



اسم الطالب / ة : مجموع الدرجات (..... // ١٠٠ درجة)

القسم الأول : يتكون هذا القسم من (٤) أسئلة وعلى المشترك أن يجيب عنها جميعاً.
السؤال الأول / أضع دائرة حول الإجابة الصحيحة في كل مما يلي : (٣٠ درجة)

(١) إذا كانت σ ، تجزئة منتظمة للفترة $[٠, ١]$ ، وكان العنصر السادس فيها $= ٣$ ، فإن $١ = \dots$

(أ) ٦ (ب) ٣,٦ (ج) ١٦,٥ (د) ١٠

(٢) إذا جُزئت الفترة $[١, ٥]$ إلى فترات متساوية طول كل منها يساوي ثلث ، فإن عدد عناصر التجزئة

(أ) ١٨ (ب) ١٩ (ج) ٢٠ (د) ٢١

(٣) إذا كان h (س) اقتران متصل على $[١, ٣]$ ، وكانت σ تجزئة نونية منتظمة للفترة $[١, ٣]$ ،

وكان $(\sigma, h) = \frac{٥-٧}{٢}$ ، فإن $h(\sigma(s)) = \dots$

(أ) ٢- (ب) ١,٥ (ج) ٤,٥- (د) ٣,٥-

(٤) ما قيمة $\left[\frac{ج٢-١}{ج٣-١} \right]_{س١-١}^{س٢-١}$ ؟

(أ) $س٢+ج$ (ب) $\frac{١}{٢}س+ج$ (ج) $\frac{١}{٢}س+ج$ (د) $س٢+ج$

(٥) $\left[\frac{س}{س} (ج٢-٢ج٣) \right]_{س٢}^{س٣} = \dots$

(أ) ١- (ب) ٠ (ج) ١ (د) ٢

(٦) إذا كان h (س) اقترانين اصليين مختلفين لاقتران h (س) فماذا يمثل $\left[h((س) - (س)) \right]_{س١}^{س٢}$ ؟

(أ) اقتران ثابت (ب) اقتران تربيعي (ج) اقتران خطي (د) صفر

(٧) إذا كان h (س) $= \left[(س٣-٢س٢) \right]_{س١}^{س٢}$ ، وكان $h(٢) = ٩$ فما قيمة $h(٢-)$ ؟

(أ) ١- (ب) ٩- (ج) ٤ (د) ١

(٨) $\left[ق٢١سظ٣اس \right]_{س٢}^{س٣} = \dots$

(أ) $\frac{١}{٥}ق٢١س+ج$ (ب) $\frac{١}{٤}ق٢١س+ج$ (ج) $\frac{١}{٣}ق٢١س+ج$ (د) $\frac{١}{٣}ق٢١س+ج$

(٩) $\left[ظاس \right]_{س٢}^{س٣} = \dots$

(أ) $ل١و|ج٢اس+ج$ (ب) $ل١و|ج٢اس+ج$ (ج) $ل١و|ج٢اس+ج$ (د) $ق٢اس+ج$

١٠) إذا كان $u(s) = 2s + 3$ ، فإن $(u - v) \left(\frac{\pi}{4} \right) =$

- (أ) $3\sqrt{2} - 5$ (ب) $5 - 3\sqrt{2}$ (ج) $1 - 2\sqrt{3}$ (د) $1 + 2\sqrt{3}$

١١) إذا كان $\left[\left(\frac{1}{s} \right)^2 \right] = 2s + 3$ ، فما قيمة $\left[\left(\frac{1}{s} \right)^3 \right] =$ ؟

- (أ) $s \left(\frac{1}{s} \right)^3 = 3 - 2s + 3$ (ب) $s \left(\frac{1}{s} \right)^3 = 3 + 2s + 3$
(ج) $3s \left(\frac{1}{s} \right)^3 = 3 + 2s + 3$ (د) $3s \left(\frac{1}{s} \right)^3 = 3 - 2s + 3$

١٢) $\left[\frac{1 - s^2}{s} \right]$

- (أ) $\frac{1 - s^2}{s} + 3$ (ب) $\frac{1 - s^2}{s} + 3$ (ج) $\frac{1 + s^2}{s} + 3$ (د) $\frac{1 + s^2}{s} + 3$

١٣) إذا كان $\left[\frac{s^2 - 1}{s^2 + 1} \right] = s - \frac{1}{3}s + 2$ ، فما قيمة $\left(\frac{3}{s} \right)$ ؟

- (أ) $2 - 3\sqrt{2}$ (ب) $3\sqrt{2}$ (ج) $3\sqrt{2} -$ (د) $2 - 3\sqrt{2}$

١٤) إذا كان $u(s) = 2$ ، $v(s) = 4$ ، $w(s) = 2$ ، وكان $s = 2 - 4 + 6 = 3$ ، فإن $u =$ ؟

- (أ) $4 -$ (ب) 4 (ج) 2 (د) $3 -$

١٥) إذا كان $u(s) = 2s + 3$ ، $v(s) = 2$ ، $w(s) = 2$ ، $z(s) = 2$ ، فما قيمة u على الترتيب

- (أ) $2 - 4$ (ب) $2 - 4$ (ج) $4 - 4$ (د) $4 - 4$

١٦) إذا كان $\frac{1}{s} = s - \frac{1}{s}$ ، وكان $u = 3$ ، فما قيمة $u(s)$ ؟

- (أ) 5 (ب) 4 (ج) 6 (د) 2

١٧) إذا علمت أن $u(s)$ اقترانا متصلا على مجاله حيث $u(1) = 10$ ، $\left[\left(\frac{1}{s} \right)^2 \right] = 2s + 3$ ، فما قيمة $u(1) =$ ؟

- (أ) 38 (ب) 34 (ج) 26 (د) 22

١٨) ما قيمة $\left[\left(\frac{1}{s} \right)^2 \right] = \frac{1}{s} - \frac{1}{s^2}$ ؟

- (أ) $\frac{1}{8} - \left(\frac{s-2}{2} \right) + 3$ (ب) $\frac{1}{2} - \left(\frac{s-2}{2} \right) + 3$ (ج) $\frac{1}{2} - \left(\frac{s-2}{2} \right) + 3$ (د) $\frac{1}{8} - \left(\frac{s-2}{2} \right) + 3$

١٩) بدأ جسم في التحرك في خط مستقيم من نقطة الأصل ومبتعدا عنها ، فإذا كانت سرعته في أي لحظة تعطى بالمعادلة $u = 3t^2 + 2t$ ، فما بعد الجسم عن نقطة الأصل بعد ثانيتين من بدء الحركة ؟

- (أ) 12 (ب) 10 (ج) 6 (د) 5

٢٠) إذا كانت $\sigma = \left[\frac{3}{\sqrt{e}}, \frac{6}{\sqrt{e}}, \dots, 6 \right]$ تجزئة منتظمة للفترة $[0, 6]$ فإن عدد عناصر التجزئة ؟

- (أ) $1 - \sqrt{2}$ (ب) $\sqrt{2}$ (ج) $1 + \sqrt{2}$ (د) $\sqrt{2}$

السؤال الثاني / (٢٠ درجة)

(١) استخدم تعريف التكامل المحدود لإيجاد $\int_0^4 (1+s) ds$ معتبرا $s^* = s_r = s_r$

(٢) إذا كان ميل المماس لمنحنى الاقتران $h(s)$ عند أي نقطة واقعة عليه يساوي $\left(\frac{1}{h(s)} + \overline{h(s)} \right)$ قاعدة الاقتران علما بأنه يمر

بالنقطة $\left(\frac{2}{3}, 1 \right)$

(٣) ابحث في قابلية التكامل لاقتران $h(s) = \left[\frac{1}{s} \right]$ في الفترة $[4, 6]$ ؟

السؤال الثالث / (٢٠ درجة)

(١) جد كلاً من التكاملات التالية:

- (أ) $\int_0^2 (s^2 + 1) h(s) ds$ (ب) $\int_0^2 s^2 \sqrt{h(s)} ds$ (ج) $\int_0^2 s^2 \frac{1}{s^3 + 1} ds$

(٢) قذف جسم رأسياً لأعلى من قمة برج بسرعة ابتدائية 30 م/ث ، وبتسارع ثابت (-10) م/ث^٢ ، إذا علمت أن الجسم كان على ارتفاع 160 م عن سطح الأرض بعد ثانية واحدة من بدأ الحركة ، أوجد سرعة الجسم عندما يكون قد قطع مسافة 125 م ؟

السؤال الرابع / (٢٠ درجة)

(١) إذا كان $h(s) = s^2 + 4$ وكان $\sigma = [1, 6]$ و $s^* = s_r = s_r$ جد قيمة h علماً بأن σ تجزئة منتظمة للفترة ؟

(٢) إذا كان $h(s) = (s) - (s) \text{ جاس} - (s) \text{ جتاس} = 0$ ، وكان $h = \left(\frac{\pi}{2} \right)$ ، جد $h = \left(\frac{\pi}{4} \right)$.

(٣) أبين أن $\int_0^2 \frac{h(s)}{s^2 + 1} ds + \int_0^2 \frac{h(s)}{s^2 + 1} ds = \int_0^2 \frac{h(s)}{s^2 + 1} ds + \int_0^2 \frac{h(s)}{s^2 + 1} ds$ ؟

القسم الثاني : يتكون هذا القسم من سؤالين وعلى المشترك أن يجيب عن سؤال واحد فقط:

السؤال الخامس / (١٠ درجات)

(١) أوجد $\int \cot x (x + \cot x) dx$ ، $\lim_{x \rightarrow 0^+} x^2$

(٢) إذا كان $\frac{d}{dx} \left(\frac{(x+4)(x-3)}{x^2 - 3x} \right) = h$ ، أوجد قاعدة هذه العلاقة علماً بأن منحناها يمر بالنقطة (١،٠)

السؤال السادس / (١٠ درجات)

(١) أجد $\int_0^{\pi} (1 - \sin x)^\circ dx$ ؟

(٢) إذا كان $u(x)$ قابل للتكامل على الفترة $[0,1]$ بحيث $\int_0^1 u(x) dx = 2$ وكان ،

$$\int_0^1 \frac{1+u^2}{u^3-1} du = \sigma$$

جد σ ، ب ، ج د ، هـ ؟

انتهت الأسئلة ~ بالتوفيق والنجاح