

**ملاحظة : عدد اسئلة الورقة (سته) اسئلة ، اجب عن (خمسة) منها فقط**

**القسم الاول: يتكون هذا القسم من أربعة أسئلة، وعلى المشترك أن يجيب عنها جميعها.**

السؤال الأول: اختر رمز الإجابة الصحيحة، ثم ضع إشارة (x) في المكان المخصص في دفتر الإجابة (٣٠ علامة)

(۱) اذا كان  $s \neq 1$  ،  $s \neq 3$  ، جد  $\lim_{s \rightarrow 1} \frac{s^3 - 1}{s - 1}$  .

(۳- ب) ۳ (ج) ۶ (د) صفر

(٢) إذا كان  $و(س) = س^٢ ه(س)$  ، وكان متوسط التغير للاقتران  $ه(س)$  في الفترة  $[-٢, ٢]$  يساوي (٣) ،  
فما مقدار التغير في الاقتران  $و(س)$  على نفس الفترة .

٣ (٢)      ١٢ (ب)      ٤٨ (ج)      ٥٦ (د)

(٣) يتحرك جسم في خط مستقيم بحيث يتحدد موقعه بالأمتار عن نقطة ثابتة بعد  $n$  ثانية بالعلاقة  $f(n) = n^3 - 3n^2 + n + 1$ ، جد تسارع الجسم عندما تنعدم سرعته .

(۲) صفر م/ث<sup>۲</sup>      (ب) ۱ م/ث<sup>۲</sup>      (ج) ۳ م/ث<sup>۲</sup>      (د) ۲۴ م/ث<sup>۲</sup>

(٤) اذا كان  $(\mathcal{M} \circ \mathcal{L})(s) = s$  ، وكان  $\mathcal{M}(s)$  ،  $\mathcal{L}(s)$  اقترانين قابلين للاشتقاق حيث  $\mathcal{M}(s) = \frac{1}{s}$   $s \neq 0$  صفر ، فما قيمة  $\mathcal{L}(s)$  .

(۲) ا      (ب) س      (ج) م(س)      (د) ل(س)

(٥) إذا كان  $٧(٢س) = س٧(س)$  ،  $٧(٢-) = ٧(٢-) = ٣$  فما قيمة  $٧(١-)$  .

(٦) - (ب) (ج) (د) ٩

(٦) إذا كان  $v = \sqrt{e_1}$ ،  $e = \text{جا}^2 s$ ، جد  $\frac{ds}{ds}$  عندما  $v = 2$ ، علماً بأن  $s \in [\frac{\pi}{4}, 0]$ .

(۲) - ۲      (ب) صفر      (ج) ۲      (د) ۴

٧) إذا كان المستقيم  $v = -s^3 + s$  يمر بمنحنى الاقتران  $w(s) = s^5 - s^2 + 1$  ، جد نقطة / نقط التماس ؟

(٤ ، ١) ، (٣ ، ٢) ( د                      (٤ ، ١) ، (٦-، ٢) ( ج                      (٣ ، ٢) ( ب                      (١٧-، ٢-) ( پ

(٨) إذا كان  $\varphi(s) = s^2$  ،  $\varphi(s) = (s)$  ، حيث  $j \in \mathbb{N}$  ،  $\varphi(s) = s^j$  ، فما قيمة  $j$  .

(۲۰) ۱۲۰ (ب) ۲۴ (ج) ۶ (د) ۲

٩) إذا كان  $v = \frac{2}{\text{قاس}}$  جاس  $\frac{2}{\text{قاس}}$  ، جد  $\frac{2}{\text{قاس}}$  .

- ٢) صفر (ب) جاس ٢ (ج) جاس ٢ (د) جاس ٢
- ١٠) إذا كان  $v$  (س) اقتراناً معرفاً على الفترة  $[٠, ٣]$  وقابلاً للاشتقاق على الفترة  $[٠, ٣]$  بحيث  $v'(س) = \frac{٢-س}{١+س}$  ، فما عدد النقط الحرجة للاقتزان  $v$  (س) .
- ٢) (ب) ٣ (ج) ٤ (د) ٥

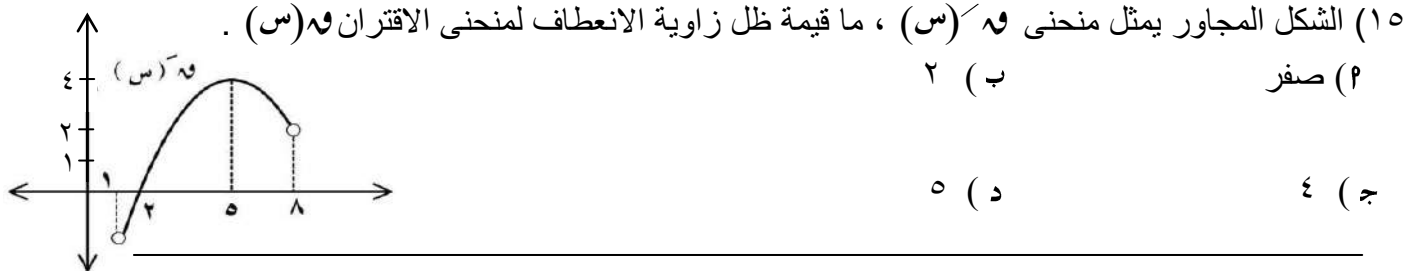
- ١١) إذا كان  $v$  (س)  $٣ = س$  ، يحقق نظرية القيمة المتوسطة في  $[٣, ٥]$  ، فما قيمة /قيم ج التي تعينها النظرية .
- ٢) صفر (ب) ٣ (ج)  $[٣, ٥]$  (د)  $[٥, ٣]$

- ١٢) إذا كان لمنحنى الاقتزان  $v$  (س)  $س^٣ + ٣س^٢ + ١س$  نقطة انعطاف افقي ، فما قيمة الثابت  $١$  .
- ٢) ٣- (ب) ١- (ج) ١ (د) ٣

- ١٣) إذا كان  $v$  (س) كثير حدود وكان  $v'(س) < ٠$  صفر عندما  $س > ٤$  ،  $v'(س) > ٠$  صفر عندما  $س < ٤$  ، وكان  $v'(٣) = ٠$  صفر ، فما العبارة الصحيحة دائماً من العبارات الآتية .
- ٢)  $v'(٣) = ٠$  صفر (ب)  $v'(٤) = ٠$  صفر (ج)  $v'(٣)$  عظمى محلية (د)  $v'(٣)$  صغرى محلية

- ١٤) إذا كان  $v$  (س) اقتراناً بحيث  $v'(س) = (٣-س)^٢(١-س)^٣(٥-س)^٤$  ، فما الفترة التي يكون فيها منحنى  $v$  (س) متزايداً .

- ٢)  $[١, \infty)$  (ب)  $[-١, \infty)$  (ج)  $[١, ٣]$  (د)  $[٣, ٥]$



- ١٦) إذا كانت  $١ = \begin{bmatrix} ٥ & ٣ & ١ \\ ٦ & ٤ & ٢ \end{bmatrix}$  ، ب مصفوفة من الرتبة  $٣ \times ٤$  ، وكان  $١ = ٢$  ،

- حيث  $٢$  المصفوفة المحايدة ، فما قيمة المقدار  $٢ + ١$  .
- ٢) ٦ (ب) ٧ (ج) ٨ (د) ٩

- ١٧) إذا كانت  $١ = \begin{bmatrix} ٣-س & ١ \\ ص & ١ \end{bmatrix}$  ، وكان  $||١|| = ||١^{-١}||$  ، فما قيمة / قيم المقدار  $ص$  .

- ٢) ٤- ، ٢- (ب) ٤ ، ٢- (ج) ٣- (د) ٢-

١٨) اذا كان  $[س \ ٢]$  ،  $\begin{bmatrix} س \\ ١ \end{bmatrix} = [١-س٢]$  ، فما قيمة / قيم س .

- ١- (أ) ١ (ب) ١ (ج) ١- ، ١ (د) ١- ، ٢

١٩) عند استخدام طريقة كريمر في ايجاد حل نظام مكوّن من معادلتين خطيتين وجد ان

$$\begin{bmatrix} ٣- & ٥ \\ ١ & ٣- \end{bmatrix} = س١ ، \begin{bmatrix} ٥ & ٢ \\ ٣- & ١- \end{bmatrix} = س٢ ، \text{ ما قيمة } س١-٢ .$$

- ١- (أ)  $\begin{bmatrix} ٣- & ٢ \\ ١ & ١- \end{bmatrix}$  (ب)  $\begin{bmatrix} ٣ & ٢- \\ ١- & ١ \end{bmatrix}$  (ج)  $\begin{bmatrix} ٣ & ١ \\ ٢ & ١ \end{bmatrix}$  (د)  $\begin{bmatrix} ٣- & ١- \\ ٢- & ١- \end{bmatrix}$

٢٠) اذا كانت  $\begin{vmatrix} ب & ١ \\ س & ج \end{vmatrix} = ٣$  ، فما قيمة  $\begin{vmatrix} س+ب & ج+١ \\ س٢ & ج٢ \end{vmatrix}$  .

- ١- (أ) ٦- (ب) صفر (ج) ٦ (د) ١٢

### السؤال الثاني:

٢٠ علامة

(١٠ علامات)

١) اذا كانت  $\begin{bmatrix} ١ & ٥ \\ ٨ & ١٠ \end{bmatrix} = ب$  ،  $\begin{bmatrix} ١ & ٢ \\ ٣ & ٨ \end{bmatrix} = ب$  ،  $٢$ : المصفوفة المحايدة ، جد :  
١.  $|٢٢-ب|$  ٢. المصفوفة س بحيث  $س.ب = ٢٣-٢$

ب) ابحث في تحقق شروط نظرية رول على الاقتران  $٧(س)$   $\left. \begin{array}{l} ١ > س \geq ٠ \\ ٣ \geq س \geq ١ \end{array} \right\} = \frac{٣}{س}$  ،  $٢٥-س٧+١$  ،  $٣$

في الفترة  $[٣، ٠]$  ، ثم جد قيمة / قيم ج التي تحددها النظرية (ان وجدت) (١٠ علامات)

### السؤال الثالث:

٢٠ علامة

(١٢ علامات)

١) اذا كان  $٧(س) = س(٢-س)٣$  ، جد :

- ١) مجالات التزايد والتناقص للاقتران  $٧(س)$  ٢) القيم القصوى المحلية للاقتران  $٧(س)$   
٣) مجالات التقعر للاعلى وللأسفل ونقط الانعطاف (ان وجدت) لمنحنى الاقتران  $٧(س)$

(٨ علامات)

ب) قذف جسم رأسياً لأعلى من قمة برج ارتفاعه ٨٠ م ، بحيث ان ارتفاعه عن البرج بالامتار بعد  $٧$  ثانية يعطى بالعلاقة  $٧(س) = ٣٠-٧٥٠٢$  ، جد :  
١. اقصى ارتفاع يصله الجسم من سطح الارض .  
٢. سرعة الجسم عندما تكون المسافة الكلية المقطوعة ٥٠ م .

## السؤال الرابع:

٢٠ علامة

(أ) جد قيمة  $s$  التي تجعل  $\frac{1}{2} = \begin{vmatrix} 1 & \text{جاس} & 2 \\ \text{جاس} & 1 & 1 \\ 1 & \text{جاس} & 0 \end{vmatrix}$  ،  $s \in [\pi, 0]$  . (٧ علامات)

(ب) اذا كان المماس لمنحنى  $w(s) = \frac{s}{2}$  عند  $s = 2$  يقطع محوري السينات و الصادات في النقطتين ب، ج على الترتيب، جد مساحة المثلث  $\Delta$  ب ج ، حيث  $\Delta$  نقطة الاصل . (٧ علامات)

(ج) اذا كان  $w(s) = h^s + h^{-s}$  ، اثبت باستخدام القيم القصوى ان الاقتران  $w(s) \leq 2$  ،  $\forall s \in \mathbb{R}$  . (٦ علامات)

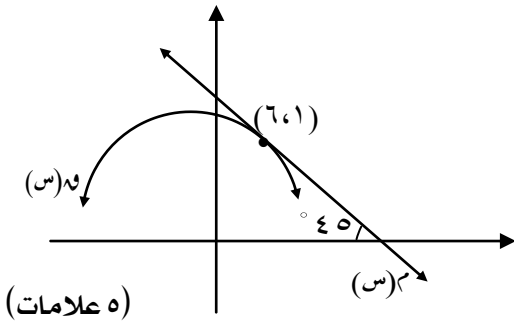
## القسم الثاني: يتكون من سؤالين وعلى المشترك ان يجيب عن احدهما فقط

### السؤال الخامس:

١٠ علامات

(أ) اذا كان  $s = \text{جاس جاس}$  اثبت ان  $s = \text{ص} + 2\text{ص} + 4\text{ص} = \text{صفر}$  . (٥ علامات)

(ب) اذا كان  $w(s) = \ell(s)$  اقترانين قابلين للاشتقاق ، بحيث  $w(s) = (s+2)\ell(2s)$  وكان  $\ell(s)$  مماساً للاقتران  $w(s)$  عند  $(6, 1)$  كما هو موضح في الشكل ، جد  $\ell(2)$  .



### السؤال السادس:

١٠ علامات

(أ) جد النقطة التي تقع على منحنى العلاقة  $s^2 + s^6 + 1 = \sqrt{s}$  وبعدها عن النقطة  $(0, 1)$  أقل ما يمكن . (٥ علامات)

(ب) اذا علمت ان  $\begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 3 \\ 1 & 4 \end{bmatrix} = I$  ، جد  $(B)^{-1}$  . (٥ علامات)

انتهت الأسئلة

بالتوفيق للجميع