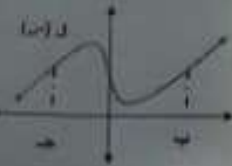
٥) إذا كان $س(س) = س(س) + ١$ ، $س(١) = ١$ ، $س(١) = ١$ ، فما قيم $س$ التي يكون عندها نطق حرجة للاقتران $س(س)$ في $[٣, ٤]$ ؟

- (أ) $\frac{١}{٤}$ (ب) $\frac{١}{٢}$ (ج) $\frac{١}{٤}$ (د) ٣، ٤

٦) إذا كان $س(س) = (س-٤)(س-٣)$ ، فما مجموعة قيم $س$ التي عندها نطق انعطاف لمنحنى $س(س)$ ؟

- (أ) $\{٣\}$ (ب) $\{٢, ٣\}$ (ج) $\{٣, ٢, ٤\}$ (د) $\emptyset$

٧) الشكل المجاور يمثل منحنى الاقتران $س(س)$ ، معتمداً عليه، ما الفترة التي تكون فيها $س(س) < ٠$ ؟



- (أ) $[ج, ب]$ (ب) $[ب, أ]$ (ج) $[أ, ج]$ (د) $[ج, ب]$

٨) إذا كان $س(س) = ٢س$ يحقق شروط نظرية القيمة المتوسطة في $[٢, ٣]$ ، فما قيم $س$ التي تعينها النظرية؟

- (أ) $س = ٢$ (ب) $س = ٠$ (ج) $س \in [٢, ٣]$ (د) $س \in [٣, ٢]$

٩) ما قيمة/قيم الثابت $ك$ التي تجعل المصفوفة $\begin{bmatrix} ٣ & ٢-ك \\ ك & ١ \end{bmatrix}$ منفردة؟

- (أ) صفر (ب) $٣, ١$ (ج) $٣, ٠, ١$ (د) ٢

لاحظ الصفحة التالية

→ ينق صفحة (٢)

(١٠) إذا كان $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 0 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 0 \end{bmatrix} = 3$ ، فما المصفوفة التي تساوي ٣ ؟

(أ) $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 0 \end{bmatrix}$ (ب) $\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$ (ج) $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 0 \end{bmatrix}$ (د) $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 0 \end{bmatrix}$

(١١) ما قيمة $\int_{\frac{1}{2}}^{\frac{3}{2}} \frac{2x}{x^2+1} dx$ ؟

(أ) $\ln 2 + \frac{1}{2}$ (ب) $\ln 2$ (ج) $\ln 2 + \frac{1}{2}$ (د) $\ln 2 + \frac{1}{2}$

(١٢) إذا كان $f(x) = x^2 + 5$ ، فما قيمة $f(2) - f(1)$ ؟

(أ) صفر (ب) ٨ (ج) ٢٠ (د) ٢٨

(١٣) إذا علمت أن $f(x) = x^2 - 2x + 3$ ، وكان $f(x)$ اقتراناً متصلاً على الفترة $[2, 4]$ ، فما قيمة $f(3)$ ؟

(أ) ٥ (ب) ٢ (ج) ٥ (د) ٣

(١٤) إذا كان $\int_{-1}^{1} (x^2 + 3) dx = 35$ ، فما قيمة الثابت b ؟

(أ) ٢ (ب) ١ (ج) ١ (د) ٢

(١٥) إذا كان $f(x) = x^2 - 2x + 3$ معرفاً على الفترة $[2, 4]$ وكانت $f(x)$ متصلة على الفترة $[2, 4]$ ، فما قيمة $f(3)$ ؟

(أ) ٣ (ب) ٢ (ج) ١ (د) غير موجودة

(١٦) إذا كان $\int_{-1}^{1} (x^2 + 3) dx = 8$ ، فما قيمة $\int_{-1}^{1} (x^2 + 3) dx$ ؟

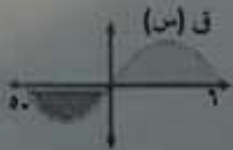
(أ) ٤ (ب) ٨ (ج) ٤ (د) ٨

(١٧) إذا كان $f(x) = x^2 - 2x + 3$ ، وكان $f(x) = \pi^3$ ، فما قيمة الثابت a ؟

(أ) π^6 (ب) π^2 (ج) $\frac{\pi}{2}$ (د) π^2

(١٨) إذا كانت مساحة المنطقة المظللة في الشكل المجاور ٢٠ وحدة مربعة ،

وكان $f(x) = x^2 - 2x + 3$ ، فما قيمة $\int_{-1}^{1} (x^2 + 3) dx$ ؟



(أ) ١١ (ب) ١٣ (ج) ١٤ (د) ٢٧

(١٩) ما قيمة المقدار $2^0 - 3^1 + 4^2 - 5^3$ ؟

(أ) صفر (ب) -1 (ج) -1 (د) -1

(٢٠) إذا كان $2^3 + 3^2 = 4^x$ ، فما قيمة x ؟

(أ) ٦ (ب) ٤ (ج) ٦ (د) ٦

لاحظ الصفحة التالية

← يتبع صفحة (٣)

السؤال الثاني: (١٠ علامة)

- استخدم طريقة كرامير لحل النظام
(أ) إذا كان $U(س) = 2 + س$ معرّفًا على الفترة $[٣, ٢]$ فجد الاقتران المكامل للاقتران $U(س)$ في تلك الفترة ٢
(ج) أوجد $\frac{d}{dx} \left(\frac{1}{x} \right)$ لكل x ما عدا ٢
(١) $س = س١ + س٢$ (٢) $٢ = \frac{1}{س} + \frac{1}{س}$ (٣) $س = \frac{٢}{٢-١} = ٢$ طاس ٣ + طاس ٢ = ٥

السؤال الثالث: (١٠ علامة)

- (أ) إذا كان $U(س) = ٣ + س٢ - س٣$. أوجد كل مما يلي
١. مجالات التزايد والتناقص للاقتران $U(س)$
٢. القيم القصوى المحلية للاقتران $U(س)$
٣. مجالات التقعر للأعلى وللأسفل للاقتران $U(س)$
٤. نقطة الانعطاف للاقتران $U(س)$
(ب) احسب مساحة المنطقة المحدودة بمنحني الاقترانين $U(س) = س٢$ و $هـ(س) = ٣ + س٢$
(ج) إذا كان $ع = (١-ت) - ٣$ ، فاكتب $ع$ على الصورة $١ + بيت$

السؤال الرابع: (١٠ علامة)

- (أ) إذا كان $ب = \begin{bmatrix} ١٤ & ٢س \\ ٣س & ٦ \end{bmatrix}$ فجد $\begin{bmatrix} ٣-٣ & ٣ \\ ٢ & ٢ \end{bmatrix} \begin{bmatrix} ٢-٢ & ٢ \\ ٣-٣ & ٤ \end{bmatrix}$
(١) قيم $س١$ و $س٢$ و $س٣$
(ب) جد التكميلات التالية (١) $\left[\begin{array}{c} ١ \\ ٢ \\ ٣ \end{array} \right] + \left[\begin{array}{c} ٢ \\ ٣ \\ ٤ \end{array} \right] = \left[\begin{array}{c} ٣ \\ ٥ \\ ٧ \end{array} \right]$ (٢) $\frac{٢-س٢}{٤-س٣-١} = س١$

القسم الثاني : يتكون هذا القسم من سؤالين وعلى المشترك أن يجيب عن أحدهما فقط .

السؤال الخامس: (٢٠ علامة)

- (أ) إذا كان $هـ(س) = ١ + س٢$ و $ح(س) = ١ + س٢$ ، أوجد قيمة / قيم الثابت / علما بأن $هـ(١) = ١$
(ب) إذا كان $ع = ٢ + ١ + ت$ ، وكان $ع = ٢$ ، فجد $ت$ ، فبين أن $٢ = ١$

السؤال السادس: (٢٠ علامة)

- (أ) إذا كان $ف = \begin{bmatrix} ح١ & ح٢ \\ ح٣ & ح٤ \end{bmatrix}$ ، فجد $ف$ ، فبين أن $٢ = ١$
(ب) إذا كان $U(س) = ١ + س٢$ و $هـ(س) = ١ + س٢$ ، فجد قيمة الثابت ٢

انتهت الاسئلة