

الفترات

أولاً : الفترات المحدودة

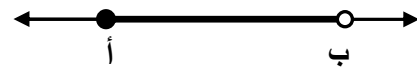
(١) الفترة المغلقة $[أ، ب]$ $أ \leq س \leq ب$



(٢) الفترة المفتوحة $(أ، ب)$ $أ < س < ب$



(٣) نصف مفتوحة (مغلقة) $[أ، ب)$ $أ \leq س < ب$



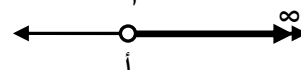
(٤) نصف مفتوحة (مغلقة) $(أ، ب]$ $أ < س \leq ب$



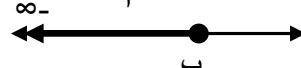
ثانياً : الفترات غير المحدودة



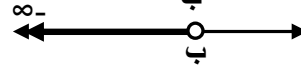
(١) $(-\infty، أ]$ $س \leq أ$



(٢) $(-\infty، أ)$ $س < أ$



(٣) $[أ، \infty)$ $س \geq أ$



(٤) $(أ، \infty)$ $س > أ$



(٥) $س \in (-\infty، \infty)$

الاقترانات

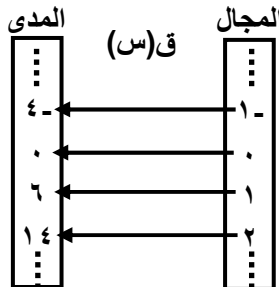
مثال لتوضيح : ق(س) = س^٢ + س^٥

ق(١-) = (١-) = ١- - ١- = ٤-

ق(٠) = ٠- + ٠- = ٠

ق(١) = ١- + ١- = ٦

ق(٢) = ٢- + ٢- = ١٤



المجال : جميع الأعداد الحقيقية

المدى : جميع الأعداد الحقيقية

المجال : هي جميع قيم س التي يمكن تعويضها في الاقتران ق(س) بحيث يكون الناتج عدد حقيقي

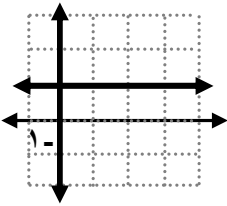
المدى : هي جميع قيم ص التي تنتج عن تعويض قيم (س) الممكنة

أولاً : الاقتران الثابت (ق(س) = ب) خصائصه :

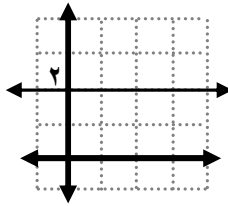
(١) منحناه خط أفقي موازي لمحور السينات يقطع محور الصادات عند (ص = ب)

(٢) المجال : جميع الأعداد الحقيقية (ح)
(٣) المدى { ب }

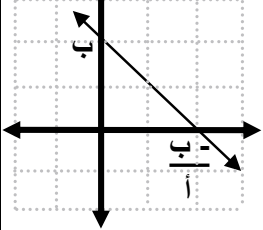
مثال (٢) : ق(س) = ١-



مثال (١) : ق(س) = ٢



ثانياً : الاقتران الخطي (ق(س) = أس + ب) خصائصه :



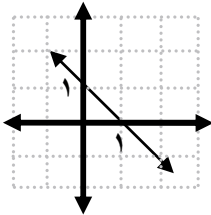
(١) المجال : جميع الأعداد الحقيقية (ح)

(٢) المدى : جميع الأعداد الحقيقية (ح)

(٣) المقطع الصادي ب

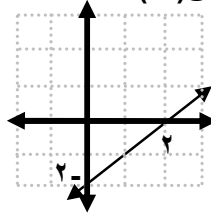
مثال (٢) :

ق(س) = ١ - س



مثال (١) :

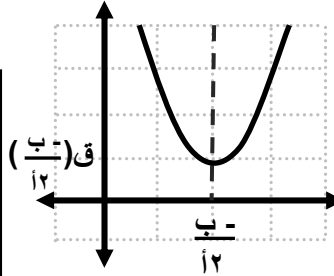
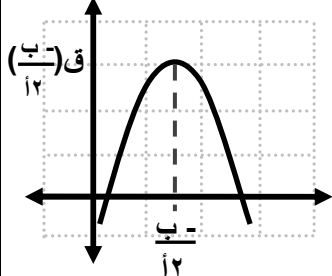
ق(س) = ٢ - س



معامل س (أ = ١-) سالب
الاقتران متناقص

معامل س (أ = ١) موجب
الاقتران متزايد

ثالثاً : الاقتران التربيعي (ق(س) = أس^٢ + ب س + ج ، أ ≠ ٠) خصائصه : (١) المجال : جميع الأعداد الحقيقية (ح)



(٢) معامل س^٢ سالب ← للأسفل

(٢) معامل س^٢ موجب ← للأعلى

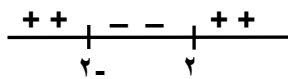
(٣) المدى = $(-\infty، ق(\frac{-ب}{٢أ}))$

(٣) المدى = $[ق(\frac{-ب}{٢أ})، \infty)$

$$٢ \text{ ق (س) } = \sqrt[٢]{٤ - س}$$

نحدد المجال :

$$٤ - س \geq ٠ \leftarrow س \leq ٤$$



$$[٢, \infty) \cup (-\infty, ٢]$$

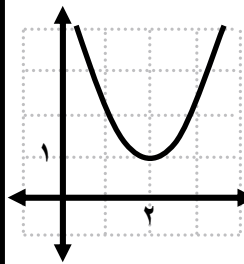
$$\text{مثال (١) : ق (س) = س}^٢ - ٤س + ٥$$

$$\text{الرأس} = \frac{٤ - (-٤)}{١ \times ٢} = \frac{٨}{٢} = ٤$$

$$\text{ق (٢) = ١}$$

$$\text{نقطة الرأس} = (٢, ١)$$

معامل $س^٢$ موجب $\leftarrow$ مفتوح للأعلى



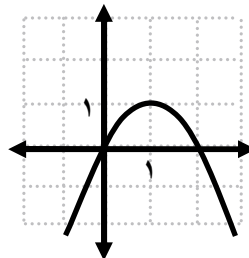
$$\text{مثال (٢) : ق (س) = س}^٢ - ٢س$$

$$\text{الرأس} = \frac{٢ - (-٢)}{١ \times ٢} = \frac{٤}{٢} = ٢$$

$$\text{ق (١) = ١}$$

$$\text{نقطة الرأس} = (١, ١)$$

معامل $س^٢$ سالب $\leftarrow$ مفتوح للأسفل



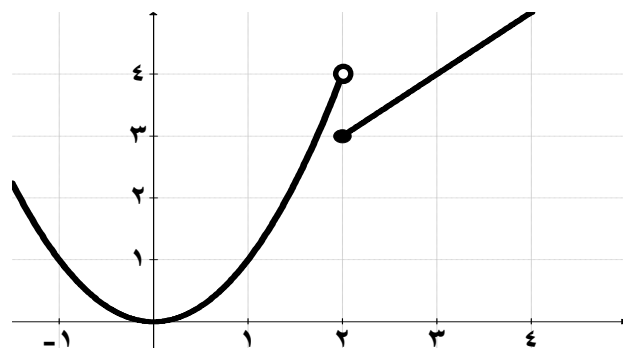
سادساً : الاقتران المتشعب

$$\text{مثال : ق (س) = } \begin{cases} س^٢, & س > ١ \\ ١ + س, & س \leq ١ \end{cases}$$

$$\text{ق (٣) = ١ + ٣ = ٤, ق (١) = (١) = ١}$$

$$\text{ق (٢) = ١ + ٢ = ٣ (من عند المساواة)}$$

• نرسم كل قاعدة لوحدها ضمن الفترة المقابل لها



رابعاً : الاقتران الكسري

مجاله: مجال البسط $\cap$ مجال المقام - {أصفار المقام}

مثال : ما مجال كل من الاقترانات التالية

$$\text{(١) ق (س) = } \frac{س}{٣ + س}$$

نبحث عن أصفار المقام $\leftarrow س + ٣ = ٠ \leftarrow س = -٣$
المجال : ح - { -٣ }

$$\text{(٢) ق (س) = } \frac{س}{٤ - س^٢}$$

نبحث عن أصفار المقام $\leftarrow ٤ - س^٢ = ٠ \leftarrow س^٢ = ٤ \leftarrow س = \pm ٢$
المجال : ح - { -٢, ٢ }

سابعاً : اقتران القيمة المطلقة

$$١.٢ = |١.٢|, ١.٣ = |١.٣|, ٥ = |٥|, ٣ = |٣|$$

• إعادة تعريف اقتران القيمة المطلقة : | ق (س) |

(١) نجد أصفار الاقتران $\leftarrow$ بوضع ق (س) = ٠

(٢) نضع أصفار الاقتران على خط الأعداد ونحدد إشارة ق (س) بالتعويض

(٣) الفترة الموجبة $\leftarrow$ تبقى القاعدة كما هي $\leftarrow$ ق (س)

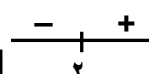
الفترة السالبة $\leftarrow$ تقلب إشارة القاعدة $\leftarrow$ - ق (س)

(٤) ضع المساواة حيث تشاء إلا إذا كانت صفر للمقام

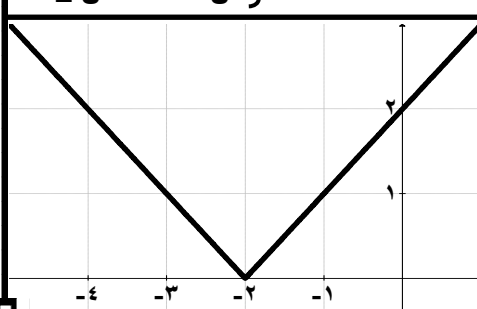
مثال : أعد تعريف الاقترانات الآتية

$$\text{(١) ق (س) = } |٢ + س|$$

$$\text{ق (س) = } \begin{cases} س - ٢, & س > ٢ \\ ٢ - س, & س \leq ٢ \end{cases}$$



نرسم كل قاعدة لوحدها على الفترة المقابلة له



خامساً : الجذور

(١) الجذور الفردية $(\sqrt[٣]{٣}, \sqrt[٥]{٥}, \sqrt[٧]{٧}, \dots)$

مجالها : جميع الأعداد الحقيقية (ح)

(٢) الجذور الزوجية $(\sqrt[٢]{٢}, \sqrt[٤]{٤}, \sqrt[٦]{٦}, \dots)$

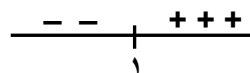
مجالها : جميع قيم س التي تجعل ما تحت الجذر $\leq$ صفر

مثال : حدد مجال الاقترانات الآتية ثم مثلها

$$\text{(١) ق (س) = } \sqrt[٢]{١ - س}$$

نحدد مجال :

$$١ - س \geq ٠ \leftarrow س \leq ١$$



$$\text{المجال : } [١, \infty)$$

• إعادة تعريف اقتران أكبر عدد صحيح [أس + ب] :

$$(1) \text{ جد طول الدرجة } = \left| \frac{1}{\text{معامل س}} \right|$$

(2) نبدأ بتجزئة الفترة من صفر الاقتران و بحسب طول الدرجة

(3) ولتحديد موقع المساواة نعتمد على إشارة معامل س حيث

• معامل س موجب $\leftarrow$ المساواة في بداية الفترة

• معامل س سالب $\leftarrow$ المساواة في نهاية الفترة

(4) من كل فترة جزئية نعوض القيمة التي عندها المساواة في الاقتران لتحديد القاعدة المقابلة (القواعد أعداد صحيحة)

(5) عند وجود فترة يجب أن نلتزم بها .

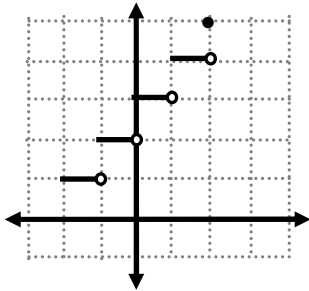
سؤال : أعد تعريف الاقترانات الآتية

$$(1) \text{ ق(س) } = [س + 3] \quad \text{س} \in [2, 2-]$$

$$\text{طول الدرجة} = \frac{1}{1} = 1$$

$$\left. \begin{array}{l} 1 \geq 2- \text{ ، } 1 \\ 2 \geq 1- \text{ ، } 2 \\ 3 \geq 0 \text{ ، } 3 \\ 4 \geq 1 \text{ ، } 4 \\ 5 \geq 2 \text{ ، } 5 \end{array} \right\} = \text{ق(س)}$$

لاحظ أن المساواة في بداية الفترة لأن معامل س موجب



• الشكل المجاور يمثل منحنى الاقتران ق(س)

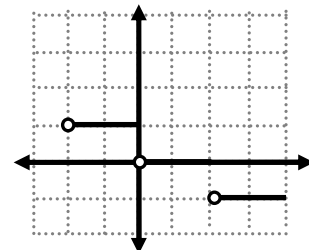
$$(3) \text{ ق(س) } = \left[\frac{س}{4} - 1 \right] \quad \text{س} \in [4, 2-)$$

نجد صفر الاقتران $\leftarrow$ س = 2

$$\text{طول الدرجة} = \left| \frac{1}{\frac{1}{4}} \right| = 4$$

لاحظ أن المساواة في نهاية الفترة لأن معامل س سالب

$$\left. \begin{array}{l} 1 \geq 2- \text{ ، } 1 \\ 0 \geq 2- \text{ ، } 0 \\ 2 \geq 0 \text{ ، } 2 \\ 4 \geq 2 \text{ ، } 4 \end{array} \right\} = \text{ق(س)}$$



• الشكل المجاور يمثل منحنى الاقتران ق(س)

$$(2) \text{ ق(س) } = |س - 4|$$

$$\left. \begin{array}{l} 2 \geq 4- \text{ ، } 2 \\ 4 \geq 2 \text{ ، } 4 \\ 2- \geq 4- \text{ ، } 2- \\ 2- \geq 4- \text{ ، } 2- \end{array} \right\} = \text{ق(س)}$$

حل المعادلات :

$$|ق(س)| = 4 \leftarrow \text{ق(س) } = 4 \text{ أو } \text{ق(س) } = -4$$

$$\text{مثال (1) : } 1 = |س - 3|$$

$$\begin{array}{l} 1 = 3 - س \text{ أو } 1 = س - 3 \\ 2 = س \text{ أو } 2 = س - 2 \end{array}$$

$$\text{مثال (2) : } 4 = |س + 3|$$

$$4 = 2 + 3 \text{ أو } 4 = 2 + 3$$

$$1 = 2 + س$$

$$س = \frac{1}{2}$$

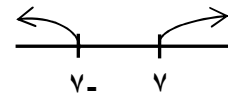
حل المتباينة :

$$|س| \leq 4 \leftarrow س \leq 4 \text{ ، } س \geq -4$$

$$|س| \geq 4 \leftarrow س \geq 4 \text{ أو } س \leq -4$$

مثال :

$$(1) |س| \leq 7 \leftarrow س \leq 7 \text{ ، } س \geq -7$$



$$(2) |س| \geq 7 \leftarrow س \geq 7 \text{ أو } س \leq -7$$

$$(3) |س + 3| > 5 \leftarrow س > 5 - 3 \text{ أو } س < -5 - 3$$

ثامناً : اقتران أكبر عدد صحيح []

أمثلة :

$$2 = [2] \text{ ، } 2 = [2.15] \text{ ، } 2 = [2.7]$$

$$3 = [3] \text{ ، } 0 = \left[\frac{1}{3} \right] \text{ ، } 2 = \left[\frac{7}{3} \right]$$

$$2- = [2-] \text{ ، } 3- = [2.15-] \text{ ، } 3- = [2.7-]$$

$$3- = [3-] \text{ ، } 1- = \left[\frac{1}{3}- \right] \text{ ، } 3- = \left[\frac{7}{3}- \right]$$

ق(س) = [س + ٠.٥] س ∈ [٠, ٢]

نجد صفر الاقتران ← س + ٠.٥ = ٠ ← س = -٠.٥



ق(س) = $\begin{cases} ٠, & ٠ \leq س < ٠.٥ \\ ١, & ٠.٥ \leq س < ١.٥ \\ ٢, & ١.٥ \leq س < ٢ \end{cases}$

ملاحظة مهمة :

إذا كانت أ ∈ ص ، [ق(س)] = أ ← أ ≥ ق(س) > أ + ١

سؤال : جد مجموعة حل المعادلات الآتية

(١) [س] = ٥ ٥ ≥ س > ٦
 (٢) [٣س] = ٢ ٢ ≤ ٣س < ٣ ٢ ≥ س > ١
 (٣) [١+س] = ٣ ٣ ≤ ١+س < ٤ ٣ ≥ س > ٢

تمارين متنوعة

السؤال (١) : مثل بيانياً الاقترانات التالية ثم حدد نوع كل اقتران مع ذكر مجاله ومداه

(١) ق(س) = -٥

(٢) ق(س) = ١ + ٢س

(٣) ق(س) = ٢س + ٢س

(٤) ق(س) = ١ - ٢س

السؤال (٢) : ما مجال كل من الاقترانات التالية

(١) ق(س) = √(٦ - س)

(٢) ق(س) = $\frac{٢}{١ + ٢س}$

(٣) ق(س) = $\frac{٢س}{٢ - س}$

(٤) ق(س) = $\frac{\sqrt{٥ - س}}{٤ + س}$

(٥) ق(س) = $\frac{\sqrt{١ + س}}{س}$

(٦) ق(س) = √(٢س)

السؤال (٣) :

إذا كان ق(س) = $\begin{cases} ٢ - س, & ٠ \leq س < ٢ \\ ٢, & ٢ \leq س < ٤ \end{cases}$

مثل الاقتران ق بيانياً ثم جد :

ق(٠) ، ق(١-) ، ق(٣) ، ق(٢) ، ق($\frac{٧}{٣}$)

السؤال (٤) : أعد تعريف الاقترانات الآتية

(١) ق(س) = |٦ - ٢س| س ∈ [٠, ٥]

(٢) ق(س) = ٣ + |س - ٣|

(٣) ق(س) = |٢س - ٩|

السؤال (٥) : جد مجموعة الحل للمعادلة

٥ = |٣ + ٢س|

السؤال (٦) : جد مجموعة الحل للمتباينة

|س| ≤ ٣

السؤال (٧) : اكتب قاعدة الاقتران ق : ق(س) = [١ - ٥س] بصورة مجزأة دون استخدام رمز أكبر عدد صحيح ومثله بيانياً في المجال {س : -١ ≤ س ≤ ٠}

السؤال (٨) : جد مجموعة حل المعادلة ٢ = [١ - ٢س]

السؤال (٩) : اكتب قاعدة كل اقتران من الاقترانات الممثلة

