



ملاحظة: يتكون هذا الامتحان من قسمين ، أجب عن جميع أسئلة القسم الأول، و عن سؤال واحد من القسم الثاني

السؤال الأول: اختر رمز الإجابة الصحيحة فيما يأتي (30 علامة)

١- إذا كانت $A = \begin{pmatrix} 3 & s \\ 4 & 5 \end{pmatrix}$ ، $B = \begin{pmatrix} w & 4 \\ 4 & 5 \end{pmatrix}$ ، فإن قيمة (س، ص)

(أ) $(3-، ٤)$ (ب) $(٤، ٣-)$ (ج) $(٣، ٤-)$ (د) $(٣-، ٤-)$

٢- إذا كانت $A = \begin{pmatrix} 1- & 1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ ، فإن $A^2 =$

(أ) $\begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 0 & 4- \end{pmatrix}$ (ب) $\begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 2 & 4- \end{pmatrix}$ (ج) $\begin{pmatrix} \frac{1}{8} & 0 \\ \frac{1}{8} & \frac{1}{2}- \end{pmatrix}$ (د) $\begin{pmatrix} 4- & 4 \\ 0 & 8 \end{pmatrix}$

٣- إذا كانت $A = \begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 1- & 3 \end{pmatrix}$ فإن $A^2 - ٢م =$

(أ) $\begin{pmatrix} 4 & 1 \\ 0 & 9 \end{pmatrix}$ (ب) $\begin{pmatrix} 4 & 4 \\ 1 & 9 \end{pmatrix}$ (ج) $\begin{pmatrix} 2 & 9 \\ 6 & 3 \end{pmatrix}$ (د) $\begin{pmatrix} 2 & 10 \\ 7 & 3 \end{pmatrix}$

٤- إذا كان $|٢أ| = ٢٤$ ، $|١\frac{1}{2}أ| = ٤$ ، فإن $|ب٢| =$ ، حيث أ، ب من الرتبة الثانية

(أ) ١٢ (ب) ٨ (ج) ٦ (د) ٣٦

٥- إذا كانت $A = \begin{pmatrix} 3 & 2- & 1 \\ 5 & (1-s) & 0 \\ 2+s & 2 & 0 \end{pmatrix}$ فإن قيمة / قيم س التي تجعل أ منفردة

(أ) صفر (ب) ١ (ج) $\{-١، صفر\}$ (د) $\{١، ١-\}$

٦- إذا كان $S = \begin{pmatrix} 3- \\ 2- \end{pmatrix} + ص \begin{pmatrix} 0 \\ 2- \end{pmatrix}$ فإن قيمة س + ص =

(أ) ٣ (ب) ٣- (ج) صفر (د) ٦

٧- إذا كان ق(س) كثير حدود و زاوية ميل المماس لمنحنى $R(S)$ عند أي S

أي نقطة عليه منفرجة على] ٢، ٥[فان العبارة الصحيحة هي

(أ) ق متناقص على [٢، ٥] (ب) ق متناقص على [٢، ٥]

(ج) ق مقعر للأسفل على [٢، ٥] (د) ق مقعر للأسفل على [٢، ٥]

(٨) عدد النقاط الحرجة للاقتران ق(س) = $\frac{F+S}{1+S}H$ حيث $F+S \neq 0$ هو

(أ) ١ (ب) صفر (ج) ٢ (د) ٣

(٩) إذا كان ق(س) = $\frac{1}{s}$ س نو كان ق(٣)(س) = (٢ + ١) س ، - ١ - ح - فان ١ =

(أ) ٦- (ب) ٢- (ج) ٤- (د) ٦

(١٠) إذا كان ص = أ هـ ب س ، أ ، ب - ح * وكان ص = ص فان أ =

(أ) {١، ١-} (ب) {١، ١-، ٠} (ج) {1} (د) {1-}

(١١) إذا تحرك جسم حسب العلاقة ف = ن - ١٢ ن + ٨ ن - ٢

فان أقل تسارع ممكن يحققه الجسم هو

(أ) ٩٢ - (ب) ٩٢ (ج) ٣ (د) ٣ -

(١٢) إذا كان ق(٢س - ١٧) = $\sqrt[3]{4(s-11)}$ ، س < صفر، ق (١) = $\frac{1}{2}$ فان $\sqrt[3]{4(s-11)}$ (1)

(أ) $\frac{2}{9}$ (ب) $\frac{2}{9}$ (ج) $\frac{3}{4}$ (د) $\frac{8}{3}$

(١٣) إذا كان متوسط تغير ق(س) في الفترة [١، ٣] يساوي ٥ وكان ق (١) × ق (٣) = ١٢ كان هـ

(س) = $\frac{1}{(س)}$ فان متوسط تغير هـ (س) في [١، ٣] يساوي

(أ) $\frac{5}{12}$ (ب) $\frac{5}{12}$ (ج) $\frac{1}{5}$ (د) $\frac{1}{5}$

(14) قيمة المقدار $\left| \frac{1-s^4}{s} \right|_{0 \leftarrow s}$

(أ) ٤ (ب) ٤- (ج) ٢- (د) ٢

(١٥) إذا كان ص^٢ + ٣ س ص = ٨ ، ع = ص - ص^٢ + ٨ فان $\frac{u}{s}$ عند النقطة (١-، ٦)

(أ) ١٤ (ب) ١٤- (ج) ٧ (د) ٧-

١٦) يتحرك جسم على خط مستقيم وفق العلاقة ف(ن) ع(ن) = ن
 ف: المسافة بالأمتر، ن: الزمن بالثواني ع(ن) السرعة، وكانت ع(٢) = ٣ م/ث،
 فما قيمة التسارع عندما ن = ٢ ثانية؟

أ) -٨ م/ث^٢ ب) ٨ م/ث^٢ ج) ١٢ م/ث^٢ د) -١٢ م/ث^٢

١٧) إذا كانت معادلة المماس المنحني $r(s)$ عند النقطة (١، ٤) هي $s^4 = w$ فإن:

$$\frac{(1)r - (1-s)2r}{s_i m s} \Big|_{1 \leftarrow s}$$

أ) ٨ ب) صفر ج) ٤ د) ١

١٨) إذا كان ق(س) = $\frac{[s]}{1+s^2}$ فإن $\mathbb{R}$ (٢):

أ) غير موجودة ب) $\frac{8}{25}$ ج) صفر د) $\frac{4}{25}$

١٩) إذا كان ق(س) = $s^3 + ١$ ، هـ(س) = $s^2 - ٢$ فإن (Or) $\mathbb{R}$ (١):

أ) ١٢ ب) ٢٤ ج) ٤٨ د) ٤

٢٠) إذا كان (أ + ب) = $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}$ وكانت أ = م، فإن ب =

أ) $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}$ ب) و^٢ ج) $\begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$ د) $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$

السؤال الثاني: (٢٠ علامة)

أ) إذا كان ق(س) = $\left\{ \begin{matrix} 1 \leq s \leq 2 \\ 1 < s < 2 \end{matrix} \right\}$ جد الثابتين أ، ب اللذان يجعلان الاقتران

ق(س) قابلاً للاشتقاق على ح (٦ علامات)

ب) إذا كان ق(س) = (س - ٣)^٣ (س + ١) معرفاً على الفترة [-١، ٤] جد ما يلي

١) مجالات التزايد والتناقص

٢) القيم القصوى ونوعها

(٧ علامات)

ج) استخدم طريقة كريمة لحل النظام التالي من المعادلات (٧ علامات)

$$٢ص = ٨ - ٣س$$

$$٥ص - ٢س = ١$$

السؤال الثالث: (٢٠ علامة)

أ) حد معادلة المماس المرسوم للاقتراح $(s)R = (s^2 i - s g) m$

عندما $s = \frac{\pi}{4}$ (٧ علامات)

ب) حل المعادلة التالية:

$$(٦ علامات) \begin{vmatrix} 6 & s \\ 2 & 2 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 4-2 & s \\ 5 & 1 & 3 \\ s & 1 & 1- \end{vmatrix}$$

ج) إذا كان متوسط تغير ق(س) في الفترة [٢، ٠] يساوي ٤ وكان

$$هـ (س) = \begin{cases} 1 \leq s @ (1-s) r^2 s \\ 1 > s @ (s) R3 \end{cases} \text{ احسب متوسط تغير هـ (س) في الفترة [٣، ٠] علما}$$

بان هـ(س) يمر بالنقطة (٢، ٨) (٧ علامات)

السؤال الرابع: (٢٠ علامة)

أ) إذا كان ق(س) = س٢ + جاس٢ معرفا على الفترة [٠، π]

١) عين مجالات التقعر نحو الأعلى أو الأسفل

٢) جد نقطة / نقاط الانعطاف (ان وجدت) (٧ علامات)

ب) جد حجم أكبر اسطوانة دائرية قائمة يمكن وضعها داخل مخروط دائري قائم نصف قطر

قاعدته ٨سم وارتفاعه ٢ سم (٧ علامات)

$$ج) إذا كان ص = ظا (س ص) أثبت أن $W = \frac{3^{w+w}}{(2^{w+1})s - 1}$ (٦ علامات)$$

ملاحظة: اجب عن أحد السؤالين

السؤال الخامس: (١٠ علامات)

أ) حل المعادلة المصفوفة (٢س × $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 3 & 2 \end{pmatrix}$) - $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 2 & 0 \end{pmatrix}$ × $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 3 \end{pmatrix}$ = $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 3 & 2 \end{pmatrix}$

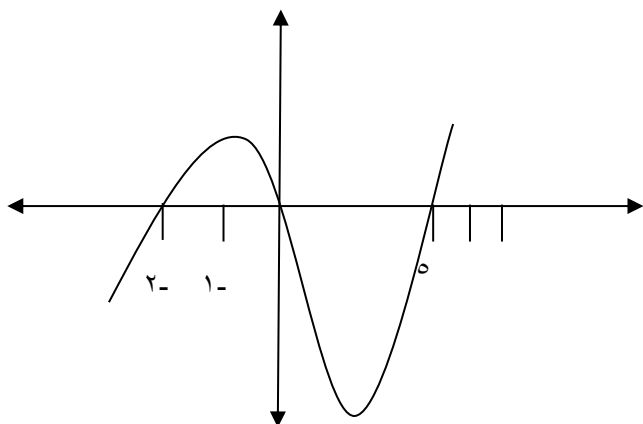
ب) اذا كان للاقتران ق(س) = س٤ - ٢س٣ - أس٢ نقطتا انعطاف ، الاولى (٢، ق (٢)) جد نقطة الانعطاف الثانية

السؤال السادس: (١٠ علامات)

أ) يمثل الشكل المجاور منحنى الاقتران R(س)، ق (س) اقتران متصل على ح، جد (١) الفترات التي يصنع فيها المماس مع ق(س) زاوية حادة مع محور السينات الموجب

(٢) فترات التقعر ونقاط الانعطاف

(٣) القيم القصوى ونوعها



ت) اذا كانت س مصفوفة غير منفردة من الرتبة الثانية جد س + س١- حيث

$$\begin{pmatrix} 5 & 4 \\ 3 & 2 \end{pmatrix} = س \times \begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 5 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 5 \end{pmatrix} \times س$$

مع تمنياتنا لكم بالتوفيق والنجاح

معلما المبحث: جهاد عبد الخالق & وهبي الخولي