

ملاحظة: عدد أسئلة الورقة (ستة) أسئلة، أجب عن (خمسة) منها فقط

القسم الأول: يتكون هذا القسم من أربعة أسئلة، وعلى المشترك أن يجيب عنها جميعاً

السؤال الأول: - "٣٠ علامة"

يتكون هذا السؤال من (٢٠) فقرة من نوع الاختيار من متعدد، من أربعة بدائل، اختر رمز الإجابة الصحيحة، ثم ضع إشارة (X) في المكان المخصص في دفتر الإجابة:

- (١) إذا كان $\sim = \begin{bmatrix} 2 & 5 \\ 1 & 3 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 4 & 1 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$ ، فما قيمة $\sim_{٢١}$ ؟
 (أ) ٧ (ب) ١١ (ج) ٦ (د) ١-
- (٢) إذا كانت $\sim_{٢ \times ٣} = \sim_{٣ \times ١} \times \sim_{٢ \times ١}$ ، فما رتبة المصفوفة ؟
 (أ) ٣×١ (ب) ٣×٣ (ج) ١×٣ (د) ٣×٢
- (٣) إذا كانت $\sim$ ، $\sim$ مصفوفتان حيث $\sim \times \sim = \sim$ ، فما قيمة المصفوفة $\sim$ ؟
 (أ) $\sim^{-١}$ (ب) $-\sim$ (ج) $\sim^٢$ (د) $\sim^٩$
- (٤) إذا كان $\sim^{-١} = \begin{bmatrix} ١ & ٣ \\ ٣ & ٥ \end{bmatrix}$ ، وكانت $\sim = \begin{bmatrix} ١ & ٣ \\ ٣ & ٥ \end{bmatrix}$ ، فما قيمة/قيم $\sim$ ؟
 (أ) ٠ (ب) ١ (ج) ٢ (د) $١ \pm$
- (٥) أي المصفوفات التالية لها نظير ضربي؟
 (أ) $\begin{bmatrix} ١ & ١ \\ ١ & ٠ \end{bmatrix}$ (ب) $\begin{bmatrix} ١ & ١ \\ ٠ & ٠ \end{bmatrix}$ (ج) $\begin{bmatrix} ١ & ١ \\ ١ & -١ \end{bmatrix}$ (د) $\begin{bmatrix} ١ & ١ \\ ١ & ١ \end{bmatrix}$
- (٦) أي العبارات التالية تعتبر خطأ؟
 (أ) $||\sim \times \sim|| = ||\sim|| \times ||\sim||$ (ب) $||\sim|| = ||\sim^{-١}||$ (ج) $||\sim^{-١}|| = ||\sim||^{-١}$ (د) $||\sim^{-١}|| = ||\sim||^{-٢}$
- (٧) إذا كانت $\sim = \begin{bmatrix} ٣ & ٢ \\ ٤ & ١ \end{bmatrix}$ ، وكان $||\sim|| = ||\sim^{-١}||$ ، فما قيمة $\sim$ ؟
 (أ) ١٠ (ب) ١٥ (ج) ٢٠ (د) ٣٠
- (٨) عند حل نظام من معادلتين خطيتين، وجد أن $\sim = ٤$ ، $||\sim|| = ٦$ ، $||\sim|| = ٢$ ، فما قيمة $\sim$ ؟
 (أ) -٤ (ب) -٣ (ج) ٣ (د) ٤
- (٩) ما ميل المستقيم القاطع لمنحنى الاقتران $\sim$ (س) في النقطتين (٤، -٥) ، (٢، ٩) ؟
 (أ) -٢ (ب) ٢ (ج) -٧ (د) ٧
- (١٠) إذا كان متوسط تغير الاقتران $\sim$ (س) هو ٣ ، وكان $\Delta \sim = -٣$ ، فما قيمة Δ س ؟
 (أ) ٩ (ب) ١ (ج) -١ (د) -٩
- (١١) إذا كان $\sim$ (س) = ٧ ، فما قيمة $\sim$ (٢) ؟
 (أ) ٢ (ب) ٩ (ج) ١٤ (د) ٠
- (١٢) إذا كانت $\sim$ (س) = $\sim^{-١}$ ، فما قيمة $\sim$ (١) ؟
 (أ) صفر (ب) ١ (ج) $\frac{٣}{٥}$ (د) $\frac{٥}{٣}$

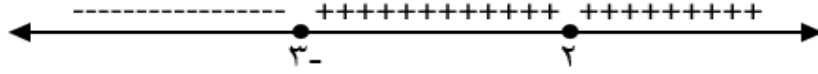
١٣) إذا كانت $٣ - ٢ = (س)٣$ ، $٣ = (س)٣$ ، $٣ = (س)٣$ ، فما قيمة $٣ - ٢$ ؟

أ) ٣- (ب) ١- (ج) ١ (د) ٣

١٤) إذا كان $٥ = (٢)٣$ ، $١ = (٢)٣$ ، ما قيمة مشتقة $(٣ - ٢)٣$ عند $س = ٢$ ؟

أ) ١٠ (ب) ١١ (ج) ٧ (د) ١٥

١٥) بالاعتماد على إشارة مشتقة الاقتران $٣ - ٢$ في الشكل التالي، فما العبارة الصحيحة فيما يلي؟



أ) عند $س = ٢$ قيمة عظمى محلية (ب) عند $س = ٣$ يوجد قيمة عظمى محلية

ج) عند $س = ٢$ قيمة صغرى محلية (د) عند $س = ٣$ يوجد قيمة صغرى محلية

١٦) إذا كان للاقتران $٣ - ٢ = (س)٣ + ٤س + ١$ عند $س = ١$ قيمة قصوى، فما قيمة الثابت ١ ؟

أ) ٦- (ب) ٢- (ج) ٢ (د) ٦

١٧) ما ناتج $٤س$ ؟

أ) صفر (ب) ٤ (ج) ٤س (د) ٤س + ج

١٨) إذا كان $٣ - ٢ = (س)٣ + ٥س + ج$ ، فإن $٣ - ٢ = ...$

أ) صفر (ب) ١٤ + ج (ج) ٩ (د) ٧

١٩) إذا كان $٥ = (س)٣$ ، $٥ = (س)٣$ ، فما قيمة $٣ - ٢$ عند $س = ٦$ ؟

أ) ٣- (ب) ٣ (ج) ٧ (د) ١١

٢٠) إذا كان $٣ - ٢ = (س)٣$ ، وكان $٣ - ٢ = (س)٣ + ١٣$ ، فما قيمة الثابت ١ ؟

أ) ٢، ٠ (ب) ٢، ٠ (ج) ٥- (د) ٥

السؤال الثاني: - (٢٠ علامة)

أ) جد قيمة مشتقة الاقتران $٣ - ٢ = (س)٣ - \frac{(١ - س٢)}{(٤س - ٣)}$ عند $س = ١$ (٧ علامات)

ب) إذا كان $٣ - ٢ = (س)٣$ ، وكان $٥ = (س)٣$ ، فما قيمة $٣ - ٢$ عند $س = ١٨$ ؟ (٧ علامات)

ج) ما قيمة $س$ التي تجعل $\begin{vmatrix} ٣ & ٥ \\ ٢ & ٢ \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} ٤ & ٢ \\ (١ - س) & ٥ \end{vmatrix}$ ؟ (٦ علامات)

السؤال الثالث: (٢٠ علامة)

أ) إذا كان $٣ - ٢ = (س)٣$ ، $٣ - ٢ = (س)٣$ ، أوجد

١. فترات التزايد والتناقص للاقتران $٣ - ٢$ على مجاله.

٢. القيم القصوى للاقتران $٣ - ٢$ ، وحدد نوعها. (١٠ علامات)

ب) حل نظام المعادلات التالي باستخدام قاعدة كرايمر: $٢ = س + ٢$ ، $١ - س = ص$ (١٠ علامات)

السؤال الرابع: -

(٢٠ علامة)

(أ) جد ناتج كل من (١) $\left[\frac{5-s^2}{s} \right]$ و (٢) $\left[\left(\frac{2}{s} + \sqrt{s} \right) \right]$ s (١٠ علامة)

(ب) إذا كانت $\begin{bmatrix} 5 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} = 2$ ، $\begin{bmatrix} 4 & 1 \\ 2 & 2 \end{bmatrix} = 3$ ، $\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 3 & 2 \end{bmatrix} = 4$ ، جد ناتج ما يلي إن أمكن (١٠ علامة)

١. $3-2$ ب

٢. $(3-2)$ ج

القسم الثاني: يتكون هذا القسم من سؤالين، وعلى المشترك أن يجيب عن أحدهما فقط.

السؤال الخامس: -

(أ) حل المعادلة المصفوفية $\begin{bmatrix} 3 \\ 4 \end{bmatrix} + s = \left(\begin{bmatrix} 4 \\ 3 \end{bmatrix} + 2s \right) 3$ (٥ علامة)

(ب) (أ) إذا كان $u(s) = 3s^2 - 5s + 3$ ، فما قيمة $u(s)u(s)$ ، علماً بأن $u(3) = 1$ ؟ (٥ علامة)

السؤال السادس: -

(أ) حل المعادلة المصفوفية $s \times \begin{bmatrix} 6 & 4 \\ 2 & 1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 3 \end{bmatrix} = 3$ (٦ علامة)

(ب) إذا كان $u(s) = 6s^2 - 6s$ ، جد قاعدة الاقتران $u(s)u(s)$ علماً بأن $u(1) = 2$ ؟ (٤ علامة)