



ملاحظة: حدد أسئلة الورقة (سلة) أسئلة ، أجب عن خمسة فقط

القسم الأول : يتكون هذا القسم من أربعة أسئلة وعلى المشترك الإجابة عليها جميعاً

السؤال الأول : اختر رمز الإجابة الصحيحة وانقله إلى دفتر الإجابة

٣٠ علامة

(١) إذا كانت $\begin{bmatrix} 3 & 9 \\ 0 & 6 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & 9 \\ 0 & 6 \end{bmatrix}$ فإن المصفوفة S تساوي :

(أ) $\begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 0 & 2 \end{bmatrix}$ (ب) $\begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 0 & 2 \end{bmatrix}$ (ج) $\begin{bmatrix} 3 & 9 \\ 0 & 6 \end{bmatrix}$ (د) $\begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 0 & 2 \end{bmatrix}$

(٢) إذا كان $\begin{bmatrix} 2 & 4 & 1 \\ 0 & 1 & 2 \end{bmatrix} = B$ فإن قيمة $3 \times B + B$ تساوي :

(أ) ١٠ (ب) ٢ (ج) ٤ - (د) ٥

(٣) إذا كانت $\begin{bmatrix} 4 & 8 \\ 9 & 1-S \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2S & 1-S \\ 9 & 2 \end{bmatrix}$ فإن قيمتي S ، S على الترتيب هما :

(أ) ٢ ، ٣ (ب) ٣ ، ٢ (ج) $2.3 \pm$ (د) $2.3 -$

(٤) $\sqrt[3]{S^2} = S$ يساوي :

(أ) $S + \frac{5}{3}$ (ب) $\frac{3}{5} S + 3$ (ج) $\frac{3}{5} S + \frac{5}{3}$ (د) $3 \times S + \frac{1}{3}$

(٥) إذا كان $B - A = \begin{bmatrix} 3 & 2 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$ فإن قيمة $(A - B) + 8(1 - B)$ تساوي :

(أ) $\begin{bmatrix} 6 & 4 \\ 3 & 2 \end{bmatrix}$ (ب) $\begin{bmatrix} 3 & 2 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$ (ج) $\begin{bmatrix} 3 & 2 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$ (د) $\begin{bmatrix} 6 & 4 \\ 3 & 2 \end{bmatrix}$

(٦) ناتج $\int \frac{1}{1+S} dS + \int \frac{1}{1+S} dS$ يساوي :

(أ) ٥ (ب) ٣ (ج) صفر (د) ٢ -

(٧) إذا كان $2S = 2S - \frac{2}{S}$ ، $S \neq 0$ ، فإن $\frac{2}{S}$ تساوي :

(أ) صفر (ب) ٨ (ج) ٤ (د) ٧

يتبع الصفحة الثانية

(١٨) إذا كانت $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 0 \end{bmatrix} = A^{-1}$ ، فإن A تساوي :

(أ) $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 0 \end{bmatrix}$ (ب) $\begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 0 \end{bmatrix}$ (ج) $\begin{bmatrix} 0 & 3 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$ (د) $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 0 \end{bmatrix}$

(١٩) ناتج العملية $\begin{bmatrix} 2 \\ 0 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 2 & 0 \end{bmatrix}$ يساوي :

(أ) $\begin{bmatrix} 10 \\ 10 \end{bmatrix}$ (ب) $\begin{bmatrix} 10 & 10 \end{bmatrix}$ (ج) $\begin{bmatrix} 20 & 10 \\ 10 & 4 \end{bmatrix}$ (د) [صفر]

(٢٠) لنكن $A = \begin{bmatrix} 3 \\ 2 \end{bmatrix}$ ، $B = \begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix}$ ، فإن $A \cdot B$ تساوي :

(أ) $\begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix}$ (ب) $\begin{bmatrix} 6 & 6 \end{bmatrix}$ (ج) $\begin{bmatrix} 6 \\ 6 \end{bmatrix}$ (د) $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix}$

السؤال الثاني : ٢٠ علامة

٨ علامات

(أ) إذا كانت $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 1 \end{bmatrix}$ ، $B = \begin{bmatrix} 2 & 4 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$ ، أوجد ما يلي (إن أمكن) :

(١) $A \cdot B$ (٢) $(A - B)^T$

٦ علامات

(ب) أوجد قيمة التكامل التالي :

$\int_1^2 \left(\frac{1}{x^2} - x \right) dx$

٦ علامات

(ج) إذا كان $\int_1^2 x f(x) dx = 4$ ، $\int_1^2 f(x) dx = 3$ ، حدد $\int_1^2 (3 - x) f(x) dx$

السؤال الثالث : ٢٠ علامة

٧ علامات

(أ) حل النظام التالي من المعادلات بطريقة كرامر :

$$\begin{aligned} x + y &= 1 \\ x - 2y &= 3 \end{aligned}$$

٦ علامات

(ب) جد قاعدة الاقتران $\int_0^1 x f(x) dx$ الذي مشتقته $f(x) = x^2 - 1$ ، ويمر بالنقطة $(1, 2)$

٧ علامات

(ج) حد قيمة / قيم $\int_0^2 (5 - x^2) dx$ التي تجعل

يتبع الصفحة الرابعة

٧ علامات

(أ) إذا كان $ق(س) = ٢س^٢ - ٣س + ٢$ ، $س(٣) = ٤$
أوجد فترات التزايد والتناقص والقيم القصوى (إن وجدت) مبيناً نوعها .

٦ علامات

(ب) إذا كان $س = \frac{٥ - س^٢}{س + ١}$ ، $س \neq ٠$ ، $١ - س = ٤$ ، جد $\frac{س}{س}$ طالما $س = ٢$

٧ علامات

(ج) إذا كان $(٥ \times هـ) = (٣) = ٨$ ، جد $هـ = (٣)$ علماً أن :

$$هـ(٣) = ٢ ، هـ(٣) = ٤ ، هـ(٣) = ٢ -$$

القسم الثاني : يتكون هذا القسم من سؤالين ، وعلى المشترك أن يجيب عن أحدهما فقط . ١٠ علامات

السؤال الخامس : ١٠ علامات

٥ علامات

(أ) ليكن $ق(س) = ٣هـ(س) + ٤$ ، وكان متوسط تغير الاقتران $هـ(س)$ على الفترة $[٢ ، ٥]$ يساوي ٦ ، جد متوسط تغير الاقتران $ق(س)$ على نفس الفترة .

٥ علامات

(ب) حل المعادلة المصفوفية التالية : $٢س = \begin{bmatrix} ٦ - ٥ \\ ٤ - ٣ \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} ٧ & ١ - \\ ٠ & ٢ \end{bmatrix}$

السؤال السادس : ١٠ علامات

٥ علامات

(أ) إذا كانت $س = \begin{bmatrix} ١ - ٣ \\ ٣ - ٢ \end{bmatrix}$ ، جد المصفوفة $س$ بحيث $٢(س - ٢س) = -س + ٣٣$

٥ علامات

(ب) إذا كان للاقتران $ق(س) = أ س^٢ + ب س$ قيمة صغرى محلية عند النقطة $(٢ - ، ٢ -)$ أوجد قيمة كل من $أ$ ، $ب$

انتهت الأسئلة
بالتوفيق

الفقرة	١	٢	٣	٤	٥	٦	٧	٨	٩	١٠
أ										
ب										
ج										
د										

الفقرة	١١	١٢	١٣	١٤	١٥	١٦	١٧	١٨	١٩	٢٠
أ										
ب										
ج										
د										

السؤال الثاني: ٢٠ علامة

أ. علامة

(أ) إذا كانت $\begin{bmatrix} 2 & 4 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = P \cdot \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 1 \end{bmatrix} = I$ أوجد ما يلي (إن أمكن):

$$\begin{aligned} (1) & \quad \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 1 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 2 & 4 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = P - I \\ (2) & \quad \begin{bmatrix} 3 & 2 \\ 3 & 0 \end{bmatrix} = P - I \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 7 - 2 &= 3 \times 0 - 3 - 0 = 18 - 0 \\ \begin{bmatrix} 3 & 2 \\ 3 & 0 \end{bmatrix} \times \frac{1}{7-2} &= \frac{1}{5} (P - I) \end{aligned}$$

$$\begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{3}{5} \\ \frac{2}{5} \\ \frac{3}{5} \end{bmatrix} =$$

$$\begin{aligned} (1) & \quad \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 2 & 4 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \\ (2) & \quad \begin{bmatrix} 3 & 2 \\ 3 & 0 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 2 & 4 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \\ (3) & \quad \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 1 \end{bmatrix} = \end{aligned}$$

(ب) أوجد قيمة التكامل التالي:

$$\int_1^2 \left(\frac{1}{x} - \frac{1}{x^2} \right) dx = \left[\ln x + \frac{1}{x} \right]_1^2 = \left(\ln 2 + \frac{1}{2} \right) - \left(\ln 1 + 1 \right) = \ln 2 - \frac{1}{2}$$

$$\int_1^2 \left(\frac{1}{x} - \frac{1}{x^2} \right) dx = \left[\ln x + \frac{1}{x} \right]_1^2 = \left(\ln 2 + \frac{1}{2} \right) - \left(\ln 1 + 1 \right) = \ln 2 - \frac{1}{2}$$

$$\left(\ln 2 + \frac{1}{2} \right) - \left(\ln 1 + 1 \right) = \ln 2 - \frac{1}{2}$$

$$\left(\ln 2 + \frac{1}{2} \right) - \left(\ln 1 + 1 \right) = \ln 2 - \frac{1}{2}$$

(ج) إذا كان $\int_1^2 (x^2 + 3x - 2) dx = 4$ ، أوجد $\int_1^2 (x^2 + 3x - 2) dx$

علامات

$$\int_1^2 (x^2 + 3x - 2) dx = 4$$

$$\int_1^2 (x^2 + 3x - 2) dx = 4$$

$$\int_1^2 (x^2 + 3x - 2) dx = 4$$

$$\int_1^2 (x^2 + 3x - 2) dx = 4$$

$$4 - 4 = 0$$

$$0 = 0$$

٢٠٠٥

$$2 = 1 + 1$$

$$3 = 1 + 2$$
$$2 = 1 + 1$$

$$3 = 1 + 2$$

$$1 - = \text{up} - \text{in}$$

$$P = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\gamma = \lambda + c = \begin{vmatrix} 1 & 1 \\ c & 2 \end{vmatrix} = |2.5|$$

(ب) جد قاعدة الاقران n (س) الذي منطلقه n (س) = $s^1 - s^2$ س ، ويعبر باللقطة $(1, 2)$

$$p + \frac{1}{2} - \frac{1}{2} = (1) \cdot 2$$

$$r = p + 1 - \frac{1}{2} = (1)_{\text{odd}}$$

$$\frac{A}{P} = P$$

$$\frac{1}{\sqrt{2}} - \frac{1}{\sqrt{2}} + \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

ج) حد قيمة / قيم ب التي تجعل $(2s - 5)(s - 2) = 2$

$$\therefore = 2 - 5s + 2s^2$$

$$\therefore = 2 + 5s - 2s^2$$

$$\therefore = (2 - 5s)(2 - 2s)$$

$$2 = 1 \quad 6 \quad 2$$

$$2 - = \int_0^2 \frac{2s^2 - 5s + 2}{s} ds$$

$$2 - = \int_0^2 \frac{2s^2 - 5s + 2}{s} ds$$

$$2 - = (2 - 5s)(2 - 2s)$$

$$2 - = 2 + 5s - 2s^2$$

السؤال الرابع ٢٠ علامة

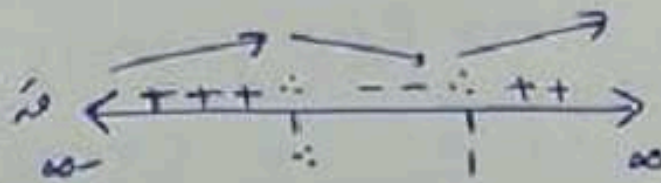
أ) إذا كان $u(s) = 2s^2 - 3s + 2$ ، $s > 0$
أوجد فترات التزايد والتناقص والقيم القصوى (إن وجدت) مبيهاً نوعها.

$$① \text{ حد } (u) = 2s^2 - 3s + 2$$

$$② \text{ حد } (u) = 2s^2 - 3s + 2$$

$$\therefore = (2s - 1)(s - 2)$$

$$s = 1 \quad 2$$



$$③ \text{ حد } (u) = 2s^2 - 3s + 2 = 1 \quad \text{عند } s = 1$$

$$\text{حد } (u) = 2s^2 - 3s + 2 = 2 \quad \text{عند } s = 2$$

$$④ \text{ فترات التزايد: } [1, 2] \text{ و } [2, \infty)$$

(ب) إذا كان $\frac{5-2s}{s^2+s} = \frac{K}{s} + \frac{A}{s+1}$ جد $\frac{K}{s}$ علماً أن $2 =$

هـ = $\frac{\text{المقام} \times \text{مشتق البسط} - \text{البسط} \times \text{مشتق المقام}}{\text{المقام}^2}$

ص = $\frac{(1+s)(5-2s) - (s)(1+s)}{(s+1)^2}$

ص = $\frac{(5)(1) - (s)(1)}{s^2 + 2s + 1} = \frac{5 - s}{s^2 + 2s + 1}$

$\frac{12}{36} =$

علامات ٧

(ج) إذا كان $(x \times y)' = (x)'y + x(y)'$ علماً أن :

$2 = (3)'$ ، $4 = (3)'$ ، $2 = (3)'$

$(x \times y)' = (x)'y + x(y)'$

$(x \times y)' = (x)'y + x(y)'$

$(3) \times 2 + 3 \times 4 = 18$

$(3) \times 2 = 12$

$(3)' = 3$

٥ علامات

١) ليكن $Q(S) = 3S + 4$ ، وكان متوسط تغير الاقتران $Q(S)$ على الفترة $[2, 5]$ يساوي ٦، جد متوسط تغير الاقتران $Q(S)$ على نفس الفترة

$$\text{متوسط تغير } Q(S) = \frac{Q(5) - Q(2)}{5 - 2}$$

$$18 = Q(5) - Q(2) \Leftrightarrow \frac{Q(5) - Q(2)}{5 - 2} = 6$$

$$\frac{Q(5) - Q(2)}{5 - 2} = \frac{(3 \times 5 + 4) - (3 \times 2 + 4)}{5 - 2} = \frac{15 + 4 - 6 - 4}{3} = \frac{9}{3} = 3$$

$$18 = \frac{(Q(5) - Q(2)) \times 3}{3} =$$

٥ علامات

ب) حل المعادلة المصفوفية التالية : $\begin{bmatrix} 7 & 1 \\ 0 & 2 \end{bmatrix} X = \begin{bmatrix} 6 & 0 \\ 4 & 3 \end{bmatrix}$ $\begin{matrix} 2 \\ 6 \end{matrix}$

$$7X - 1X = 6 - 0 = 6$$

$$\begin{bmatrix} 7 & 1 \\ 0 & 2 \end{bmatrix} X = \begin{bmatrix} 6 & 0 \\ 4 & 3 \end{bmatrix} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 6 & 0 \\ 4 & 3 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 7 & 1 \\ 0 & 2 \end{bmatrix} X = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 6 & 0 \\ 4 & 3 \end{bmatrix} \times 2 = \begin{bmatrix} 6 & 0 \\ 4 & 3 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 7 & 1 \\ 0 & 2 \end{bmatrix} X = \begin{bmatrix} 6 & 0 \\ 4 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 7 & 1 \\ 0 & 2 \end{bmatrix} X = \begin{bmatrix} 6 & 0 \\ 4 & 3 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 7 & 1 \\ 0 & 2 \end{bmatrix} X = \begin{bmatrix} 6 & 0 \\ 4 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 7 & 1 \\ 0 & 2 \end{bmatrix} X = \begin{bmatrix} 6 & 0 \\ 4 & 3 \end{bmatrix}$$

الصفحة ٦ من ٧

علامات

إذا كانت $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 2 \end{bmatrix}$ ، جذ المصفوفة من بحيث $2(س - 2) = -س + 23$ ،

$$س = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 2 \end{bmatrix} \left\{ \begin{array}{l} \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \times 3 + س = (س - 2) \\ \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 0 \end{bmatrix} + س = -2 - س \\ \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 0 \end{bmatrix} + س = 2 \\ س = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 0 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 0 \end{bmatrix} \\ س = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 0 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 0 \end{bmatrix} \end{array} \right.$$

علامات

(ب) إذا كان للفران (س) = $س + 1$ ، قيمة صفري محبة عند النقطة $(2, -2)$ أوجد قيمة كل من $ا$ ، $ب$

$$\begin{aligned} 2 &= (2 - 2) \\ 2 &= 2 - 1 + 1(2 - 2) \\ 2 &= 2 - 1 + 2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 2 + 1(2 - 2) &= 2 \\ \therefore 2 &= 2 - 1 + 2 \\ \therefore 2 &= 2 - 1 + 2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 2 &= 2 - 1 + 2 \\ \therefore 2 &= 2 - 1 + 2 \\ \frac{1}{2} &= \frac{1}{2} = 2 \end{aligned}$$

الصفحة ٧ من ٧