

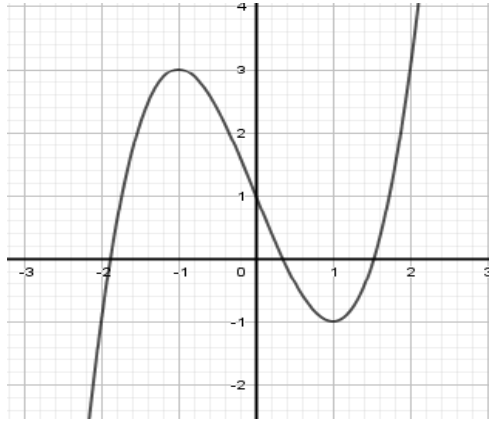


ملاحظة : عدد أسئلة الورقة (ستة) أسئلة ،أجب عن خمسة منها فقط

القسم الأول يتكون من أربعة أسئلة ، وعلى الطالب أن يجيب عنها جميعاً

السؤال الأول: (٣٠ علامة)

يتكون هذا السؤال من (٢٠) فقرة من نوع اختيار من متعدد ،من أربعة بدائل ،اختر رمز الإجابة الصحيحة ،ثم ضع إشارة (X) في المكان المخصص في دفتر الإجابة :



١- بالاعتماد على الشكل المجاور فإن ميل المستقيم القاطع لمنحنى

وه (س) والذي يمر بالنقطتين $(-2, 0)$ ، $(0, 1)$ ، يساوي

- أ. ١ ب. -١ ج. $\frac{1}{2}$ د. ٢

٢- إذا كان وه (س) = -٧س ، فإن وه (٢) =

- أ. -٧ ب. ٢ ج. -١٤ د. صفر

٣- إذا كان وه (س) = $\frac{4}{1+2س}$ ، وكان وه (٢) = - $\frac{12}{25}$ ، فإن قيمة الثابت أ =

- أ. $\frac{3}{100}$ ب. $\frac{3}{20}$ ج. $-\frac{3}{4}$ د. $\frac{3}{4}$

٤- الاقتران وه (س) = ٦س - ٢س ، فإن قيمة س التي يكون للاقتران عندها قيمة عظمى محلية هي :

- أ. -٣ ب. صفر ج. ٣ د. ٩

٥- إذا كان وه (س) دس = ٢س^٢ + ٢س + ج ، وكان وه (٢) = ٢٦ ، فإن ب تساوي :

- أ. ٧ ب. $\frac{9}{2}$ ج. ١ د. ١ - ج

٦- إذا كان $\int_{-3}^0 ٣س^٢ دس + \int_0^3 ٣س^٢ دس = \int_1^٢ ٢ دس$ ، فإن قيمة ب =

- أ. ١ ب. -١ ج. ٢ د. -٢

٧- إذا كان وه (س) مشتقة الاقتران $٢س$ (س) ، وكان $٣ = ٢(١)$ ، فإن $\int_1^٤ وه (س) دس = ٦$ ، فإن $٢(١) =$

- أ. ٦ ب. صفر ج. -٩ د. -٣

٨- قيمة $\begin{vmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 2 \end{vmatrix}$ دس =

أ. - ٤ ب. ٤ ج. ١ د. $\frac{28}{3}$

٩- إذا كان $\text{ص} = \text{ل}(\text{س}) - \text{ل}(\text{س} + ٢) + \text{س}^٢$ دس ، حيث $\text{ل} = (٢) = ٣$ ، $\text{ل} = (٢) = ٥$ ،

فإن $\frac{\text{ص}}{\text{س}}$ عندما $\text{س} = ٢$ ؟

أ. ٣ ب. - ٣ ج. ١٣ د. - ١

١٠- إذا كان أ، ب، ج مصفوفات ، م مصفوفة الوحدة بحيث أن $(\text{أ} - \text{ب}) \times \text{ج} = \text{م}$ ، وكانت رتبة ب هي ٣×٢ ، فإن رتبة ج هي :

أ. ٣×٢ ب. ٢×٢ ج. ٣×٣ د. ٢×٣

١١- إذا كان $\text{ج} = \begin{bmatrix} ٦ & ٢ \\ ٤ & ٠ \end{bmatrix}$ ، فإن المصفوفة التي تمثل $(\text{ج})^{-١}$ =

أ. $\begin{bmatrix} ٦ & ٢ \\ ٤ & ٠ \end{bmatrix}$ ب. $\begin{bmatrix} ٦ & ٤ \\ ٢ & ٠ \end{bmatrix}$ ج. $\begin{bmatrix} ٣ & ١ \\ ٢ & ٠ \end{bmatrix}$ د. $\begin{bmatrix} ١٢ & ٤ \\ ٨ & ٠ \end{bmatrix}$

١٢- إذا كانت $\begin{bmatrix} ٢ & \text{ب} \\ \text{س} & -\text{ب} \\ ٧ & \text{ب} \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} ١ & ١ \\ ٢ & ٣ \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} ٣ & ١ \\ ٥ & ٠ \end{bmatrix}$ ، فإن قيمة س =

أ. ٧ ب. ١ ج. ٥ د. ١٢

١٣- إذا كانت أ = $\begin{bmatrix} ٢ & ٦ & ٢ \\ ٤ & ١ & ١ \end{bmatrix}$ ، ب = $\begin{bmatrix} ١ & ٤ & ٢ \\ ٢ & ١ & ٣ \end{bmatrix}$ وكانت ج = $٢ \text{ أ} + \text{ب}$ ، فإن ج =

أ. - ٢ ب. - ٨ ج. ٢ د. ١,٥

١٤- إذا كانت أ = $\begin{bmatrix} ٤ & \text{س} \\ ١ & ٢ \end{bmatrix}$ ، وكان $|\text{أ} - \text{ب}| = ١٢$ ، فإن س =

أ. ٥ ب. - ٤ ج. $\frac{1}{2}$ د. $\frac{1}{2}$

١٥- في نظام من معادلتين خطيتين بمتغيرين س ، ص ، كان $|\text{أس}| = \begin{vmatrix} ١ & ٤ \\ ٤ & ٩ \end{vmatrix}$ ، $|\text{أص}| = \begin{vmatrix} ٤ & ٢ \\ ٩ & ١ \end{vmatrix}$ ، فإن ص =

أ. ٧ ب. ١ ج. ٢ د. ١٤

١٦- العبارة الصحيحة من بين العبارات التالية :

- أ- عملية ضرب المصفوفات تبديلية
ب- يوجد نظير ضربى لكل مصفوفة مربعة
ج- إذا كانت أ مصفوفة منفردة فإن $|ك| = ٠$ ، $ك \neq ٠$ ، $ك \in ح^*$.
د- إذا كانت أ ب = ب أ ، فإن أ هي النظير الضربى للمصفوفة ب .

١٧- ما مجموع الحدود الثلاثة الأولى من المتسلسلة $\sum_{j=1}^{\infty} (١ - ٢^j) \times ٢^j$ ؟

- أ. - ٦ ب. - ٤ ج. ٦ د. ١٠

١٨- كم حدا يجب أخذه من المتسلسلة $٣ + ٩ + ١٥ + \dots$ ليصبح المجموع مساويا ٢٧٠٠ ؟

- أ. ٩٠٠ ب. ٣٠ ج. $\{٣٠، -٣٠\}$ د. ٣

١٩- مجموعة حل المعادلة $٨ = \binom{١}{٨}^{٣-٢}$ هو :

- أ. $\{١\}$ ب. $\{\frac{٣}{٢}\}$ ج. $\{٢\}$ د. $\{\frac{٥}{٢}\}$

٢٠- الحد الأول في المتسلسلة الحسابية التي أساسها ٢ ومجموع أول ٢٠ حد منها ٨٠ هو :

- أ. ١٥ ب. - ١٥ ج. ٢١ د. - ١

السؤال الثانى : (٢٠ علامة)

(١٠ علامات)

أ) حل النظام الآتى باستخدام قاعدة كرامر :

$$٢س + ٣ص = ٧$$

$$٢س + ٦ص = ٣$$

(١٠ علامات)

ب) إذا كان ق(س) = $٣س - ١٢$ ، س $\in ح$

١- أجد فترات التزايد والتناقص للاقتران ق(س) .

٢- أجد القيم القصوى المحلية للاقتران ق(س) وأحدد نوعها ؟

السؤال الثالث : (٢٠ علامة)

أ) إذا كانت $أ = \begin{bmatrix} ٦ & ٤ \\ ٤ & ٢ \end{bmatrix}$ ، $ب = \begin{bmatrix} ٢ & ١ \\ ٥ & ٠ \end{bmatrix}$ ، أجد المصفوفة س حيث : $٢س + أ = س - ٢ب$.

(٨ علامات)

ب) إذا كان $\int_٨^٢ ق(س) دس = - ٦$ ، $\int_٨^٢ ق(س) دس = ٧$ ، أجد $\int_٢^٠ ق(س) دس$ (٣- (٦ علامات)

(٦ علامات)

(ج) أجد $\sum_{n=1}^{60} (12 - n)$

السؤال الرابع : (٢٠ علامة)

(٨ علامات)

(أ) إذا كان $U(s) = s^3 - 2s + 3$ ، جد :

$$1- \int_{-1}^3 \bar{u}(s) ds$$

٢- إذا علمت أن منحنى U يمر بالنقطة $(2, 5)$ ، جد $\int U(s) ds$

(٦ علامات)

(ب) ما مجموعة حل المعادلة :

$$s^2 - 8s - 10 = 0 \quad s^2 - 12s + 20 = 0 \quad s^2 - 2s + 4 = 0$$

(ج) إذا كان مجموع أول n حدا من حدود متسلسلة حسابية يعطى بالقاعدة $2n + 3$ أجد أساس المتتالية .

(٦ علامات)

القسم الثاني : يتكون هذا القسم من سؤالين وعلى الطالب أن يجيب على أحدهما

السؤال الخامس : (١٠ علامات)

(٥ علامات)

(أ) حل المعادلة المصفوفية :

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 0 \end{bmatrix} = \left(\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 2 & 1 \end{bmatrix} \times s \right)^3$$

(ب) إذا كان متوسط تغير الاقتران $L(s)$ في $[2, 4]$ يساوي b ، حيث b عدد صحيح موجب وكان متوسط تغير الاقتران $H(s) = 2 - L(s)$ في $[2, 4]$ يساوي 24 ، جد قيمة الثابت b .

السؤال السادس : (١٠ علامات)

(أ) إذا كان $K(s) = (s^2 + 3s + 2)U(s)$ ، $K'(s) = 12$ ، $\bar{u}(s) = 3$ ، $U(3) = 1$ ، جد قيمة الثابت A

(٥ علامات)

(ب) إذا كان $Q(s) = s^2 + b$ ، $\bar{u}(s) = 1$ ، وكان $\int_{-1}^3 Q(s) ds = 6$ ، جد قيمة A ، b ؟

(٥ علامات)

انتهت الأسئلة

