



ملاحظة: عدد أسئلة الورقة ستة أسئلة ، اجب عن خمسة اسئلة منها فقط .

القسم الأول: يتكون هذا القسم من أربعة أسئلة ، وعلى المشترك أن يجيب عنها جميعا

السؤال الأول: (٣٠ علامة)

اختر الإجابة الصحيحة ثم ضع إشارة (x) في المكان المخصص في دفتر الإجابة :

١) اذا كان ق(٢) = $\frac{1}{4}$ ، ق'(٢) = ١ ، ما قيمة نها $\frac{س-٤ ق(س)}{س-٢ ق(س)}$ ؟

- (أ) $\frac{1}{4}$ (ب) ٣- (ج) ٦- (د) ٦

٢) اذا كان ق(س) = $\frac{س^2}{٤}$ ، ما قيمة ق'(٢) ؟

- (أ) ١ (ب) ٢ (ج) ٤ (د) غير موجوده

٣) اذا كان متوسط تغير الاقتران هـ (س) في الفتره [٢ ، ٤] يساوي ١٠ ، ما متوسط تغير ق(س) في [٢ ، ٤] ؟

حيث ق(س) = ٦ - ٣ هـ (س) .

- (أ) ٣٠ (ب) ١٠ (ج) ٢٠ (د) ٣٠-

٤) اذا كان ل(س) = ق(س) + س^٣ ، ق(٤) = ٣ ، ق'(٤) = ٢- ، ما قيمة ل'(٢) ؟

- (أ) ٢٤ (ب) ٤ (ج) ٢٠ (د) ٤-

٥) اذا كان ق(س) = ٥ جا٣س وكانت ق'(س) = أ ق(س) ، ما قيمة الثابت أ ؟

- (أ) ٤٥ (ب) ٩ (ج) ٩- (د) ٨

٦) اذا كان ص = هـ^٢س ، ما قيمة المقدار ص''-٣ص'+٢ص ؟

- (أ) ١٢ هـ^٢س (ب) صفر (ج) ٣ هـ^٢س (د) - هـ^٢س

٧) ما أصغر قيمة للاقتران ق(س) = س(س - ٦ + ٩) حيث س ∈ [٢ ، ٥] ؟

- (أ) ٣ (ب) ٥٠- (ج) ٤ (د) صفر

٨) اذا كان ق(س) = $\sqrt{س^2 - ٤س}$ ، ما عدد النقاط الحرجه للاقتران ق(س) ؟

- (أ) ١ (ب) ٢ (ج) ٣ (د) ٤

لاحظ الصفحة التاليه : يتبع صفحه (٢)

٩ (إذا كان المستقيم $v = s + 1$ يمس منحنى الاقتران $q(s) = s^2 - 7s$ ، ما قيمة الثابت أ ؟

- (أ) ٤ (ب) - ٤ (ج) ١ - (د) ١

١٠ (إذا كان $s^2 - s + v = 3$ ، ما قيمة $\frac{dv}{ds}$ عند النقطة $(1, 1)$ ؟

- (أ) ٢ - (ب) ٢ (ج) ١ - (د) ١

١١ (إذا كان $q(s) = s \sqrt{s}$ ، مع العلم ان $l(2) = 3$ ، $l(2) = 1$ ، ما قيمة $q'(4)$ ؟

- (أ) $\frac{1}{4}$ (ب) - ٤ (ج) ٤ (د) ٧

١٢ (إذا كان $q(s)$ كثير حدود معرف في الفترة $[1, 5]$ ويقع منحناه في الربع الأول ومتناقص على مجاله وكان

الاقتران $h(s) = 9 - s$ ، الاقتران $k(s) = (q \times h)(s)$ ، ما العبارة الصحيحة دائماً؟

(أ) $k(s)$ اقتران متزايد في $[1, 5]$ (ب) $k(s)$ اقتران مقعر للأعلى في $[1, 5]$

(ج) $k(s)$ اقتران متناقص في $[1, 5]$ (د) اقتران مقعر للأسفل في $[1, 5]$

١٣ (ليكن $q(s) = s^3 + s^2 + b s + 5$ ، إذا كان لمنحنى الاقتران $q(s)$ قيمه صغرى عند $s = 4$ وله نقطة

انعطاف عند $s = 1$ ما قيمتي أ ، ب على الترتيب ؟

- (أ) ٣ ، - ٢٤ (ب) - ٣ ، ٢٤ (ج) - ٣ ، - ٢٤ (د) ٣ ، - ٢٤

١٤ (ما مجموعة قيم ج التي تحدها نظرية رول للاقتران $q(s) = 2s^2 + 2$ جاس المعرف في الفترة $[\frac{\pi}{4}, \pi]$ ؟

- (أ) $\{\frac{\pi}{3}\}$ (ب) $\{\frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{3}\}$ (ج) $\{\frac{\pi^2}{5}\}$ (د) $\{\pi, \frac{\pi}{3}\}$

١٥ (يتحرك جسم وفقاً للعلاقة $f(n) = 6n^2 - n^3$ حيث f المسافة بالأمتار ، n : الزمن بالثواني ، $E(n)$: السرعه،

ما التسارع الموجب للجسم عندما تكون سرعته تساوي ٩ متر / ثانيه ؟

- (أ) ٤ م / ث^٢ (ب) ٨ م / ث^٢ (ج) ١٢ م / ث^٢ (د) ٦ م / ث^٢

١٦ (إذا كان $q(s)$ اقتراناً متصلًا في $[1, 3]$ وكان $q'(s) > 0$ لجميع قيم $s \in [1, 3]$ ، للاقتران $q(s)$

ثلاث نقاط حرجه فقط في $[1, 3]$ وكان $q'(2) = 0$ ، فما العبارة الصحيحة فيما يأتي ؟

- (أ) $q(\frac{5}{4}) > 0$ (ب) $q(\frac{5}{4}) = q(2)$ (ج) $q(\frac{5}{4}) > q(2)$ (د) $q(\frac{5}{4}) < q(2)$

لاحظ الصفحة التاليه : يتبع صفحه (٣)

١٧) إذا كانت المصفوفة $\begin{bmatrix} ٥ & ٤ \\ ٧ & ٤ \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} ٥ & ٢ \\ ٧ & ٣-٢ \end{bmatrix}$ ، ما قيمة / قيم س ؟

- أ) ٤ (ب) ٤ ، -٤ (ج) ٤ ، -١ (د) ١ ، -٤

١٨) إذا كانت $\begin{bmatrix} ٢ \\ ٣ \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} ٥ \\ ٤ \end{bmatrix}$ ، ما قيمة |س . ص| ؟

- أ) ٢٣- (ب) ١ (ج) ٢٣ (د) ٣٢

١٩) إذا كانت أ ، ب مصفوفتين مربعيتين من الرتبة الثانيه بحيث ان $||٢|| = ٢٤$ ، $||٣|| = ٣٠$ ما قيمة |٣ب| ؟

- أ) ٥ (ب) ٤٥ (ج) ٦ (د) ١٥

٢٠) نتكن $\begin{bmatrix} ٢ & س \\ ٢ & ٧ \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} ٢ & س \\ ٢ & ٧ \end{bmatrix}$ وكان $||١-١|| = \frac{١}{٨}$ ، ما قيمة س ؟

- أ) ٣ (ب) ٨ (ج) ٨- (د) ١١

السؤال الثاني : (٢٠ علامة) :

أ) إذا كان ق(س) = $س^٣ - ١٢س + ٢$ ، س $\in [-٣ ، ٣]$ ، جد كلاً مما يلي :
 (١) مجالات التزايد والتناقص للاقتران ق(س) .
 (٢) القيم القصوى المحليه والمطلقة للاقتران ق(س) .

ب) إذا كان ق(س) معرف في $[٠ ، ٢]$ حيث $ق(س) = \begin{cases} س^٢ ، & ١ > س \\ س ، & ١ \leq س \leq ٢ \end{cases}$ ، اجب عما يلي: (٦ علامات)

(١) ابحث في تحقق شروط نظرية القيم المتوسطه للاقتران ق(س) في $[٠ ، ٢]$.
 (٢) جد قيمة / قيم ج التي تحدها النظرية (ان وجدت) .

ج) إذا علمت ان $||١|| = \begin{bmatrix} ٢ & ١ \\ ٤ & ٣ \end{bmatrix}$ ، $||٢|| = \begin{bmatrix} ٢ & ٢ \\ ٢ & ٤ \end{bmatrix}$ ، وكان أ . ج = ب ، فجد ج^١ . (٦ علامات)

السؤال الثالث (٢٠ علامة) :

أ) استخدم طريقة كرامير لحل نظام المعادلات $س^٣ + ٢ص = -٤$ ، $٥س + ٣ = ٣$ (٨ علامات)
 ب) إذا كانت أ ، ب مصفوفتين مربعيتين غير صفريتين ، بحيث أن أ.ب = و ، اثبت أن :

احدى المصفوفتين أ ، ب على الأقل ليس لها نظير ضربي . (٣ علامات)

لاحظ الصفح التاليه : يتبع صفحه (٤)

ج) إذا كان المستقيم المار بالنقطة (٢، ٠) يمس منحنى العلاقة $٤س^٢ + ص^٢ = ١$ ، جد نقطة / نقط التماس . (٩ علامات)

السؤال الرابع (٢٠ علامة):

أ) إذا كان ق/(س) = $\frac{س}{٤+٢س}$ ، س [٣، ١] - [٣، ١]، جد ما يلي:

١) فترات التقعر للأعلى وللأسفل لمنحنى الاقتران ق/(س).

٢) الاحداثيات السينيه لنقطة / نقط الانعطاف وزاوية الانعطاف لمنحنى الاقتران ق/(س) (ان وجدت). (١٠ علامات)

ب) جد نها $\frac{ظنا(س) - \frac{\pi}{٤}ظنا(س)}{\pi^٣ - س١٢}$ ← س $\frac{\pi}{٤}$ (٤ علامات)

ج) إذا كان ق/(س) = $س + \frac{١}{س}$ ، هـ = (س) = جتاس، س ≠، أثبت أن (ق ٥ هـ) / (س) = جاس قاس. (٦ علامات)

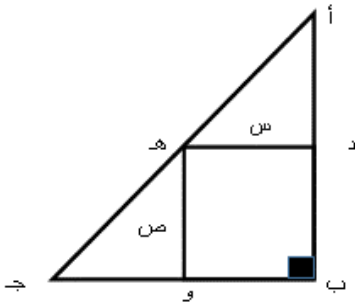
القسم الثاني: يتكون هذا القسم من سؤالين وعلى المشترك أن يجيب عن سؤال واحد فقط

السؤال الخامس: (١٠ علامات)

أ) حل المعادله المصفوفيه التاليه: $(٢س + س) \begin{bmatrix} ١ & ١ \\ ٣ & ٠ \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} ٠ & ٢ \\ ٢ & ٠ \end{bmatrix}$. (٥ علامات)

ب) تحرك جسم على خط مستقيم بحيث ان بعده عن نقطه الأصل يتحدد بالعلاقه $ف = ن^٣ - ٩ن^٢ + ٧$ حيث ف بعده بالامتر، ن الزمن بالثواني، ١) متى يعكس الجسم من اتجاه حركته؟
٢) جد أقل تسارع للجسم (٥ علامات)

السؤال السادس: (١٠ علامات)



أ) أب جد مثلث قام الزاويه في ب، أب = ٤ وحدات، ب ج = ٣ وحدات (٥ علامات)
د نقطه على أ ب، هـ نقطه على أ ج، و نقطه على أ ج،
جد قيم س، ص التي يكون عندها مساحة المستطيل د ب و هـ أكبر ما يمكن.

ب) إذا كان نها $\frac{جاس - جتاس - ب + س}{س - ٢س} = \frac{١ - ١}{٢}$ ، جد الثابتين أ، ب. ← س

(٥ علامات)

انتهت الاسئله