



6

السادس

بطاقات التعلم الذاتي

الرياضيات



الفصل الدراسي الأول / بطاقات شهر سبتمبر

للعام الدراسي 2021/2020م



بطاقة رقم (١)

الموضوع / أولويات العمليات الحسابية

الصف / السادس

الأهداف : ١- يتعرف أولويات العمليات الحسابية الأربع

٢- يُجري العمليات الحسابية حسب أولوية إجرائها

تمهيد : أكمل الفراغ فيما يلي :-

$$\square = 9 \times 7 \text{ (هـ)}$$

$$\square = 6 \times 3 \text{ (ج)}$$

$$\square = 5 + 3 \text{ (أ)}$$

$$\square = 4 \div 36 \text{ (و)}$$

$$32 = \square \times 8 \text{ (د)}$$

$$\square = 9 - 18 \text{ (ب)}$$

تعميم : في العملية التي تتضمن أقواساً نبدأ بما في داخل الأقواس .

مثال (١) : حديقة منزل على شكل مستطيل طوله = 8 م ، و عرضه = 4 م ، أجد محيطها

الحل / محيط الحديقة = محيط المستطيل

$$= (\text{الطول} + \text{العرض}) \times 2$$

$$= (8 + 4) \times 2$$

لاحظ أن العملية الحسابية تشتمل على أقواس ، إذن نبدأ بحساب ما بداخل الأقواس ثم نكمل

$$= 12 \times 2$$

$$= 24 \text{ م}$$

تدريب (١) : جد قيمة الناتج فيما يلي :-

$$\text{أ-} (3 \div 15) - 9 =$$

$$\text{ب-} 3 \div (3 \times 6) =$$

$$\text{ج-} (20 \times 3) + (12 + 25) =$$

تعميم : (١) تتساوى أولوية إجراء عمليتي الجمع و الطرح ، وتُجرى من تأتي أولاً .

(٢) تتساوى أولوية إجراء عمليتي الضرب و القسمة ، وتُجرى من تأتي أولاً .

مثال (٢) : جد قيمة الناتج فيما يلي :-

$$= 4 - 7 + 6 \leftarrow$$

الحل / عمليتا الجمع و الطرح لهما نفس القوة ، (إذن من تأتي أولاً تُجرى أولاً) .

$$9 = 4 - 13 = 4 - (7 + 6) = 4 - 7 + 6$$

$$= 9 \times 3 \div 27 \leftarrow$$

الحل / عمليتا القسمة والضرب لهما نفس القوة ، (إذن من تأتي أولاً تُجرى أولاً) .

$$81 = 9 \times 9 = 9 \times (3 \div 27) = 9 \times 3 \div 27$$

تدريب (٢) : جد قيمة الناتج فيما يلي :-

أ- $= 4 + 3 - 20$

ب- $= 4 \div 8 \times 12$

تعميم : تُجرى عمليتا الضرب و القسمة قبل عمليتي الجمع و الطرح

مثال (٣) : جد قيمة الناتج فيما يلي :-

← $= 2 + 3 \times 4$

الحل / عملية الضرب أقوى من عملية الجمع ، (إذن تُجرى عملية الضرب أولاً ثم الجمع)

$$14 = 2 + 12 = 2 + (3 \times 4) = 2 + 3 \times 4$$

← $= 3 \div 15 - 8$

الحل / عملية القسمة أقوى من عملية الطرح ، (إذن تُجرى عملية القسمة أولاً ثم الطرح)

$$3 = 5 - 8 = (3 \div 15) - 8 = 3 \div 15 - 8$$

تدريب (٣) : جد قيمة الناتج فيما يلي :-

أ- $= 2 \times 5 + 3$

ب- $= 2 - 4 \div 8$

مثال (٤) : جد قيمة الناتج فيما يلي :-

← $= (8 + 2) \times 3 - 5 \times 8$

الحل / تُجرى العمليات الحسابية حسب الأولوية

أولاً : العملية تحتوي أقواساً ، (إذن نبدأ بإيجاد ناتج ما بداخلها)

$$10 \times 3 - 5 \times 8 = (8 + 2) \times 3 - 5 \times 8$$

ثانياً : تحتوي العملية الناتجة على عمليتي ضرب و عملية طرح (لكن عملية الضرب أقوى من الطرح

إذن تُجرى عمليتي الضرب أولاً ثم الطرح).

$$10 = 30 - 40 = (10 \times 3) - (5 \times 8) = 10 \times 3 - 5 \times 8$$

تدريب (٤) : جد قيمة الناتج فيما يلي :-

أ- $= 2 \times 7 - (3 \times 6) + 4 \div 20$

ب- $= 2 \div 4 + 6 \times (7 + 3)$

نشاط ختامي :

١- أضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة ، وعلامة (x) أمام العبارة غير الصحيحة فيما يلي :

أ- () $10 = 2 \times 3 - (2 + 6)$

ب- () $15 = 12 - 3 \times (5 + 4)$

ج- () $18 = 3 \div (7 + 2) \times 6$

٢- أجد ناتج العمليات التالية:

أ- $(3 - 6) \times (3 + 6)$

ب- $6 \div (10 + 2) \times 6$

ج- $(6 - 25) + 4 \div 12$

د- $5 \div 15 + 3 \times 2 - 8$

٣- اشترى خالد من المكتبة (3) أقلام و (4) دفاتر و علبة ألوان ، فإذا كان ثمن القلم (4) شيقل و ثمن الدفتر (12) شيقلاً و ثمن علبة الألوان (10) شواقل ، ما ثمن ما اشتراه خالد من المكتبة ؟

.....

.....

.....

بطاقة رقم (٢)

الموضوع / مبادئ الأسس

الصف / السادس

الأهداف : ١- يتعرف إلى الصورة الأسية للعدد

٢- يكتب الضرب المتكرر على الصورة الأسية

٣- يقرأ أعداداً أسية

٤- يميز الأساس و الأس (القوة) في العدد الأسّي

٥- يكتب العدد بالصورة الأسية باستخدام التحليل إلى العوامل الأولية

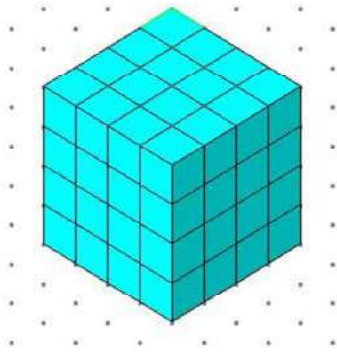
٦- يكتب قيمة عدد مكتوب بالصورة الأسية

تمهيد : أكمل الفراغ فيما يلي :-

أ- حجم المكعب = طول الحرف × × ×

ب- مربع طول ضلعه ٥ سم ، فإن مساحته = سم^٢

ج- تحليل العدد ٤ إلى عوامله الأولية = ×



مثال (١) : في الشكل المقابل مكعب طول حرفه ٤ سم ، أجد حجمه

الحل / حجم المكعب = طول الحرف × طول الحرف × طول الحرف

$$= ٤ \text{ سم} \times ٤ \text{ سم} \times ٤ \text{ سم}$$

$$= ٦٤ \text{ سم}^٣$$

لاحظ أنه تكرر ضرب العدد ٤ في نفسه ٣ مرات

يمكن كتابة العدد ٦٤ على صورة أخرى تسمى الصورة الأسية $٦٤ = ٤ \times ٤ \times ٤ = ٤^٣$

ملاحظة / لكتابة عدد معطى بشكل ضرب متكرر على الصورة الأسية ، نكتب العدد المتكرر

ثم نكتب عدد مرات التكرار في أعلاه من جهة اليسار

مثال (٢) : أكتب ناتج كل من العبارات التالية على الصورة الأسية :-

$$٨ \times ٨ \times ٨ \times ٨ =$$

الحل / لاحظ أنه تكرر ضرب العدد ٨ في نفسه ٤ مرات ، إذن يكتب على الصورة الأسية $٨^٤$

$$١٠ \times ١٠ =$$

الحل / لاحظ أنه تكرر ضرب العدد ١٠ في نفسه مرتان ، إذن يكتب على الصورة الأسية $١٠^٢$

تدريب (١) : أكتب ناتج كل من العبارات التالية على الصورة الأسية :-

$$(-) 12 \times 12 \times 12 \times 12 \times 12 =$$

$$(-) 6 \times 6 \times 6 \times 6 \times 6 \times 6 =$$

مثال (٣) : اقرأ الأعداد الأسية التالية :-

$$(-) 3^4$$

العدد الأسّي له قراءتان : القراءة الأولى من الأسفل للأعلى (٣ أس ٤)

القراءة الثانية من الأعلى للأسفل (القوة الرابعة للعدد ٣)

$$(-) 7^9$$

العدد الأسّي له قراءتان : القراءة الأولى من الأسفل للأعلى (٧ أس ٩)

القراءة الثانية من الأعلى للأسفل (القوة التاسعة للعدد ٧)

تدريب (٢) : اقرأ الأعداد الأسية التالية :-

$$5^4 , 8^2 , 3^6 , 9^0$$

ملاحظة / العدد الأسّي له مكونان :

(١- الأساس و هو العدد المضروب في نفسه (العدد المتكرر)

(٢- الأس و هو (عدد مرات التكرار) ، الأس هو نفسه (القوة)

تدريب (٣) : أكمل الفراغ :-

(أ- العدد 3^0 يُقرأ القوة للعدد

(ب- العدد 7^2 يُقرأ أس

(ج- القوة الرابعة للعدد ٨ تُكتب على الصورة الأسية

(د- ٥ أس ١٠ يُكتب على الصورة الأسية

(هـ- في العدد 4^3 الأساس هو

(و- في العدد 8^9 القوة هي

(ز- في العدد 10^{10} الأس هو

(ح- إذا كان الأس هو ٢ و الأساس هو ٧ ، فإن العدد يُكتب على الصورة الأسية

مثال (٤) : أحلل الأعداد التالية إلى عواملها الأولية ثم أكتبها على الصورة الأسية :-

أ- ١٦

الحل / يمكن تحليل العدد ١٦ إلى العوامل الأولية باستخدام طريقتي شجرة العوامل أو القسمة المتكررة

$$2^4 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 16$$

ب- ٥٦

الحل / يمكن تحليل العدد ٥٦ إلى العوامل الأولية باستخدام طريقتي شجرة العوامل أو القسمة المتكررة

$$7 \times 2^3 = 7 \times 2 \times 2 \times 2 = 56$$

ج- ١٨٠

الحل / يمكن تحليل العدد ١٨٠ إلى العوامل الأولية باستخدام طريقتي شجرة العوامل أو القسمة المتكررة

$$5 \times 2^2 \times 3^2 = 5 \times 3 \times 3 \times 2 \times 2 = 180$$

تدريب (٤) : أحلل الأعداد التالية إلى عواملها الأولية ثم أكتبها على الصورة الأسية :-

أ- ١٢

ب- ١٨

ج- ٣٦

د- ٣٥

مثال (٥) : جد القيمة العددية لمايلي:-

أ- $2^2 + 2^5 =$

الحل / $8 = 2 \times 2 \times 2 = 2^3$ ، $25 = 5 \times 5 = 5^2$

الآن : $33 = 25 + 8 = 2^5 + 2^3$

ب- $5 \times 2^2 + 2^4 =$

الحل / لاحظ أن هناك عدة عمليات حسابية مختلفة ، إذن نُجري العمليات حسب الأولوية (الدرس الأول)

$$(5 \times 2^2) + 2^4 = 5 \times 2^2 + 2^4$$

$8 = 2 \times 2 \times 2 = 2^3$ ، $16 = 4 \times 4 = 2^4$

الآن : $56 = 40 + 16 = (5 \times 8) + 16 = (5 \times 2^3) + 2^4 = 5 \times 2^3 + 2^4$

تقويم ختامي : اختر الإجابة الصحيحة مما بين القوسين فيما يلي :-

أ- $2^2 + 2^3 \times 7 = \dots\dots\dots$ (٩٩ ، ٦٧ ، ٧٦)

ب- $(6 - 2^6) \times 11 - 2^4 = \dots\dots\dots$ (٦٣٩٢ ، ٢٩٦٣ ، ٢٩٣٦)

ج- $2^3 + 6 = \dots\dots\dots$ (٣٣ ، ١٢ ، ١٥)

د- $2^2 + 5 \times 2^3 = \dots\dots\dots$ (٤٥ ، ٦٥ ، ٤٩)

هـ- $2^5 \times 2^3 \div 15 - 4 = \dots\dots\dots$ (١٥ ، ١١ ، ٢٢٥)

بطاقة رقم (٣)

الموضوع / مقارنة الأعداد الأسية

الصف / السادس

الأهداف : ١- يقارن بين عددين أسيين أساساتهما متساوية

٢- يقارن بين عددين أسيين أسسهما متساوية

٣- يقارن بين عددين أسيين في حالات مختلفة

٤- يرتب أعدادا بالصورة الأسية تصاعدياً أو تنازلياً

تمهيد : أكمل الفراغ فيما يلي :-

أ- يكتب العدد $5 \times 5 \times 5 \times 5$ على الصورة الأسية

ب- قيمة العدد $2^4 =$

تعميم : عند مقارنة عددين أسيين أساساتهما متساوية ، وأسسهما مختلفة ، فإن العدد ذا الأس الأكبر هو الأكبر .

مثال (١) : زرعت ريماس في حديقة منزلها 2° من ورود الجوري و 2^6 من ورود الياسمين ، أي النوعين من الورد زرعت ريماس أكثر من الآخر ؟

الحل / لمعرفة أي النوعين من الورد زرعه ريماس أكثر من الآخر ، يجب علينا المقارنة بين العددين 2° ، 2^6 لاحظ هنا : أن الأساسات في كلا العددين متساوية ، والأسس مختلفة ، إذن العدد ذا الأس الأكبر هو الأكبر $2^\circ > 2^6$ ، زرعت ريماس من ورود الياسمين عددا أكبر من ورود الجوري .

تدريب (١) : أقرن بين كل مما يأتي ، بوضع إشارة $<$ أو $>$ أو $=$ في $\bigcirc$ لتكون الجملة صحيحة :-

أ- $4^6 \bigcirc 5^2$ (ب- $5^2 \bigcirc 5^2$

ج- $8^{100} \bigcirc 8^{100}$ (د- $7^7 \bigcirc 7^9$

تعميم : عند مقارنة عددين أسيين أساساتهما مختلفة ، وأسسهما متساوية ، فإن العدد ذا الأساس الأكبر هو الأكبر .

مثال (٢) : أقرن بين كل من العددين : 9^3 ، 6^3

الحل / لاحظ هنا : أن الأسس في كلا العددين متساوية و الأساسات مختلفة ، إذن العدد ذا الأساس الأكبر هو الأكبر

$9^3 < 6^3$

تدريب (٢) : أقرن بين كل مما يأتي ، بوضع إشارة < أو > أو = في ☐ لتكون الجملة صحيحة :-

أ- $6^{\circ} \quad \circ \quad 11^{\circ}$ ب- $3^{\circ} \quad \circ \quad 5^{\circ}$

ج- $8^{\circ} \quad \circ \quad 7^{\circ}$ د- $100^{\circ} \quad \circ \quad 1000^{\circ}$

تعميم : عند مقارنة عددين أسيين أساساتهما مختلفة ، وأسسهما مختلفة ، نجد قيمة كل منهما ، ثم نقارن .

مثال (٣) : أقرن بين كل من العددين : 2° ، 3°

الحل / لاحظ هنا : أن كلا من الأساسات و الأسس مختلفة ، إذن هنا يجب إيجاد قيمة كل عدد منهما ثم نقارن بينهما

$$2^{\circ} = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 32$$

$$3^{\circ} = 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 81$$

$$3^{\circ} > 2^{\circ}$$

تدريب (٣) : أقرن بين كل مما يأتي ، بوضع إشارة < أو > أو = في ☐ لتكون الجملة صحيحة :-

أ- $5^{\circ} \quad \circ \quad 10^{\circ}$ ب- $8^{\circ} \quad \circ \quad 2^{\circ}$

ج- $4^{\circ} \quad \circ \quad 5^{\circ}$ د- $9^{\circ} \quad \circ \quad 3^{\circ}$

مثال (٣) : أرتب ما يأتي تصاعدياً :

أ- 5° ، 5° ، 2°

الحل / لاحظ أن : الأساسات مختلفة و الأسس مختلفة

$$5^{\circ} = 5 \times 5 \times 5 \times 5 = 625$$

$$5^{\circ} = 5 \times 5 = 25$$

$$2^{\circ} = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 32$$

الترتيب التصاعدي هو : 2° ، 5° ، 5°

ب- 3° ، 4° ، 2°

الحل / لاحظ أن : الأساسات مختلفة و الأسس متساوية (العدد ذا الأساس الأكبر هو الأكبر

الترتيب التصاعدي هو : 5° ، 2° ، 5°

تدريب (٣) : أرتب ما يأتي تنازلياً :

أ- 9° ، 3° ، 2°

ب- 7° ، 9° ، 3°

نشاط ختامي :-

١- أضع إشارة (✓) أمام العبارة الصحيحة ، وإشارة (X) أمام العبارة الخطأ فيما يلي :-

أ- () $^8 4 > ^8 5$

ب- () $^3 4 < ^4 3$

ج- () $27 = 3 - ^2 3$

د- () $^8 2 = ^0 2 \times ^2 2$

هـ- () $^2 3 \times ^2 3 < ^0 3$

٢- أرتب ما يأتي تصاعدياً :

أ- $^4 8$ ، $^2 8$ ، $^0 8$

ب- $^4 5$ ، $^4 3$ ، $^2 4$ ، $5 \times ^2 2$

بطاقة رقم (٤)

الموضوع / الجذر التربيعي

الصف / السادس

الأهداف : ١- يتعرف إلى مفهوم العدد المربع الكامل

٢- يميز العدد المربع الكامل من بين أعداد معطاة

٣- يتعرف إلى مفهوم الجذر التربيعي و رمزه

٤- يجد قيمة جذور تربيعية لأعداد مربعة كاملة باستخدام حقائق الضرب

٥- يجد قيمة جذور تربيعية لأعداد مربعة كاملة باستخدام التحليل إلى العوامل الأولية

٦- يُقدّر قيمة جذور تربيعية لأعداد ليست مربعة كاملة

تمهيد : أكمل الفراغ فيما يلي :-

أ- مساحة المربع = طول الضلع ×
ب- قيمة العدد ٥^٢ =
ج- ٦٤ = ٨ ×
د- تحليل العدد ٤٥ إلى عوامله الأولية هو

مثال (١) : حديقة مربعة الشكل مساحتها ٤٩ م^٢ ، أجد طول ضلعها

الحل / مساحة الحديقة = طول الضلع × طول الضلع

$$٤٩ \text{ م}^٢ = ٧ \text{ م} \times ٧ \text{ م} \quad \leftarrow \text{طول ضلع الحديقة} = \text{طول ضلع المربع} = ٧ \text{ م}$$

لاحظ أن : العدد ٤٩ هو ناتج ضرب العدد ٧ في نفسه ، نُسَمي العدد ٤٩ في هذه الحالة عدداً مربعاً كاملاً .

ملاحظة / يكون العدد مربعاً كاملاً ، إذا كان هذا العدد يساوي عدداً مضروباً في نفسه

مثال (٢) : أي الأعداد الآتية هي مربعات كاملة ، مع ذكر السبب :-

أ- ٤

الحل / العدد ٤ هو عددٌ مربعٌ كاملٌ ؛ لأن : ٢ × ٢ = ٤

ب- ٨

الحل / العدد ٨ ليس مربعاً كاملاً ؛ لأنه لا يوجد عدد أضربه في نفسه فيكون الناتج العدد ٨

تدريب (١) : أي الأعداد الآتية هو مربع كامل ، مع ذكر السبب :-

أ- ٩

ب- ٢٧

تدريب (٢) : ضع دائرة حول العدد المربع الكامل فيما يلي :-

١ ، ٣ ، ٤ ، ٧ ، ٩ ، ١٠ ، ١٢ ، ١٥

١٦ ، ٢٠ ، ٢٣ ، ٢٥ ، ٣٦ ، ٣٨ ، ٤٩

٦٠ ، ٦٤ ، ٧٩ ، ٨٠ ، ٨١ ، ١٠٠

مثال (٣) :

العدد ٦٤ هو عددٌ مربعٌ كاملٌ ؛ لأن $8 \times 8 = 64$

نقول أن : ٨ هو الجذر التربيعي للعدد ٦٤

بالرموز : $8 = \sqrt{64} = \sqrt{8 \times 8}$ ، و يُقرأ : الجذر التربيعي للعدد ٦٤

ملاحظة / الجذر التربيعي للمربع الكامل : هو العدد الذي إذا ضرب في نفسه

أعطى المربع الكامل ، و يرمز له بالرمز $\sqrt{\quad}$

مثال (٤) : جد قيمة الجذر التربيعي فيما يأتي :-

أ- $\sqrt{9} =$

الحل / $\sqrt{9} = \sqrt{3 \times 3} = 3$

ب- $\sqrt{100} =$

الحل / $\sqrt{100} = \sqrt{10 \times 10} = 10$

تدريب (٣) : جد قيمة الجذر التربيعي فيما يأتي :-

أ- $\sqrt{16} =$

ب- $\sqrt{49} =$

ج- $\sqrt{100} =$

د- $\sqrt{400} =$

مثال (٥) : أجد قيمة الجذر التربيعي فيما يلي باستخدام التحليل إلى العوامل الأولية :-

أ- $\sqrt{196} =$

الحل / نحلل العدد ١٩٦ إلى عوامله الأولية ، ثم نأخذ من كل عاملين متشابهين عاملاً واحداً

$$196 = 2 \times 2 \times 7 \times 7$$

الآن : نضرب العوامل التي حصلنا عليها في بعضها ، فيكون $\sqrt{196} = 2 \times 7 = 14$

أ- $\sqrt{256} =$

الحل / نحلل العدد ٢٥٦ إلى عوامله الأولية ، ثم نأخذ من كل عاملين متشابهين عاملاً واحداً

$$256 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2$$

الآن : نضرب العوامل التي حصلنا عليها في بعضها ، فيكون $\sqrt{256} = 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 16$

٢	١٩٦
٢	٩٨
٧	٤٩
٧	٧
	١

٢	٢٥٦
٢	١٢٨
٢	٦٤
٢	٣٢
٢	١٦
٢	٨
٢	٤
٢	٢
	١

تدريب (٤) : أجد قيمة الجذر التربيعي فيما يلي باستخدام التحليل إلى العوامل الأولية :-

أ- $\sqrt{144}$

ب- $\sqrt{900}$

ج- $\sqrt[4]{13}$

مثال (٦) : أقدّر قيمة $\sqrt{18}$

الحل / العدد ١٨ ليس عددا مربعا كاملا ؛ (متى يكون العدد مربعا كاملا ؟)

كما نعلم أن الأعداد التالية أعداد مربعة ١ ، ٤ ، ٩ ، ١٦ ، ٢٥ ، ٣٦

نلاحظ أن العدد ١٨ يقع بين العددين : ١٦ ، ٢٥ ، لكنه أقرب للعدد ١٦ ، إذن : $\sqrt{18} \approx 4$

تدريب (٥) : أقدّر قيمة كل من الجذور التربيعية التالية :-

أ- $\sqrt{50}$

ب- $\sqrt{63}$

تقويم ختامي :

١- أكمل الفراغ فيما يأتي :-

أ- $\sqrt{36} = \dots\dots\dots$

ب- $\sqrt{16} \times \sqrt{4} = \dots\dots\dots$

ج- $\sqrt{3 \times 3 \times 3 \times 3} - \sqrt{100} = \dots\dots\dots$

د- $\sqrt{2 \times 2 \times 2 \times 2} = \dots\dots\dots$

هـ- $\sqrt{27} + \sqrt{9} = \dots\dots\dots$

٢- اختر الإجابة الصحيحة مما بين القوسين فيما يلي :-

أ- $\sqrt{225} = \dots\dots\dots$ (٢٥ ، ١٥ ، ٢٠)

ب- $\sqrt[4]{19 \times 18} = \dots\dots\dots$ (19×18 ، 19×18 ، 19×18)

ج- $\sqrt{30} \approx \dots\dots\dots$ (٣ ، ٦ ، ٥)

د- $\sqrt[2]{(9 + 225)} = \dots\dots\dots$ (٣ ، ٣٢٤ ، ١٥)

٣- لوحة مربعة الشكل مساحتها ١٦٩ سم^٢ ، نريد عمل إطار مربع الشكل لها ، ما طول ضلع هذا الإطار ؟

.....
.....