



اليوم: الأربعاء
التاريخ: ٢٠٢١/٠٦/٣٠ م
مدة الامتحان: ساعتان وخمسة وأربعون دقيقة
مجموع العلامات: (١٠٠) علامة

امتحان شهادة الدراسة الثانوية العامة
لعام ٢٠٢١ م - الدورة الأولى

الفرع: العلمي
المبحث: الرياضيات
الورقة: الثانية
الجلسة: ---

ملاحظة: عدد أسئلة الورقة (ثمانية) أسئلة، أجب عن (خمسة) منها فقط

القسم الأول: يتكون هذا القسم من (سبعة) أسئلة، وعلى المشترك أن يجيب (أربعة) منها،
على أن يكون السؤال الأول (الموضوعي) منها إجبارياً.

السؤال الأول: (٢٠ علامة)

يتكون هذا السؤال من (١٠) فقرات من نوع اختيار من متعدد، من أربعة بدائل، اختر رمز الإجابة الصحيحة، ثم ضع إشارة (x) في المكان المخصص في دفتر الإجابة:

(١) إذا كانت $A = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$ ، $B = \begin{bmatrix} 3 & 2 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$ ، وكانت A مصفوفة عمود، فما رتبة المصفوفة B ؟

- (أ) 2×3 (ب) 2×1 (ج) 1×3 (د) 2×2
- (٢) إذا كانت S مصفوفة غير منفردة من الرتبة الثانية، بحيث $S^2 - 2S = 0$ ، فما المصفوفة S من الآتية؟
- (أ) $\begin{bmatrix} 2 & 2 \\ 2 & 2 \end{bmatrix}$ (ب) $\begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 2 \end{bmatrix}$ (ج) $\begin{bmatrix} 0 & 2 \\ 2 & 0 \end{bmatrix}$ (د) $\begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix}$

(٣) إذا كانت $B = \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 2 & 7 \end{bmatrix}$ فما المصفوفة التي تساوي $B + B^{-1}$ ؟

- (أ) 0 (ب) $\begin{bmatrix} 2 & 8 \\ 4 & 14 \end{bmatrix}$ (ج) $2I$ (د) $2I + 2$

(٤) ما العبارة الصحيحة من العبارات الآتية حيث $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$ مصفوفات ؟

- (أ) إذا كان $|A| = |A^{-1}|$ فإن $|A| = 1$ فقط (ب) $|A| = |A^{-1}|$ لـ $|A| = 2$ و $|A| = 1$ (ج) إذا كان $A = 0$ فإن $B = 0$ (د) $(2I)^2 = 4I$ حيث $2I$ مصفوفة الوحدة

(٥) إذا كانت σ_1, σ_2 تجزئة منتظمة للفترة $[-1, 1]$ ، فما ترتيب الحد الذي قيمته $\frac{3}{4}$ فيها؟

- (أ) الثامن (ب) السابع (ج) السادس (د) التاسع

(٦) إذا كان $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3}{x} = \infty$ ، فما قيمة الثابت b ؟

- (أ) 2 (ب) $-2, 2$ (ج) 1 (د) 0

(٧) ما قيمة $\lim_{x \rightarrow 0} (4 - x^2)^{\frac{1}{x}}$ ؟

- (أ) $\frac{1}{6} + \frac{(4 - x^2)^{\frac{1}{x}}}{6}$ (ب) $\frac{1}{12} + \frac{(4 - x^2)^{\frac{1}{x}}}{12}$ (ج) $10 + (4 - x^2)^{\frac{1}{x}}$ (د) $\frac{1}{10} + \frac{(4 - x^2)^{\frac{1}{x}}}{10}$

٨) إذا كان $٢(s)$ هو اقتران أصلي للاقتران $٥(s)$ المتصل في مجاله بحيث:

$$\left[(٥(s)) + (١١ - ٣) \right] = ٣(s) + (١ - s) \quad , \quad \text{ما قيمة الثابت لـ ؟}$$

(د) ٨

(ج) ٢

(ب) ٢-

(أ) ٨-

٩) إذا كان $٥(s) = s - s$ ، فما قيمة $\int_{\frac{1}{2}}^{\frac{4}{2}} (٥(s)) ds$ ؟

(د) هـ

(ج) ١

(ب) صفر

(أ) ١-

١٠) إذا كان $٥(s)$ اقتراناً قابلاً للتكامل على الفترة $[٣, ٢]$ ، وكانت ٥ تجزئة منتظمة للفترة $[٣, ٢]$ ، بحيث كانت

$$\int_{٢}^٣ (٥(s)) ds = (٣ + ٧) \quad , \quad \text{فما قيمة } \int_{٢}^٣ (٣ - \frac{(٥(s)) + ٢}{٢}) ds \text{ ؟}$$

(د) ١٠

(ج) ٩

(ب) ٧

(أ) ٤

السؤال الثاني: (٢٠ علامة)

١) استخدم تعريف التكامل المحدود في إيجاد قيمة $\int_{١}^٤ (٥ - s) ds$. (١٣ علامة)

٢) جد قيمة $\int_{١}^٤ |٢ - s| ds$.

(ب) حل النظام التالي من المعادلات الخطية بطريقة النظير الضربي:

$$٢٣ - ٣س = ١٩ \quad , \quad ٢٤ - ٢س = ١٢$$

(٧ علامات)

السؤال الثالث: (٢٠ علامة)

١) جد $\int_{١}^٤ \frac{٤س}{١-٢س} ds$. (١٣ علامة)

٢) إذا كان ميل المماس لمنحنى الاقتران $٥(s)$ عند أي نقطة عليه يساوي $\frac{١}{٣س} + \sqrt{s}$ فجد قاعدة الاقتران $٥(s)$ علماً بأن منحناه يمر بالنقطة $(١, \frac{٢}{٣})$.

(ب) إذا كانت A مصفوفة مربعة من الرتبة الثانية وكان $A = \begin{Bmatrix} ٢ & ٣ \\ ٣ & ٣ \end{Bmatrix}$ ، $B = \begin{Bmatrix} ٣ & ٨ \\ ٣ & ٥ \end{Bmatrix}$ ، فجد المصفوفة S

بحيث $S = ٢(B - ٢)$. (٧ علامات)

السؤال الرابع: (٢٠ علامة)

(أ) إذا كان $\begin{vmatrix} ٠ & ٣ & ٢ \\ ٥ & س & ٤ \\ س & ٣ & ١ \end{vmatrix} = ٢ - س$ ، فما قيمة/ قيم $س$ ؟ (٦ علامات)

١) إذا كان $٢(s) = (٥ + ٤) + ٦ + \frac{٤ + ٨ + ١٢ + \dots + ٤٤}{٢س}$ حيث ٥ تجزئة نونية منتظمة (١٤ علامة)

للفترة $[٤, ١]$ ، فما قيمة $\int_{١}^٤ (٥(s)) ds$.

٢) جد $\int_{١}^٤ \frac{١}{(٢س + ٣س)} ds$.

السؤال الخامس: (٢٠ علامة)

(أ) إذا كان $U(S) = \left\{ \begin{array}{l} 3S^3 - 2S^2 \text{ ، } 0 \leq S \leq 2 \\ |5S - 2| \text{ ، } 2 < S \leq 4 \end{array} \right\}$ اقتراناً متصلًا في الفترة $[4, 0]$ ، جد ما يأتي:

١. الاقتران الكامل للاقتران $U(S)$ في الفترة $[4, 0]$ (١٢ علامة)

(ب) إذا كانت $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 2 & -1 \end{pmatrix} = B^{-1}$ ، $B = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 4 & 5 \end{pmatrix}$ ، فجد المصفوفة B^{-1} . (٨ علامات)

السؤال السادس: (٢٠ علامة)

(أ) قذف جسم رأسياً إلى أعلى من حافة سطح بناية بسرعة ابتدائية قدرها ٣٠ م/ث، فإذا كان تسارعه -١٠ م/ث^٢، وكان ارتفاعه عن سطح الأرض بعد ثانيتين من بدء الحركة يساوي ٦٠ م، فما أقصى ارتفاع وصله الجسم عن سطح الأرض؟ (٧ علامات)

(ب) ١. جد قيمة S بحيث $[4 - 3] \begin{bmatrix} 5 & 1 - S \\ 1 & 3 & 2 \\ 0 \end{bmatrix} = [1 + S] \begin{bmatrix} 3 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}$ (١٣ علامة)

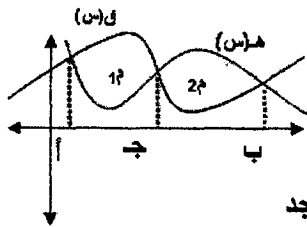
٢. ما مساحة المنطقة المحصورة بين منحنى الاقتران $U(S) = S^3 - 3S^2 + 1$ ، والمستقيم المار بالنقطتين $(3, 3)$ ، $(-1, -5)$.

القسم الثاني : يتكون هذا القسم من سؤالين وعلى المشترك أن يجيب عن أحدهما فقط .

السؤال السابع: (٢٠ علامة)

(أ) إذا كانت σ تجزئة منتظمة للفترة $[8, 4]$ ، وكان العنصر الخامس عشر $\frac{3}{4}$ ، $S_8 - S_0 = \frac{3}{4}$ ،

(٦ علامات)



فما قيمة كل من h ، h ؟

(ب) إذا كان $\int_1^2 h(s) ds = 6$ ، $\int_2^4 h(s) ds = 2$ ، معتمداً على الشكل المجاور جد

المساحة المحصورة بين منحنىي الاقترانين $h(s)$ ، $f(s)$

(٦ علامات)

(٨ علامات)

(ج) حل المعادلة المصفوفية $S \begin{bmatrix} 5 & 1 \\ 0 & -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & -3 \\ 1 & -1 \end{bmatrix}$

السؤال الثامن: (٢٠ علامة)

(أ) جد قيمة $\int_0^{\pi} h(s) ds - \int_0^{\pi} f(s) ds$ (٧ علامات)

(ب) حل النظام التالي من المعادلات الخطية بطريقة كرامر $S^3 - 3S^2 = 0$ ، $2S - 3 = 4$ ، $4 = 2 - 3$ علماً بأن $2 - 3 = 4$

(٧ علامات)

(٦ علامات)

(ج) إذا كان $\int_0^1 (1 + \cos(s)) ds = 2$ ، فما قيمة $\int_0^1 (1 + \cos(s)) ds$ ؟

انتهت الأسئلة