

الموضوع : العدد الأولي

الهدف ١ : يكتب عدد على صورة حاصل ضرب عاملين " قاسمين "

الهدف ٢ : يجد عوامل " قواسم " عدد باستخدام جدول الضرب .

الهدف ٣ : يحلل عدد إلى عوامله .

الهدف ٤ : يحدد العدد الأولي من بين مجموعة الأعداد .

تمهيد / أكمل الفراغ :

$$١٢ = ٣ \times \dots \quad (أ) \quad \dots = ٢٥ \times \dots \quad (ب) \quad ٤٢ = ٣ \times \dots \quad (ج)$$

أتعلم /

قواسم " عوامل " العدد : هي الأعداد التي يقبل هذا العدد القسمة عليها

مثال (١) أكمل الفراغ :

أ) يكتب العدد ٦ على صورة حاصل ضرب عاملين كما يلي :

$$٣ \times ٢ = ٦$$

$$٢ \times ٣ = ٦$$

$$١ \times ٦ = ٦$$

$$٦ \times ١ = ٦$$

ب) جميع عوامل " قواسم " العدد ٦ هي :

..... ، ، ، ، " دون تكرار العوامل "

تدريب (١) : أكمل الفراغ :

أ) يكتب العدد ١٢ على صورة حاصل ضرب عاملين كما يلي :

$$\dots \times ٣ = ١٢$$

$$\dots \times ٢ = ١٢$$

$$\dots \times ١ = ١٢$$

$$\dots \times ١٢ = ١٢$$

$$\dots \times ٦ = ١٢$$

$$\dots \times ٤ = ١٢$$

ب) جميع عوامل " قواسم " العدد ١٢ هي :

..... ، ، ، ، " دون تكرار العوامل "

أتعلم /

تحليل العدد إلى عوامله : هو كتابة هذا العدد على صورة حاصل ضرب عددين أو أكثر من عوامله

مثال (٢) أحلل كلاً من الأعداد الآتية إلى عواملها

$$١ \times ٥ = ٥$$

$$٥ \times ١ = ٥$$

(أ)

$$٣ \times ٣ = ٩$$

$$١ \times ٩ = ٩$$

$$٩ \times ١ = ٩$$

(ب)

تدريب (٢) : أحلل كلاً من الأعداد الآتية إلى عواملها :

$$\dots \times ١١ = ١١$$

$$\dots \times ١ = ١١$$

(أ)

$$\dots \times \dots = ٢٥$$

$$\dots \times \dots = ٢٥$$

$$\dots \times ١ = ٢٥$$

(ب)

أتعلم / العدد الأولي هو عدد له عاملان مختلفان فقط هما العدد نفسه والعدد ١

الأعداد الأولية المحصورة بين العددين ١ ، ٥٠ هي

(٢ ، ٣ ، ٥ ، ٧ ، ١١ ، ١٣ ، ١٧ ، ١٩ ، ٢٣ ، ٢٩ ، ٣١ ، ٣٧ ، ٤١ ، ٤٣ ، ٤٧)

مثال (٣) ضع دائرة حول العدد الأولي

٢٥ ، ٤٧ ، ١٣ ، ١٢

١٣ أولي لأن له عاملان فقط هما (١ ، ١٣) ، وكذلك (٤٧) أولي لأنه له عاملان فقط هما (١ ، ٤٧)

تدريب (٣) : ضع دائرة حول العدد الأولي:

٢ ، ٢١ ، ١٩ ، ٨ ، ٣

التقويم الختامي / اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي :

(١) جميع الأعداد الأولية فردية ما عدا (٢ ، ٤ ، ٦ ، ٨)

(٢) العدد الأولي فيما يلي هو (٢٠ ، ١٦ ، ٩ ، ١٧)

(٣) يعتبر العدد ٣ عاملاً من عوامل العدد (٩١ ، ٦٥ ، ٣١ ، ٥١)

(٤) أصغر عدد أولي فردي هو (صفر ، ١ ، ٢ ، ٣)

(٥) عدد له ثلاثة عوامل هو (١٣ ، ٤ ، ١٤ ، ١٥)

نشاط إضافي

اكتب عددين أوليين يكون حاصل جمعها عدد أولي ؟

.....

بوركت جهودكم المميزة

الموضوع : التحليل إلى العوامل الأولية

الهدف : يحلل العدد المعطى إلى عوامله الأولية باستخدام طريقة شجرة العوامل .

تمهيد / أكمل الفراغ :

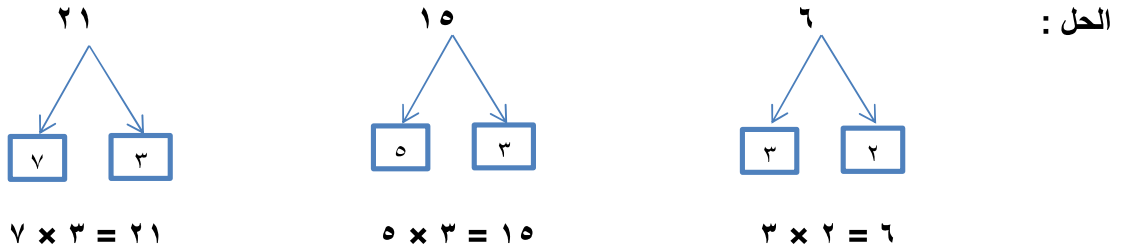
- (١) العدد الأولي هو العدد الذي له عاملان فقط هما ،
- (٢) الأعداد الأولية المحصورة بين (١ ، ١٠) هي ، ، ،
- (٣) كتابة أي عدد على صورة حاصل ضرب عددين يسمى التحليل إلى

أتعلم /

التحليل إلى العوامل الأولية هو كتابة أي عدد غير أولي كحاصل ضرب عوامل أولية .

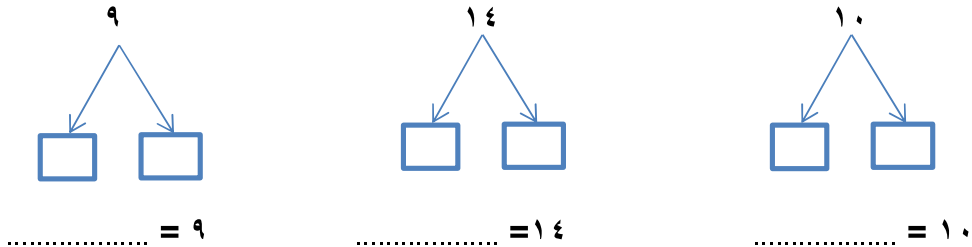
مثال (١) أحلل الأعداد التالية إلى عواملها الأولية باستخدام شجرة العوامل :

(٦ ، ١٥ ، ٢١)



تدريب (١) : أحلل الأعداد التالية إلى عواملها الأولية باستخدام شجرة العوامل :

(٩ ، ١٤ ، ١٠)

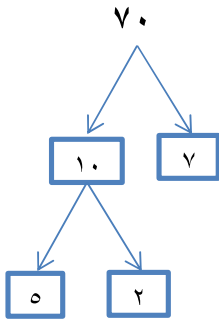


أحل الأعداد التالية إلى عواملها الأولية باستخدام شجرة العوامل :

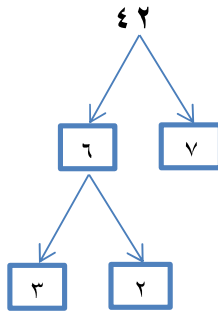
مثال (٢)

(٧٠ ، ٤٢ ، ١٨)

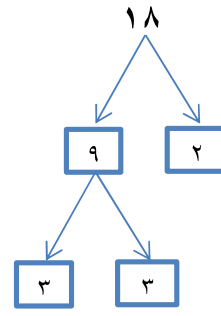
الحل



$$7 \times 5 \times 2 = 70$$



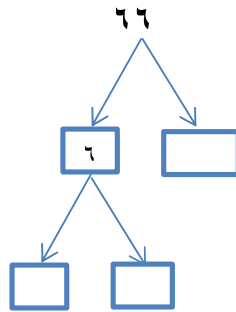
$$7 \times 3 \times 2 = 42$$



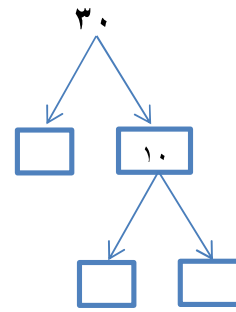
$$3 \times 3 \times 2 = 18$$

تدريب (١) : أحل الأعداد التالية إلى عواملها الأولية باستخدام شجرة العوامل :

(٦٦ ، ٣٠)



..... = ٦٦



..... = ٣٠

التقويم الختامي / أحل الأعداد التالية إلى عواملها الأولية باستخدام شجرة العوامل :

(٧٢ ، ٤٥ ، ٢٠)

نشاط إضافي

باستخدام شجرة العوامل الأولية حل العدد (٢٠٠) إلى عوامله الأولية؟

[٦]

الموضوع: التحليل إلى العوامل الأولية

الهدف: يحلل العدد المعطى إلى عوامله الأولية باستخدام طريقة القسمة المتكررة

تمهيد / ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة ، وعلامة (×) أمام العبارة الخاطئة فيما يلي :

١. () العدد ٨ يقبل القسمة على ٢ دون باق .
٢. () العدد ١٠٦ يقبل القسمة على ٣ دون باق.
٣. () العدد ٥١ يقبل القسمة على ٥ دون باق .
٤. () العدد ٩٢ يقبل القسمة على ٩ دون باق .
٥. () العدد ٧٢ يقبل القسمة على ٦ دون باق .

أتعلم / التحليل باستخدام طريقة القسمة المتكررة تستخدم القسمة المتكررة لتحليل أي عدد إلى عوامله الأولية كما يلي :

نبدأ بقسمة العدد على أصغر عدد أولي وهو العدد ٢ ، فإذا قبل القسمة عليه نكرر ذلك مرة أخرى ، وإذا لم يقبل القسمة ننقل إلى القسمة على العدد الأولي ٣ ، وهكذا حتى يصبح المقسوم يساوي ١

أحلل العدد ١٦ إلى عوامله الأولية باستخدام القسمة المتكررة :

مثال (١)

٢	١٦
٢	٨
٢	٤
٢	٢
	١

$$\dots\dots\dots = ١٦$$

تدريب (١) : أحل الأعداد التالية إلى عواملها الأولية باستخدام القسمة المتكررة :

$$\begin{array}{c} 27 \\ \hline | \\ \hline \end{array}$$

..... = 27

$$\begin{array}{c} 24 \\ \hline | \\ \hline \end{array}$$

..... = 24

أحل العدد ٤٢ إلى عوامله الأولية باستخدام القسمة المتكررة :

مثال (٢)

$$\begin{array}{c} 2 \quad | \quad 42 \\ 3 \quad | \quad 21 \\ 7 \quad | \quad 7 \\ \quad \quad | \quad 1 \end{array}$$

..... = 42

تدريب (٢) : أحل الأعداد التالية إلى عواملها الأولية باستخدام القسمة المتكررة :

$$\begin{array}{c} 51 \\ \hline | \\ \hline \end{array}$$

..... = 51

$$\begin{array}{c} 60 \\ \hline | \\ \hline \end{array}$$

..... = 60

$$\begin{array}{c} 96 \\ \hline | \\ \hline \end{array}$$

..... = 96

[٨]

التقويم الختامي / أحل الأعداد التالية إلى عواملها الأولية باستخدام القسمة المتكررة :

$$\begin{array}{r} 162 \\ \hline \end{array}$$

..... = 162

$$\begin{array}{r} 40 \\ \hline \end{array}$$

..... = 40

نشاط إضافي

ثلاثة أعداد أولية متتالية مجموعها 97 ، فما هي هذه الأعداد ؟

.....

الموضوع: العامل المشترك الأكبر (ع.م.أ)

الهدف ١: يعرف العامل المشترك الأكبر (ع.م.أ) لعددتين أو أكثر.

الهدف ٢: يجد العامل المشترك الأكبر (ع.م.أ) لعددتين بإيجاد عوامل كلاهما

تمهيد /

أ) اكتب عوامل العدد ٦ :

ب) جميع عوامل العدد ١٤ هي ١ ، ٢ ، ،

مثال (١)

لدى خياط شريطان من القماش الأول طوله ٢١ م ، وطول الشريط الثاني ٢٨ م ، كيف يمكن لهذا الخياط قص الشريطين إلى أكبر قطع متساوية الطول لكل منهما ؟

الحل : يمكن قص الشريط الأول إلى قطع متساوية كل منها ١ م أو ٣ م أو ٧ م أو ٢١ م لأن عوامل العدد ٢١ هي : ١ ، ٣ ، ٧ ، ٢١

كذلك يمكن قص الشريط الثاني إلى قطع متساوية الطول كل منها ١ م أو ٢ م أو ٤ م أو ٧ م أو ١٤ م أو ٢٨ م لأن عوامل العدد ٢٨ هي : ١ ، ٢ ، ٤ ، ٧ ، ١٤ ، ٢٨ العوامل المشتركة للعددتين ٢١ ، ٢٨ هي ١ ، ٧ أكبر عدد في هذه العوامل المشتركة هو ٧ ويسمى العامل المشترك الأكبر للعددتين (٢١ ، ٢٨) ويرمز له بالرمز (ع . م . أ)

أتعلم / العامل المشترك الأكبر (ع . م . أ) لعددتين أو أكثر : هو أكبر عدد تقبل هذه الأعداد القسمة عليه دون باقي

تدريب (١) : ضع علامة (✓) أو (×) أمام العبارة التالية :

- () (ع . م . أ) هو أي عدد تقبل الأعداد القسمة عليه دون باقي

مثال (٢)

جد العامل المشترك الأكبر (ع . م . أ) للعددين ١٢ ، ١٦ بطريقة العوامل المشتركة

الحل : عوامل العدد ١٢ هي ١ ، ٢ ، ٣ ، ٤ ، ٦ ، ١٢

عوامل العدد ١٦ هي ١ ، ٢ ، ٤ ، ٨ ، ١٦

العوامل المشتركة للعددين ١٢ ، ١٦ هي ١ ، ٢ ، ٤

إذن (ع . م . أ) للعددين ١٢ ، ١٦ هو ٤ .

تدريب (٢) جد (ع . م . أ) للعددين ٩ ، ١٥ بطريقة العوامل المشتركة .

الحل :

.....
.....
.....

تدريب (٣) جد (ع . م . أ) للعددين ١٢ ، ٢٠ بطريقة العوامل المشتركة .

الحل :

.....
.....
.....

التقويم الختامي /

أ- أكمل الفراغ

(١) هو أكبر عدد تقبل هذه الأعداد القسمة عليه دون باق .

ب- جد (ع . م . أ) للعددين ٢٠ ، ٤٥ بطريقة العوامل المشتركة

الحل :

.....

نشاط إضافي

جد (ع . م . أ) للأعداد (٥ ، ١٢ ، ٦٠) بطريقة العوامل المشتركة .

الموضوع: العامل المشترك الأكبر (ع.م.أ)

الهدف ١: يعرف العامل المشترك الأكبر (ع.م.أ) لعددين أو أكثر كحاصل ضرب عواملهم الأولية

الهدف ٢: يجد العامل المشترك الأكبر (ع.م.أ) لعددين بتحليل كلا العددين لعواملها الأولية

الهدف ٣: يوظف العامل المشترك الأكبر (ع.م.أ) في كتابة كسر عادي في أبسط صورة.

تمهيد /

حل العدد ١٢ إلى عوامله الأولية :

اكتب الكسر $\frac{3}{6}$ في أبسط صورة :

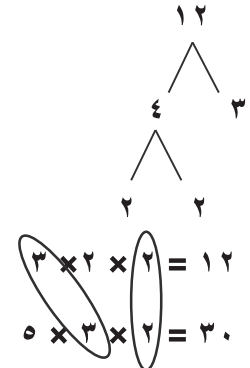
أنعلم /

(ع.م.أ) لمجموعة من الأعداد هو حاصل ضرب العوامل الأولية المشتركة بين هذه الأعداد

مثال (١)

جد (ع.م.أ) للعددين (١٢ ، ٣٠) بطريقة التحليل إلى العوامل الأولية

الحل : نحل العددين ١٢ ، ٣٠ باستخدام شجرة العوامل



العوامل الأولية المشتركة للعددين ١٢ ، ٣٠ هي ٢ ، ٣

حاصل ضرب العوامل الأولية المشتركة للعددين $6 = 3 \times 2$ إذن (ع.م.أ) للعددين (١٢ ، ٣٠) $6 =$

تدريب (١) جد (ع . م . أ) للعددين ١٢ ، ١٨ بطريقة التحليل إلى العوامل الأولية

الحل :

تدريب (٢) جد (ع . م . أ) للعددين ١٥ ، ٤٥ بطريقة التحليل إلى العوامل الأولية

الحل :

مثال (٢)

اكتب الكسر $\frac{9}{27}$ بأبسط صورة باستخدام (ع . م . أ) للبسط والمقام

الحل : نحلل العددين ٩ ، ٢٧ إلى عواملها الأولية

$$\begin{aligned} 3 \times 3 &= 9 \\ 3 \times 3 \times 3 &= 27 \end{aligned}$$

إذن ع . م . أ للعددين ٩ ، ٢٧ هو $3 \times 3 = 9$

نقسم كلاً من البسط والمقام على (ع . م . أ) وهو ٩

$$\frac{1}{3} = \frac{9 \div 9}{27 \div 9}$$

في أبسط صورة

تدريب (٣)

اكتب الكسر $\frac{15}{20}$ بأبسط صورة باستخدام (ع . م . أ) للبسط والمقام

الحل :

التقويم الختامي /

(أ) جد (ع . م . أ) للعددين (١٦ ، ٤٠) باستخدام التحليل إلى العوامل الأولية

الحل :

(ب) جد (ع . م . أ) للأعداد (١٥ ، ٣٠ ، ٤٥) باستخدام التحليل إلى العوامل الأولية

الحل :

(ج) اكتب الكسر $\frac{16}{20}$ في أبسط صورة باستخدام (ع . م . أ)

الحل :

.....

نشاط إضافي

إذا كان تحليل العوامل الأولية لثلاثة أعداد كما يلي :

$$\text{العدد الأول} = 2 \times 3 \times 3 \times 3$$

$$\text{العدد الثاني} = 2 \times 2 \times 3 \times 5$$

$$\text{العدد الثالث} = 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3$$

جد (ع . م . أ) للأعداد الثلاثة ؟

الموضوع: المضاعف المشترك الأصغر (م.م.أ)

الهدف ١: يعرف المضاعف المشترك الأصغر (م.م.أ) لعددين أو أكثر

الهدف ٢: يجد المضاعف المشترك الأصغر (م.م.أ) لعددين أو أكثر بإيجاد مضاعفات كل عدد

الهدف ٣: يعرف المضاعف المشترك الأصغر (م.م.أ) لعددين أو أكثر كحاصل ضرب العوامل الأولية المشتركة والغير مشتركة.

الهدف ٤: يجد المضاعف المشترك الأصغر (م.م.أ) لعددين بتحليل كل منهما إلى عواملها الأولية.

تمهيد /

أ- اكتب أول ٥ مضاعفات للعدد ٤ : ، ، ، ،

ب- حل العدد ١٠ إلى عوامله الأولية

أتعلم /

المضاعف المشترك (م.م.أ) لعددين أو أكثر : هو أصغر عدد يقبل القسمة على هذه الأعداد

مثال (١)

يسكن موسى وحازم في الطابق الثالث ، فتسابقا في صعود درجات العمارة ، فصعد موسى كل درجتين معاً ،

بينما صعد حازم كل ٣ درجات معاً ، ما ترتيب أول درجة يدوس عليها الاثنان معاً ؟

الحل : أرقام الدرجات التي يصعداها موسى (مضاعفات العدد ٢) هي : ٢ ، ٤ ، ٦ ، ٨ ، ١٠ ،

أرقام الدرجات التي يصعداها حازم (مضاعفات العدد ٣) هي : ٣ ، ٦ ، ٩ ، ١٢ ، ١٥ ،

أول درجة مشتركة يدوس عليها الاثنان معاً هي الدرجة ٦

أول مضاعف مشترك بين العددين ٢ ، ٣ هو العدد ٦ ويسمى بالمضاعف المشترك الأصغر للعددين ٢ ، ٣ ، ويرمز له بالرمز (م.م.أ) ويقبل القسمة على كل من العددين ٢ ، ٣ معاً

تدريب (١) : أكمل الفراغ :

..... هو أصغر عدد يقبل القسمة على هذه الأعداد .

مثال (٢)

جد (م . م . أ) للأعداد (١٠ ، ٥ ، ٢) باستخدام طريقة المضاعفات المشتركة :

الحل : مضاعفات العدد ٢ : ٢ ، ٤ ، ٦ ، ٨ ، ١٠ ،
مضاعفات العدد ٥ : ٥ ، ١٠ ، ١٥ ، ٢٠ ، ٢٥ ،
مضاعفات العدد ١٠ : ١٠ ، ٢٠ ، ٣٠ ، ٤٠ ، ٥٠ ،

إذن (م . م . أ) للأعداد (١٠ ، ٥ ، ٢) = ١٠

تدريب (٢) : جد (م . م . أ) لكل مما يلي باستخدام طريقة المضاعفات المشتركة

٨ ، ٤ ، ٢

١٢ ، ٩

أنعلم / المضاعف المشترك الأصغر لعددین (م . م . أ) هو حاصل ضرب العوامل الأولية المشتركة بينهما والعوامل الأولية غير المشتركة .

مثال (٣)

جد (م . م . أ) للعددين (١٢ ، ٨) بطريقة التحليل إلى العوامل الأولية

الحل : نحلل العددين ١٢ ، ٨ إلى عواملهما الأولية

$$\begin{aligned} 2 \times 2 \times 2 &= 8 \\ 3 \times 2 \times 2 &= 12 \end{aligned}$$



العوامل الأولية المشتركة للعددين ١٢ ، ٨ هي ٢ ، ٢

العوامل الأولية غير المشتركة للعددين ١٢ ، ٨ هي ٣ ، ٢

حاصل ضرب العوامل الأولية المشتركة والعوامل الأولية الغير مشتركة للعددين = $2 \times 2 \times 3 = 12$

يعني (م . م . أ) للعددين ١٢ ، ٨ هو ١٢

تدريب (٣) : جد (م . م . أ) للعددين (٨ ، ٢٤) بطريقة التحليل إلى العوامل الأولية ؟

الحل :

.....

تدريب (٤) : جد (م . م . أ) للعددين (٤٠ ، ٥٠) بطريقة التحليل إلى العوامل الأولية ؟

الحل :

.....

التقويم الختامي /

ب- جد (م . م . أ) للعددين ٤ ، ٢٠ باستخدام طريقة المضاعفات المشتركة :

.....

.....

ت- جد (م . م . أ) للعددين ١٥ ، ٢٠ باستخدام طريقة التحليل إلى العوامل الأولية :

.....

.....

نشاط إضافي

إذا كان (م . م . أ) لعددين هو ٣٦ ، وكان أحد العددين = ١٢ ، فما هو العدد الثاني ؟

.....