



ملاحظة: عدد أسئلة الورقة (سنة) أسئلة، أجب عن (خمسة) منها فقط

القسم الأول: يتكون هذا القسم من (ثلاثة) أسئلة، وعلى المشترك أن يجيب عنها جميعاً.

السؤال الأول: (٢٠ علامة)

يتكون هذا السؤال من (١٠) فقرات من نوع اختيار من متعدد، من أربعة بدائل، اختر البديل الصحيح، ثم انقله إلى دفتر الإجابة:
١. إذا كان U (س) اقترانا معرفاً في الفترة $[3, 6]$ ، وكانت σ تجزئة نووية منتظمة على الفترة $[3, 6]$ ، بحيث

$$\sigma^2(U, \sigma) = 3 - \frac{18}{\sigma} \text{، فما قيمة } \int_3^6 U \sigma(s) ds \text{؟}$$

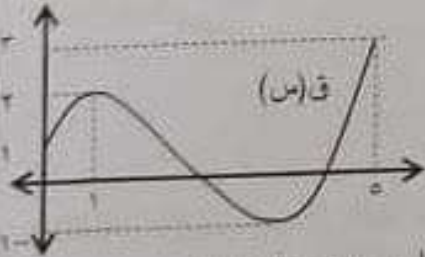
$$2. \text{ إذا كانت } \begin{bmatrix} 1-s & 3 \\ 2+s & 3+2s \end{bmatrix} = I \text{، وكان } A = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \text{، فما قيمة } \int_0^1 A ds \text{؟}$$

$$3. \text{ ما قيمة } \int_0^1 (f(s) + g(s)) ds \text{؟}$$

$$\begin{aligned} f(s) &= s^2 + 1 \\ g(s) &= s^2 + 2s + 1 \end{aligned}$$

$$4. \text{ إذا كان } \int_0^1 (U(s) - 4) ds = 0 \text{، } \int_0^1 U(s) ds = 5 \text{، فما قيمة } \int_0^1 U(s)(4-s) ds \text{؟}$$

$$5. \text{ الشكل المجاور يمثل منحنى } U(s) \text{، فما أكبر قيمة للمقدار } \int_0^1 (7 - (s)U(s)) ds \text{؟}$$



$$6. \text{ إذا كانت } A \text{ مصفوفة مربعة من الرتبة الثانية وغير منفردة، وكان } |A| = 3 \text{، فما قيمة } |A^{-1}| \text{؟}$$

$$7. \text{ ما قيمة } \int_0^1 (f(s) + g(s)) ds \text{؟}$$

$$f(s) = s^2 + 1$$

$$g(s) = s^2 + 2s + 1$$

$$f(s) = s^2 + 1$$

$$g(s) = s^2 + 2s + 1$$

٩. إذا كان $z = (x, y)$ اقترانا متصلا في الفترة $\left[\frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{2}\right]$ وكان الاقتران المتكامل $T(z) = \int_0^z (x^2 - y^2) dx + \int_0^y (x^2 - y^2) dy = 1$ فما قيمة الثابت $\frac{1}{3}$.

$$\frac{1}{3} = \frac{\frac{\pi}{2}}{3} - \frac{\frac{\pi}{4}}{3} = \frac{\pi}{12}$$

١٠. ما قيمة $\int_0^1 (x^2 - y^2) dx + \int_0^y (x^2 - y^2) dy$ من معادلتين خطيتين بمتغيرين x, y بطريقة كريمة، علماً بأن:

$$\begin{bmatrix} 4 & 12 \\ 4 & 6 \end{bmatrix} = A, \begin{bmatrix} 2 & 8 \\ 2 & 2 \end{bmatrix} = B, \text{ و } A \cdot B = B \cdot A$$

١٠. إذا كان له عدداً طبيعياً موجباً، وكان $\int_0^1 (x^2 - y^2) dx + \int_0^y (x^2 - y^2) dy = 1$ ، فأني من التكاملات الآتية يساوي مساحة المنطقة المحصورة بين

الاقتران $z = (x, y)$ ومحور السينات والمستقيمين $x = 1$ ، والمستقيم $y = 1$ ؟

$$\int_0^1 (x^2 - y^2) dx + \int_0^y (x^2 - y^2) dy = 1$$

المسألة الثانية: (٢٠ علامة)

(أ) ما قيمة $\int_0^1 (x^2 - y^2) dx + \int_0^y (x^2 - y^2) dy$ من معادلتين خطيتين بمتغيرين x, y بطريقة كريمة، علماً بأن:

(٦ علامات)

(ب) إذا كانت $A = \begin{bmatrix} 3 & 0 & 1 \\ 1 & 3 & 0 \\ 0 & 2 & 5 \end{bmatrix}$ ، وكان $|A| = 3$ ، جد قيمة $\det(A)$.

(٧ علامات)

(ج) استخدم تعريف التكامل المحدود في إيجاد قيمة $\int_0^1 (x^2 - y^2) dx + \int_0^y (x^2 - y^2) dy$.

(٧ علامات)

المسألة الثالثة: (٢٠ علامة)

(أ) جد $\int_0^1 (x^2 - y^2) dx + \int_0^y (x^2 - y^2) dy$ من معادلتين خطيتين بمتغيرين x, y بطريقة كريمة، علماً بأن:

(٦ علامات)

(ب) إذا كان $z = (x, y)$ اقترانا أصلياً للاقتران المتصل $T(z) = \int_0^z (x^2 - y^2) dx + \int_0^y (x^2 - y^2) dy = 1$ ، هـ: العدد النيبيري.

(٧ علامات)

$$\int_0^1 (x^2 - y^2) dx + \int_0^y (x^2 - y^2) dy = 1$$

(ج) إذا كانت $(س)$ = $\left\{ \begin{array}{l} ٠ < س < ١ \\ ١ \leq س < ٢ \\ ٢ \leq س < ٣ \\ ٣ \leq س < ٤ \end{array} \right\}$ هو الاقتران المكامل للاقتران $ن(س)$ المتصل على الفترة $[٤, ٠]$ جد قيمة كل من الثابتين $أ, ب$

(٧ علامات)

القسم الثاني: يتكون هذا القسم من (ثلاثة) أسئلة، وعلى المشترك أن يجيب عن سؤالين منها فقط.

السؤال الرابع: (٢٠ علامة)

(أ) إذا كان ميل العمودي على المماس لمنحنى الاقتران $ن(س)$ عند أي نقطة عليه $(س, ص)$ يساوي $\left(\frac{\sqrt{س}}{١+س} \right)$ ، $٠ < س$ ، جد قاعدة الاقتران $ن(س)$ علماً بأنه يمر بالنقطة $(١, \frac{٢}{٣})$.

(٧ علامات)

(ب) إذا كانت $١ = \begin{bmatrix} ٣ & ٥ \\ ٢ & س \end{bmatrix}$ ، بحيث $٢١ = ١٣ - ٢٧$ ، جد قيمة $س$.

(٦ علامات)

(ج) إذا كانت $١, ٢$ تجزئة منتظمة للفترة $[أ, ب]$ ، وكان العنصر (الخامس عشر) فيها يساوي ٣٢ ، وكانت $١, ٢$ تجزئة منتظمة لنفس الفترة وكان العنصر (الثامن) فيها يساوي ٢٥ ، فما قيمة كل من الثابتين $أ, ب$ ؟

(٧ علامات)

السؤال الخامس: (٢٠ علامة)

(أ) إذا كان $١ = \begin{bmatrix} ٢ & ١ \\ ٣ & ١-س \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} ٢ & ٢ \\ ٢-س & ١-س \end{bmatrix} + س$ ، جد المصفوفة $س$.

(٧ علامات)

(ب) انطلق العتسابقان علي ومحمد معاً من السكون في مسابقة العدو لمسافة ١٠٠ متر، وكانت سرعة علي تحدد بالعلاقة $١(٧) = ٧$ م/ث، وسرعة محمد تحدد بالعلاقة $٢(٧) = \frac{٣}{٢} ٧$ م/ث، جد زمن وصول كل منهما نهاية السباق، وحدد أيهما قطع مسافة السباق أولاً؟

(٦ علامات)

(ج) إذا كان $\int_0^{\frac{\pi}{٢}} (جا٢س)(ب + جا٢س) دس = \frac{٣}{٢}$ ، جد قيمة الثابت $ب$.

(٧ علامات)

السؤال السادس: (٢٠ علامة)

(أ) احسب المساحة المحصورة بين منحنى الاقتران $ن(س) = س^٢ + ٢$ ، ومنحنى الاقتران $ل(س) = ٣ - س$ ، ومحوري السينات والصادات الموجبين.

(٧ علامات)

(ب) استخدم طريقة جاوس لحل النظام:

$$\begin{array}{rcl} ٦س + ص + ع & = & ٧ \\ ٣س - ٢ص + ٢ع & = & ٣ \\ ٢س + ص + ع & = & ٢ \end{array}$$

(٧ علامات)

(ج) ما قيمة $\left[\frac{لورد(جاس)}{جا٢س} دس , س \in \left[\frac{\pi}{٢}, ٠ \right] \right]$.

(٦ علامات)

انتهت الأسئلة