

القسم الأول : يتكون هذا القسم من أربعة أسئلة ، وعلى المشترك أن يجيب عنها جميعاً

السؤال الأول : اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي : (٣٠ علامة)

١. إذا كان $(س)$ اقتران أصلي للاقتران $(س)$ المتصل فإن $\left[\frac{(س)^2}{(س)} \right] = س$
(أ) $س + (س)$ (ب) $س - (س)$ (ج) $س + (س)$ (د) $س - (س)$
٢. إذا كان $(س)$ اقتران متصل وكان $\left[\frac{(س)^2}{س} \right] = س$ فإن $س^3 - س + ٥ = (٢)$
(أ) ٩ (ب) ٦ (ج) ٩ - (د) ٦ -
٣. $\left[\frac{س^{٢-٥}}{س^{٥}} \right] = س$
(أ) $\frac{س^{٢-٥}}{١-٥} + س$ (ب) $\frac{س^{١-٥}}{١-٥} + س$ (ج) $\frac{س^{٥}}{٥} + س$ (د) $\frac{س^{١+٥}}{١+٥} + س$
٤. إذا كان $(س)$ ، $(هـ)$ اقترانين أصليين مختلفين للاقتران $(س)$ ، فماذا يمثل $\left[\frac{(س)^2 - (هـ)^2}{س} \right]$ ؟
(أ) اقتران ثابت (ب) اقتران تربيعي (ج) اقتران خطي (د) صفر
٥. $\left[\frac{س^2}{١+س} \right] = س$
(أ) $\frac{٢}{٣} |س| + ١$ (ب) $|س| + ١ + ٣$ (ج) $|س| + ١ + ٣$ (د) $\frac{٢}{٣} |س| + ٣$
٦. إذا كان ميل المماس لمنحنى $ق(س)$ عند النقطة $(س، ص)$ يعطى بالعلاقة $س^٢ هـ س^٣$ فإن معادلة المنحنى علماً بأنه يمر بالنقطة $(٠، \frac{٤}{٣})$ هي
(أ) $\frac{١}{٣} هـ س^٣ + ١$ (ب) $هـ س + ١$ (ج) $\frac{١}{٣} هـ س^٣ + ١$ (د) $٣ هـ س^٣ + ١$
٧. إذا كان $٥ = \{١، ٢، ٣، ٤، ٥\}$ تجزئة خماسية منتظمة للفترة $[١، ٤]$ فإن قيمة $٢ =$
(أ) $\frac{١}{٢}$ (ب) ١ (ج) ١,٥ (د) ٢

٨. $\left[\text{ه}^{\text{س}} (\text{لوه}^{\text{س}} + \frac{1}{\text{س}}) \right] \text{س} = \dots$

(أ) لو^س+ج (ب) ه^س+ج (ج) ه^سلو^س+ج (د) ه^٢لو^س+ج

٩. إذا كان $\text{س}^{\text{ه}}$ ، $\text{س}^{\text{ه}}$ اقتيرانان أصليان للاقتيران المتصل $\text{ه}^{\text{س}}$ (س) فإن $(\text{ه} - \text{س})^{\text{س}} = \dots$

(أ) $\text{ه}^{\text{س}}$ (ب) $\text{ه}^{\text{س}}$ (ج) صفر (د) ٢

١٠. $\left[(\text{ه} + \text{ظا}^{\text{س}}) \right] \text{س} = \dots$

(أ) $\text{ه}^{\text{س}} + \text{ظا}^{\text{س}} + \text{ج}$ (ب) $\text{ه}^{\text{س}} + \text{ظا}^{\text{س}} + \text{ج}$ (ج) $\text{ه}^{\text{س}} + \text{ظا}^{\text{س}} + \text{ج}$ (د) $\text{ه}^{\text{س}} - \text{ظا}^{\text{س}} + \text{ج}$

١١. إذا كان $\left[(\text{ه}^{\text{س}} - (\text{س})) \right] \text{س} = \text{س} \text{جا} \left(\frac{\pi}{\text{س}} \right)$ فإن $\text{ه}^{\text{س}} = \dots$

(أ) $\pi - 1$ (ب) $\pi + 1$ (ج) $\pi -$ (د) ٢

١٢. إذا كان $\text{ه}^{\text{س}}$: $[3, 1] \leftarrow \text{ع}$ متصلاً، σ تجزئة نونية منتظمة للفترة $[3, 1]$ وكان

$\text{س}^{\text{ه}} (\text{ه}^{\text{س}}) = (\text{ه}^{\text{س}} + 1) \text{س} = \dots$ فإن $\frac{1 - \text{ه}^{\text{س}}}{\text{ه}} + 5 = \dots$

(أ) ٢٠ (ب) ١٨ (ج) ١٦ (د) ١٤

١٣. إذا كان $\text{ه}^{\text{س}}$ (س) اقتيراناً متصلاً على ح وكان $\left[(\text{ه}^{\text{س}} + 2) \right] \text{س} = \text{س}^{\text{س}} + \text{س}^{\text{س}} + 9$ ، $\text{ه}^{\text{س}} = 7$ ، فإن

قيمة الثابت ه تساوي $\dots$

(أ) ١- (ب) ٢ (ج) ٦ (د) ٣

١٤. إذا كان $\left[\text{س}^{\text{س}} \text{لو}^{\text{س}} \text{س} \right] = \text{ك} - \left[\text{س}^{\text{س}} \text{س} \right] \text{فإن ك} = \dots$

(أ) $\text{س}^{\text{س}} \text{لو}^{\text{س}} \text{س}$ (ب) $\text{لو}^{\text{س}} \text{س}$ (ج) $\text{س}^{\text{س}}$ (د) $\text{س}^{\text{س}} \text{لو}^{\text{س}}$

١٥. إذا كان العنصر الخامس في تجزئة نونية منتظمة σ للفترة $[1, 2]$ هو $\frac{4}{3}$ فإن عدد الفترات الجزئية للتجزئة

(أ) ١ (ب) $1 + 1$ (ج) ١٢ (د) ١١

١٦. إذا كانت ل، ه، ه ثلاثة اقتيرانات متصلة بحيث $\text{ل}^{\text{س}} = (\text{س})$ ، $\text{ه}^{\text{س}} = (\text{س})$ ، $\text{ه}^{\text{س}} = (\text{س})$ ، فأي العبارات الآتية صحيحة $\dots$

(أ) $\left[\text{ل}^{\text{س}} (\text{س}) \right] \text{س} = \text{ه}^{\text{س}} + \text{ج}$ (ب) $\left[\text{ه}^{\text{س}} (\text{س}) \right] \text{س} = \text{ل}^{\text{س}} + \text{ج}$

(ج) $\left[\text{ل}^{\text{س}} (\text{س}) \right] \text{س} = \text{ه}^{\text{س}} + \text{ج}$ (د) $\text{ل}^{\text{س}} - (\text{س}) = \text{ه}^{\text{س}}$

١٧. إذا كانت [س ر ، س ر-١] هي الفترة الجزئية الرائية الناتجة عن التجزئة σ للفترة [٥١] فإن قيمة

$$\sum_{i=r}^n (س ر ، س ر-١) = \dots$$

- (أ) ٥٤ (ب) $\frac{4}{n}$ (ج) ٢ (د) ٤

١٨. يتحرك جسم بتسارع حسب العلاقة $t = (٢ - \sqrt{٢})$ سم/ث^٢ فإذا كانت سرعته الابتدائية ٤ سم/ث فإن سرعة الجسم عندما $n = ٣$ ث هي

- (أ) ٤٨ سم/ث (ب) ٥٢ سم/ث (ج) ٤٨ سم/ث (د) ٥٢ سم/ث

$$١٩. [ه ق ا س - ظ ا س س س] = \dots$$

- (أ) ه س + ج (ب) $\frac{1}{ه} س + ج$ (ج) ه س + ج (د) ه س + ج

$$٢٠. [س س (١ - \frac{1}{س})] = \dots$$

- (أ) $\frac{(١ - س٦)}{٦} س + ج$ (ب) $\frac{(١ - س٦)}{٣٦} س + ج$ (ج) $\frac{(١ - س٦)}{٣٠} س + ج$ (د) $(١ - س٦) س + ج$

السؤال الثاني : (٢٠ علامة)

(أ) استخدم تعريف التكامل المحدود لإيجاد $\int (٣ + س٢) س س$ ؟

(ب) إذا كان $و(س) = ه(س) + ب$ وكانت σ تجزئة نونية منتظمة للفترة [١٠] ، أثبت أن :

$$م(س، ن) = م(س، ه) + ب لجميع اختيارات س *$$

السؤال الثالث : (٢٠ علامة)

(أ) إذا كان ميل المماس لمنحنى $و(س)$ عند النقطة (٢١) الواقعة عليه يساوي ٣ وكانت $و(س) = ١٢ س - ٨$ ، أوجد قاعدة الاقتران $و(س)$ ؟

(ب) أوجد : $\int \frac{1}{س(س-٣)(س-١)} س س$ [١] $\int \sqrt{س-١} س س$ [٢]

السؤال الرابع: (٢٠ علامة)

(أ) بين أن الاقتران $u(s) = \frac{1 - \cos^2 s}{1 - \cos s}$ قابل للتكامل على الفترة $\left[\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right]$ ؟

(ب) قُذفت كرة للأعلى بسرعة ابتدائية قدرها ٥٠ قدم/ث من قمة برج ارتفاعه ٧٠ قدماً ، جد أقصى ارتفاع عن سطح الأرض تصله الكرة علماً بأن تسارعها يساوي - ٢٠ قدم/ث^٢ ؟

القسم الثاني : يتكون هذا القسم من سؤالين وعلى المشترك أن يجيب عن أحدهما

السؤال الخامس : (١٠ علامات)

(أ) إذا كان ميل المماس لمنحنى العلاقة v عند النقطة (s, v) يساوي $\frac{h^{1+s}}{(h^2 + 1)^s}$ حيث h العدد النيبيري ،

جد قاعدة العلاقة v علماً بأن منحنائها يمر بالنقطة $(0, \frac{h-1}{h})$ ؟

(ب) أوجد $\left[\text{قتاس}(\text{قتاس} + \text{ظتاس}) \right]^u s^v$ ، $u \in \mathbb{R}$ ، $v \in \mathbb{R}$ ؟

السؤال السادس : (١٠ علامات)

(أ) إذا كان تسارع جسيم يعطى بالعلاقة $t(u) = 3u + 2$ ، وعلمت أن سرعته الابتدائية ٦ م / ث ، والمسافة التي يقطعها بعد ثانية واحدة من بدء الحركة ١٢ م ، فما المسافة التي يقطعها بعد ٣ ثوانٍ من بدء الحركة ؟

(ب) أوجد $\left[\text{جتاس}^2 s(\text{جاس} - \text{جتاس}) \right]^h s^k$ ؟

انتهت الأسئلة