



السؤال الاول: لتكن  $\vec{a} = (2, 2)$ ،  $\vec{b} = (5, 2)$ ،  $\vec{c} = (7, 5)$ ،  $\vec{d} = (3, 8)$  وكانت

$\vec{c} = \vec{a} + 3\vec{b} - \vec{c}$  اثبت ان  $\vec{c} \parallel \vec{d}$  (٢) جد متجه يوزي  $\vec{c}$  له ٣ امثال طوله؟

السؤال الثاني:  $\Delta$  ا ب ج فيه ا  $(2, 3, 1)$ ، ج  $(2, 3, 1)$  كانت  $\vec{c} = (س, ٢, -٢)$  منتصف  $\vec{ab}$  وكانت

**Kh-2020**

$\vec{c} = \vec{a} + 2\vec{b}$  جد احداثي النقطة ب حيث  $س < ٠$

الثالث) اذا كان  $\vec{a} = (-1, 2)$ ،  $\vec{b} = (س, ١)$  اجد قيمة د بحيث الزاوية بين المتجهين  $= ٥٤^\circ$

اذا كان  $٣ = |\vec{a}|$ ،  $٤ = |\vec{b}|$ ،  $٥ = |\vec{c}|$

وكان  $\vec{a} \perp (\vec{b} + \vec{c})$ ،  $\vec{b} \perp (\vec{a} + \vec{c})$  اثبت ان  $|\vec{a}| + |\vec{b}| + |\vec{c}| = ٥$

الرابع: اذا كانت  $\vec{a} = (٢, ٠)$ ،  $\vec{b} = (س, ص)$ ،  $\vec{c} = \vec{a} + ٢\vec{b}$  جد  $١٢٠^\circ$  ص علما بان ب في

الربع الثاني

اذا كانت  $\vec{a} = (٢, ٠)$ ،  $\vec{b} = (س, ص)$ ،  $\vec{c} = \vec{a} + ٢\vec{b}$  جد  $١٢٠^\circ$  ص علما بان ب

في الربع الثاني؟

اذا كان  $\vec{a}$ ،  $\vec{b}$ ،  $\vec{c}$  ثلاث متجهات وحدة وكان  $\vec{a} + \vec{b} + \vec{c} = \vec{0}$

**Kh-2020**

اثبت ان  $|\vec{a} - \vec{b}| = ٣$ ؟

اذا كان  $\vec{a} = \vec{c} + \vec{b}$  وكان  $٣ = |\vec{a}|$ ،  $٥ = |\vec{b}|$ ،  $٧ = |\vec{c}|$  جد قياس الزاوية بين المتجهين  $\vec{a}$ ،  $\vec{b}$ ؟

: اذا كان  $٣ = |\vec{a}|$ ،  $٥ = |\vec{b}|$ ،  $١٩ = |\vec{a} - \vec{b}|$  حد الزاوية بين المتجهين  $\vec{a}$ ،  $\vec{b}$

إذا كان  $\vec{A} = (2, 4, 1)$  ،  $\vec{B} = (7, -2, 3)$  جد قيم  $s$  التي تجعل الزاوية بين  $\vec{A}$  ،  $\vec{B}$  منفرجة

إذا كان  $\vec{A} = (3, -4, 0)$  ،  $\vec{B} = 2\vec{i} - \vec{j} + 2\vec{k}$  و  $\vec{C} = \vec{j} - \vec{k}$  جد

(١) جد قيمة المتجه  $s$  حيث أن  $\vec{A} + \vec{C} = \vec{B} + 2\vec{C}$

إذا كان  $|\vec{A}| = 3$  ،  $|\vec{B}| = 4$  ،  $|\vec{C}| = 5$  ، وكان  $\vec{A} \perp (\vec{B} + \vec{C})$  ،  $\vec{B} \perp (\vec{A} + \vec{C})$  ،  $\vec{C} \perp (\vec{A} + \vec{B})$

**Kh-2020**

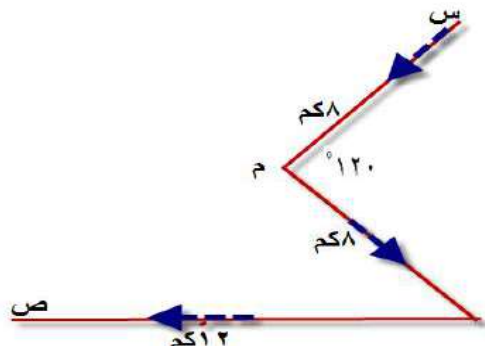
أثبت أن  $|\vec{A} + \vec{B} + \vec{C}| = 5\sqrt{2}$

:  $\vec{AB}$  قطعه مستقيمه  $A(2, 2, 3)$  ب  $B(8, 1, 12)$  كان طول  $\vec{AB} = \sqrt{108}$  جد قيمه الثابت  $m$  ثم جد

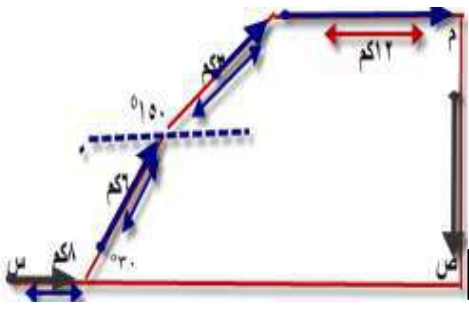
احداثى منتصف القطعه  $\vec{AB}$  علما بان  $s > 4$

تحرك شخص من النقطة  $s$  الى النقطة  $v$  وفق المسار احسب

(٢) الازاحه للشخص من  $s$  الى  $v$

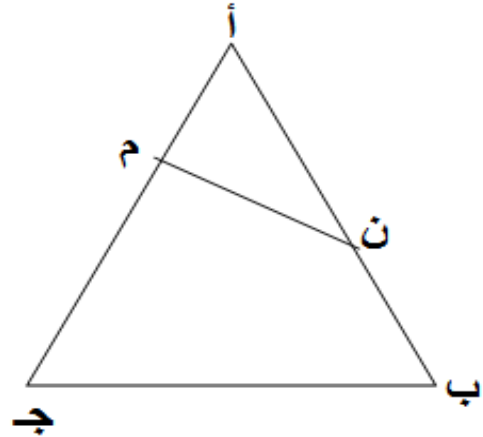


الشكل التالى تحرك شخص من النقطة  $s$  الى النقطة  $v$  حسب المخطط احسب الازاحه للشخص من  $s$  الى  $v$



**Kh-2020**

١ (٠, ٤, ٨) ، ب (٠, ٤, ٦) ، ج (٠, ٢, ٤) تشكل رؤوس  $\Delta$  ا ب ج وتقع النقطة ن في منتصف ا ب النقطة  
٢ (س، -٠، ٢) : س = ص وتقع على ا ج بحيث  $\frac{AN}{NB} = \frac{7}{2}$  اثبت ان  $\overrightarrow{AN} = \overrightarrow{BN}$

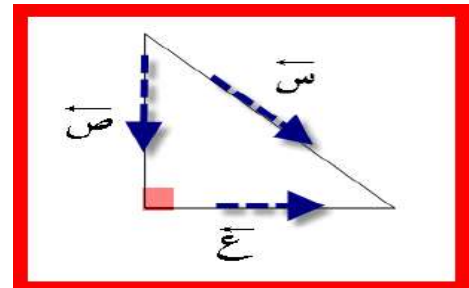


جد متجه طوله ٥ وحدة ويصنع زاويه ظلها ٢ مع الاتجاه الموجب للسينات

**Kh-2020**

ل في الوضع القياسي بحيث  $|\vec{l}| = 6$  ويصنع زاويه  $60^\circ$  مع السينات الموجب اكتب ل بدلاله متجهي  
الوحدة الاساسين ؟

: اثبت باستخدام المتجهات نظريه فيثاغورس



السؤال الاول: لتكن ١ (٢, ٣) ، ب (١, ٢) ، ج (٢, ٣)

١) اكتب ا ب بدلالة متجهي الوحدة الاساسين

٢) متجه وحدة عكس اتجاه ا ب

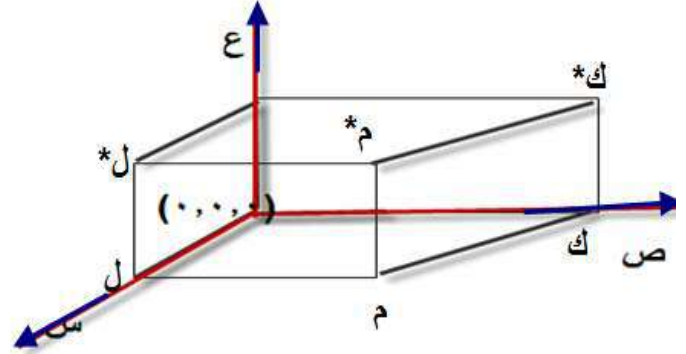
٣) الزاوية التي يصنعها ا ب مع محور السينات الموجب

٥) جد احداثي النقطة د بحيث  $\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AB}$

متوازي مستطيلات عرضه ثلاث امثال طول وارتفاعه ٤ اذا كان طوله ٢ وحدة

**Kh-2020**

عين احداثيات رؤوسه ومساحته الجنايبه



$\vec{a} = (\text{جاس}, -\text{جتاسه})$ ،  $\vec{b} = 1 + \text{جتاسه} + \text{جاسه}$  و  $\vec{c}$  كان  $\vec{a} \perp \vec{b}$   $\exists \pi^2, \pi] 10$  علامات

::  $\vec{a}$  متجه في الفراغ طوله ٨  $\sqrt{3}$  وحدة يصنع زواياه مثلث متساوي الزوايا بالقياس مع الاتجاهات الموجبه  
للمحاور الاحداثيه الثلاث اكتب  $\vec{a}$  بدلاه متجهات الوحدة؟  $10$  علامات

مثلث متساوي الاضلاع رؤوسه على المحاور الاحداثيه الثلاث محيطه ١٢  $\sqrt{2}$  جد احداثيات رؤوسه؟

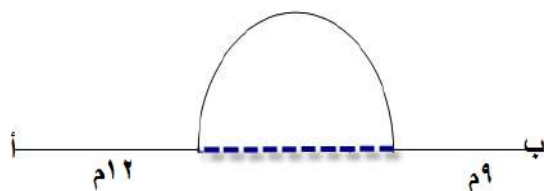
:  $\vec{s} = \text{جاس} + \vec{a} - \text{جتاسه} + \vec{b}$  و  $\vec{c} = (1 + \text{جتاسه}) + \text{جاسه} + \vec{a}$  كان  $\vec{s} \perp \vec{c}$  جد مجموعه قيم  $\vec{s}$   
بحيث  $\left[ \pi^2, \frac{\pi^7}{6} \right]$   $10$  علامات

**Kh-2020**

تحرك جسم من النقطه  $A(5, 3, -)$  الى النقطه  $B(8, 0, )$  ثم الى النقطه  $C(2, , )$  حيث  $s < 0$  فكانت المسافه الكليه التي  
قطعها  $\sqrt{162}$  جد ازاحه هذه الجسم؟

الشكل التالي مساحة الدائرة  $\pi ٤$  تحركت سيارة من أ الى ب فان مقدار المسافه التى قطعها =

- أ)  $\pi + ١٦$  ب)  $\pi + ٢$  ج)  $\pi + ٢٣$  د)  $\pi ٢ + ٢١$



&& قيمه ب التى تجعل المتجهين متعامدين  $\vec{A} = (١, ٣, ب)$  ،  $\vec{B} = (١ + ب, ٤ - , ٣ - ب)$

- أ)  $\{٢ - , ٦ - \}$  ب)  $\{٢, ٦\}$  ج)  $\{٤, ٣\}$  د)  $\{٢, ٦ - \}$

قيمه المتجه  $\vec{S}$  الذى يحقق المعادله  $\vec{S} - \vec{S}_2 = \vec{S}_3$  بحيث  $\vec{A} = (٤, ٢ -)$  ،  $\vec{B} = (٢, ٦)$

- أ)  $(\frac{٣}{٥}, \frac{٤}{٥})$  ب)  $(٥, ٨)$  ج)  $(٨, ٥)$  د)  $(٨ - , ٥ -)$

(\*\*) تبعد النقطة  $(٢ - , ٧ - , ٤)$  عن المستوى س ع

- أ) ٢ وحدة ب) ٤ وحدة ج) ٧ وحدة د) ٧ - وحدة

**Kh-2020**

(\*\*) قياس الزاويه بين المتجهين  $\vec{a} = (١ - , ٤ - , ٣)$  ،  $\vec{b} = (٣ - , ١٢ - , ٩)$

- أ)  $\frac{\pi}{٢}$  ب)  $\frac{\pi}{٤}$  ج) ٠ د)  $\frac{\pi ٣}{٤}$

١ ب ج د شكل رباعي ، ناتج  $\vec{AB} + \vec{BC} + \vec{CD} + \vec{DA} =$

- أ) صفر ب)  $\vec{AD}$  ج)  $\vec{AC}$  د)  $\vec{0}$

إذا كانت  $\vec{a} = (٠, ٤, ٤)$  ،  $\vec{b} = (٤, ٠, ٤)$  ،  $\vec{c} = (٤, ٤, ٠)$

- أ) قائم الزاوية ب) متساوي الساقين ج) منفرج الزاوية د) مختلف الأضلاع

**Kh-2020**

إذا كانت  $\vec{M} = (٢, ٤, ٥ -)$  وكانت ج  $(٤, ٣, ٦)$  تقع في منتصف المسافة بين  $\vec{M}$  ،  $\vec{B}$  فان احداثيات النقطة  $\vec{B}$  هي :

- أ)  $(١٠, ١٠, ٧)$  ب)  $(٤, ١, ٣)$  ج)  $(٦, ٢, ١٧)$  د)  $(٣, \frac{٧}{٢}, \frac{١}{٢})$

|                                                                                                                                                            |                                                  |                                                     |                                                     |
|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|--------------------------------------------------|-----------------------------------------------------|-----------------------------------------------------|
|                                                                                                                                                            |                                                  |                                                     |                                                     |
| أ) ١                                                                                                                                                       | ب) ١ -                                           | ج) ٢                                                | د) صفر                                              |
| $= 2 - \text{ج}^2 + \text{ج}^2 + \text{ج}^2 \text{ فان قيمه } \sqrt{3} \text{ هي الزوايا الاتجاهيه للمتجه } \vec{A}$                                       |                                                  |                                                     |                                                     |
| أ) ١                                                                                                                                                       | ب) ١٠ -                                          | ج) ٩                                                | د) صفر                                              |
| $= 12 - \text{ج}^2 + \text{ج}^2 + \text{ج}^2 \text{ فان قيمه } \sqrt{3} \text{ هي الزوايا الاتجاهيه للمتجه } \vec{A}$                                      |                                                  |                                                     |                                                     |
| قياسات الزوايا الاتجاهيه التي يصنعها المتجه $\vec{A} = (\sqrt{3}, 1, 0)$ مع المحاور الاحداثيه الثلاث                                                       |                                                  |                                                     |                                                     |
| أ) $30^\circ, 45^\circ, 120^\circ$                                                                                                                         | ب) $45^\circ, 30^\circ, 120^\circ$               | ج) $60^\circ, 90^\circ, 30^\circ$                   | د) $30^\circ, 90^\circ, 60^\circ$                   |
| قيمه م، ك التي تجل $(2, 6, 1) \parallel (2, 3, 1)$ (أ) $\frac{1}{3}, 1$ (ب) $\frac{1}{3}, \frac{1}{4}$ (ج) $1, \frac{1}{4}$ (د) $\frac{1}{3}, \frac{1}{3}$ |                                                  |                                                     |                                                     |
| أي من الزوايا الآتية تشكل زوايا اتجاهية :                                                                                                                  |                                                  |                                                     |                                                     |
| أ) $(90^\circ, 51^\circ, 5)$                                                                                                                               | ب) $(90^\circ, 41^\circ, 0)$                     | ج) $(90^\circ, 61^\circ, 30^\circ)$                 | د) $(45^\circ, 45^\circ, 0)$                        |
| <b>Kh-2020</b>                                                                                                                                             |                                                  |                                                     |                                                     |
| احدى العبارات التاليه صائبه                                                                                                                                |                                                  |                                                     |                                                     |
| أ) $ \vec{a} + \vec{b}  >  \vec{a}  +  \vec{b} $                                                                                                           | ب) $ \vec{a} + \vec{b}  <  \vec{a}  +  \vec{b} $ | ج) $ \vec{a} + \vec{b}  \geq  \vec{a}  +  \vec{b} $ | د) $ \vec{a} + \vec{b}  \leq  \vec{a}  +  \vec{b} $ |
|                                                                                                                                                            |                                                  |                                                     |                                                     |
|                                                                                                                                                            |                                                  |                                                     |                                                     |
|                                                                                                                                                            |                                                  |                                                     |                                                     |
| <b>بالتوفيق احبتي</b>                                                                                                                                      |                                                  |                                                     |                                                     |
|                                                                                                                                                            |                                                  |                                                     |                                                     |
|                                                                                                                                                            |                                                  |                                                     |                                                     |